

הוראות לדף הנוסחאות



הוראות הדפסה!

את הדף יש להדפיס עם שוליים מותאמים אישית ברוחב 0.5 בכל צד.

ב WORD, יש לבחור בלשונית הדפסה את חלון השוליים, לבחור שוליים מותאמים אישית ולשנות ל 0.5 בכל הכיוונים

עריכה:

בדף הכנסנו כמה שיותר הסברים, נוסחאות ותמונות. אם מספר העמודים חורג ממספר העמודים המותר בבחינה ניתן לערוך את קובץ ה WORD ולהוריד הסברים מורחבים, תמונות או נוסחאות טריוויאליות. ניתן גם כמובן להוסיף הסברים שלכם או נוסחאות.

בכל מקרה מומלץ מאוד לעבור על הדף לפני המבחן!! הוא גם סיכום של החומר.

אין להוריד את הסמל של GOOL או כל סימן מסחרי אחר!!

מבנה הדף:



הדף בנוי משלושה טורים.

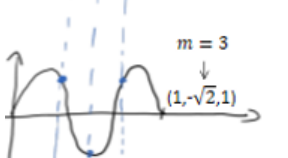
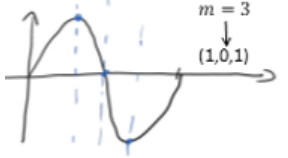
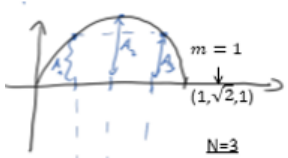
ההתחלה היא בפינה הימנית העליונה.

בסוף הטור הראשון עוברים לטור השני באותו עמוד (ולא לעמוד הבא). בסוף הטור האחרון עוברים לטור הראשון (הימני) בעמוד הבא.

ניתן לשנות את כיוון הפריסה לרוחב, זה יוצר מראה יותר מרווח על חשבון מספר עמודים.

כל הזכויות שמורות למני גבאי ולאתר GOOL

הדף מיועד לכל שימוש שאינו מסחרי ובפרט לשימוש מרצים, מורים, סטודנטים ותלמידים בקורסים שונים, ניתן לערוך את הדף אך יש להשאיר סימונים של אתר גול.



משתנה רציף

$$\rho \frac{\partial^2 \Psi(z, t)}{\partial t^2} = E \frac{\partial^2 \Psi(z, t)}{\partial z^2}$$

z - מיקום המסה ; Ψ - העתק משווי משקל
 ρ - צפיפות המסה של המערכת , כאשר Δz הוא המרווח בין שתי מסות בשווי משקל (הולך לאפס)
 $E = k \Delta z$ - מודול האלסטיות.

אנליזה פורייה

$$f(x) = \frac{A_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} \left[A_n \cos\left(\frac{2\pi n}{L}x\right) + B_n \sin\left(\frac{2\pi n}{L}x\right) \right]$$

כאשר L הוא המחזור של הפונקציה (אפשרי גם שהמחזור של הפונקציה יהיה קטן מ L אבל לא גדול ממנו).
 הפונקציה צריכה להיות מחזורית ובמרחב L_2 .

$$A_0 = \frac{2}{L} \int_0^L f(x) dx$$

$$A_n = \frac{2}{L} \int_0^L f(x) \cos\left(\frac{2\pi n}{L}x\right) dx$$

$$B_n = \frac{2}{L} \int_0^L f(x) \sin\left(\frac{2\pi n}{L}x\right) dx$$

מכפלה פנימית:
 פונקציות אורתוגונליות:

$$\int_0^L \sin\left(\frac{2\pi n x}{L}\right) \cos\left(\frac{2\pi m x}{L}\right) dx = 0$$

$$\int_0^L \cos\left(\frac{2\pi n x}{L}\right) \cos\left(\frac{2\pi m x}{L}\right) dx = \frac{L}{2} \delta_{nm}$$

$$\int_0^L \sin\left(\frac{2\pi n x}{L}\right) \sin\left(\frac{2\pi m x}{L}\right) dx = \frac{L}{2} \delta_{nm}$$

אפשר לתאר באמצעות אותן נוסחאות של טור פורייה גם קטע מתוך פונקציה שאינה מחזורית או פונקציה המוגבלת לתחום מסוים. צריך לזכור שהטור מתאר רק את הקטע המסוים ובשאר המרחב הוא מתאר שכפול של הקטע ולא את הפונקציה המקורית.
 טור סינוסים וקוסינוסים לתיאור פונקציה בקטע סופי:

$$f(x) = \sum_{n=1}^{\infty} B_n \sin\left(\frac{n\pi}{L}x\right)$$

$$B_n = \frac{2}{L} \int_0^L f(x) \sin\left(\frac{n\pi}{L}x\right) dx$$

$$f(x) = \frac{A_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} A_n \cos\left(\frac{n\pi}{L}x\right)$$

$$A_n = \frac{2}{L} \int_0^L f(x) \cos\left(\frac{n\pi}{L}x\right) dx$$

טור אקספוננציאלי:

$$f(x) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} C_n e^{i \frac{2\pi n}{L} x}$$

$$C_0 = \frac{1}{L} \int_0^L f(x) dx, \quad C_n = \frac{1}{L} \int_0^L f(x) e^{-i \frac{2\pi n}{L} x} dx$$

הקשר בין המקדמים בטור אקספוננציאלי לטור סינוסים וקוסינוסים:

$$A_n = C_n + C_{-n}; \quad B_n = i(C_n - C_{-n}); \quad \frac{A_0}{2} = C_0$$

$$C_n = \frac{1}{2}(B_n - iA_n); \quad C_{-n} = \frac{1}{2}(B_n + iA_n)$$

תופעת גיבס:
 קרוב לנקודת האי רציפות של הפונקציה המקורית. נראה תנודתיות בפונקציה המתוארת על ידי הטור. תנודתיות זו

$$\sin(\phi) = \frac{\Gamma \Omega}{\sqrt{(\omega_0^2 - \Omega^2)^2 + \Gamma^2 \Omega^2}}$$

תדירות תהודה: התדירות של הכוח המאלץ עבורה $A(\Omega)$ מקסימאלית. ניתן למצוא אותה ע"י נגזרת של A לפי Ω . אם $\Gamma \ll \omega_0$ אז תדירות התהודה היא בקירוב ω_0 (תדירות התנועה הרמונית ללא כוח מאלץ ומרסר)

מערכת של שתי מסות

משוואות התנועה:

$$-k_1 x_L - k_2(x_L - x_R) = m \ddot{x}_L$$

$$-k_1 x_R - k_2(x_R - x_L) = m \ddot{x}_R$$

החלפת משתנים:
 $x_s = x_L + x_R; \quad x_f = x_L - x_R$
 פתרון (מודים עצמיים):
 $x_s(t) = A_s \cos(\omega_s t + \phi_s)$
 $x_f(t) = A_f \cos(\omega_f t + \phi_f)$

כאשר -
 פעימות:
 עבור:
 מקבלים:

$$\varepsilon = \frac{\omega_f - \omega_s}{2}$$

$$\Omega = \frac{\omega_f + \omega_s}{2}$$

תדירות הפעימה: 2ε
 כוח מרסר ומאלץ:
 - המשוואות והפתרונות עבור x_s ו- x_f הן אלו של תנועה הרמונית מרוסנת ומאולצת
 - במקרה $\Gamma \ll 2\omega$ (ω תדירות הכוח המאלץ, Γ מקדם הכוח המרסר)
 - אם $\omega \approx \omega_s$ אז $A_f \gg A_s$ ו- $x_L \approx x_R$ כלומר רק המוד (1,1) מתעורר
 - אם $\omega \approx \omega_f$ אז $A_s \gg A_f$ ו- $x_L \approx -x_R$ כלומר רק המוד (1,-1) מתעורר.

מערכת של שלוש מסות

משוואות:

$$-k x_1 - k(x_1 - x_2) = m \ddot{x}_1$$

$$-k(x_2 - x_1) - k(x_2 - x_3) = m \ddot{x}_2$$

$$-k x_3 - k(x_3 - x_2) = m \ddot{x}_3$$

פתרון (לאחר אלגברה עם מטריצה):

$$\begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \end{pmatrix} = A_m \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ -1 \end{pmatrix} \cos(\omega_m t + \phi_m) + A_f \begin{pmatrix} 1/\sqrt{2} \\ 1/\sqrt{2} \\ 1/\sqrt{2} \end{pmatrix} \cos(\omega_f t + \phi_f) + A_s \begin{pmatrix} 1/\sqrt{2} \\ 1/\sqrt{2} \\ -1/\sqrt{2} \end{pmatrix} \cos(\omega_s t + \phi_s)$$

כאשר -
 מערכת N מסות

משוואות:

$$-k(x_n - x_{n-1}) - k(x_n - x_{n+1}) = m \ddot{x}_n$$

פתרון כללי:

$$x_n(t) = (A \cos(n\theta) + B \sin(n\theta)) e^{i\omega t} = C_1 \cos(n\theta) \cos(\omega t + \phi_1) + C_2 \sin(n\theta) \cos(\omega t + \phi_2)$$

כאשר -
 בתנאי שפה קבועים (קירות):
 $x_0(t) = x_{N+1}(t) = 0$

משוואות התנועה:

$$\ddot{z} + \Gamma \dot{z} + \omega_0^2 z = \frac{F_0}{m} \sin(\Omega t)$$

פתרון משוואת התנועה:

$$z(t) = A(\Omega) \sin(\Omega t + \phi) + x_{\text{הומוגני}}(t)$$

הוא הפתרון של תנועה הרמונית מרוסנת שמתחלק לשלוש המקרים ...
 - במצב עמיד (לאחר זמן רב) נזניח את הפתרון ההומוגני.

תנועה הרמונית מרוסנת ומאולצת

בנוסף לכוח הקפיץ והמרסר נוסף כוח מאלץ מהצורה:

$$\vec{F}(t) = F_0 \sin(\Omega t)$$

ו- F_0 קבועים כלשהם

משוואת התנועה:

$$\ddot{z} + \Gamma \dot{z} + \omega_0^2 z = \frac{F_0}{m} \sin(\Omega t)$$

פתרון משוואת התנועה:

$$z(t) = A(\Omega) \sin(\Omega t + \phi) + x_{\text{הומוגני}}(t)$$

הוא הפתרון של תנועה הרמונית מרוסנת שמתחלק לשלוש המקרים ...
 - במצב עמיד (לאחר זמן רב) נזניח את הפתרון ההומוגני.

תנועה הרמונית פשוטה

משוואת התנועה:

$$-k(x - x_0) = m \ddot{x}$$

ו- k הם קבועים חיוביים כלשהם.
 x_0 - קבוע שיכול להיות חיובי או שלילי.
 x - משתנה כלשהו, יכול להיות גם זווית או משתנה אחר.
 $\ddot{x}$ - נגזרת שנייה של המשתנה.
 חייב להיות מינוס לפני k .

פתרון המשוואה:

$$x(t) = A \cos(\omega t + \phi) + x_0$$

x_0 - נקודת שיווי המשקל, הנקודה שבה $\vec{F} = 0$.
 A - אמפליטודה, המרחק המקסימאלי משווי המשקל.
 $\omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$ - תדירות זוויתית
 ϕ - פאזה.
 מציאת הקבועים בפתרון:

x_0 - אפשר למצוא ישירות מהקבוע שבמשוואה או למצוא אותו מסכום הכוחות שווה לאפס.

של המקדם x
 של המקדם $\ddot{x}$

φ, A מוצאים מתנאי התחלה $x(0)$ ו- $\dot{x}(0)$.
 נוסחה למהירות המקסימאלית:
 $v_{\max} = \omega A$
 האנרגיה:
 $E = \frac{1}{2} m \dot{x}^2 + \frac{1}{2} k (x - x_0)^2 = \frac{1}{2} m \omega^2 A^2$
 - האנרגיה הכוללת קבועה ואפשר לחשב אותה דרך האמפליטודה.
 - חילופי האנרגיה בין האנרגיה הקינטית לפוטנציאלית, הפוטנציאלית מקסי' בקצוות והקינטית בשיווי משקל.
 - **בור פוטנציאלי**: כאשר גוף נע בסביבה קרובה מאוד למינימום של הפוטנציאל (האנרגיה הכללית שלו גדולה רק במעט מהאנרגיה הפוטנציאלית במינימום) אז הוא מבצע תנועה הרמונית בתדירות:

$\omega_0 = \sqrt{\frac{U''(x_0)}{m}}$
 x_0 - מיקום נק' המינימום, ו- $U''(x_0)$ נגזרת שנייה בנקודה.

תנועה הרמונית מרוסנת

בנוסף לכוח הקפיץ נוסף כוח מרסר מהצורה:
 $F = -\lambda v$
 v - מהירות הגוף ו- λ קבוע.

משוואת התנועה:

$$\ddot{z} + \Gamma \dot{z} + \omega_0^2 z = 0$$

כאשר $z = x - x_0, \Gamma = \frac{\lambda}{m}, \omega_0^2 = \frac{k}{m}$
 פתרון המשוואה מתחלק לשלוש מקרים:

מקרה (I) - ריסון חזק: $\frac{\Gamma}{2} > \omega_0$
 אין תנודות

מקרה (II) - ריסון קריטי: $\frac{\Gamma}{2} = \omega_0$
 $z(t) = (A + B \cdot t) \cdot e^{-\omega_0 t}$
 דעיכה הכי מהירה לשיווי משקל עם תנודה אחת.

מקרה (III) - ריסון חלש: $\frac{\Gamma}{2} < \omega_0$
 $z(t) = A e^{-\frac{\Gamma}{2} t} \cos(\tilde{\omega} t + \phi); \quad \tilde{\omega} = \sqrt{\omega_0^2 - \left(\frac{\Gamma}{2}\right)^2}$
 יש תנודות דועכות, $\tilde{\omega}$ היא תדירות התנודות.

תנועה הרמונית מרוסנת ומאולצת

בנוסף לכוח הקפיץ והמרסר נוסף כוח מאלץ מהצורה:

משוואת התנועה:

$$\ddot{z} + \Gamma \dot{z} + \omega_0^2 z = \frac{F_0}{m} \sin(\Omega t)$$

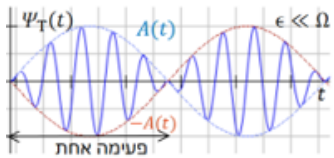
פתרון משוואת התנועה:

$$z(t) = A(\Omega) \sin(\Omega t + \phi) + x_{\text{הומוגני}}(t)$$

הוא הפתרון של תנועה הרמונית מרוסנת שמתחלק לשלוש המקרים ...
 - במצב עמיד (לאחר זמן רב) נזניח את הפתרון ההומוגני.

גלים עומדים	GOOL
מיתר חצי אינסופי:	
קצה קשור:	$\Psi(x=0,t)=0 \Rightarrow \Psi(x,t)=C\sin(kx)\sin(\omega t+\varphi)$
קצה חופשי:	
מיתר סופי:	$\frac{\partial \Psi}{\partial x}\Big _{x=0}=0 \Rightarrow \Psi(x,t)=C\cos(kx)\cos(\omega t+\varphi)$
2 קצוות קשורים:	$\Psi(x=0,t)=\Psi(x=L,t)=0$ $k_n=\frac{2L}{n}$; $k_n=\frac{\pi n}{L}$; $n=0,1,2,3 \dots$; $f_n=\frac{vn}{2L}$
קצה קשור וקצה חופשי:	$\Psi(x,t)=\sum_{n=0}^{\infty} C_n \sin(k_n x) \sin(\omega_n t + \varphi_n)$
קצה חופשי:	
מיתר סופי עם 2 קצוות חופשיים:	$\frac{\partial \Psi}{\partial x}\Big _{x=0}=0, \frac{\partial \Psi}{\partial x}\Big _{x=L}=0$ $k_n=\frac{\pi}{L}\left(n+\frac{1}{2}\right)$; $n=0,1,2,3 \dots$ $k_n=\frac{2L}{n}$; $f_n=\frac{vn}{2L}$; $k_n=\frac{\pi n}{L}$; $n=0,1,2,3 \dots$
גלי קול בצינור	$\Psi(x,t)=\sum_{n=0}^{\infty} C_n \cos(k_n x) \sin(\omega_n t + \varphi_n)$
גל אורכי:	תנועת המולקולות בכיוון ההתקדמות הגל $\Psi(x,t)$ - פונקציית ההעתק של מולקולות הגז משיווי משקל. x מציין את מיקום המולקולות בשיווי משקל ולא את המיקום שלהן כתלות בזמן. $\Psi_p(x,t)$ - פונקציית הלחץ העודף $\Delta p(x,t)$ - פונקציית השינוי בצפיפות. $\Delta \rho(x,t)$ - נקי צומת בפונקציית ההעתק היא נקי טבור בפונקציות הצפיפות והלחץ ולהפך. $PV^\gamma = const$ גז אידיאלי בתהליך אדיאבטי: P - לחץ. V - נפח. γ - קבוע הקשור לסוג הגז. הקשר בין פונקציית ההעתק לפונקציית הלחץ: $\frac{\partial \psi}{\partial x} = -\frac{1}{\gamma P_0} \psi_p$ (הלחץ בשיווי משקל) P_0 מקדם האלסטיות של הגז: $B_a = \gamma P_0$ משוואת הגלים: $\frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2} = \frac{\rho_0}{\gamma P_0} \frac{\partial^2 \psi}{\partial t^2}$ אותה המשוואה מתקיימת גם עבור ψ_p ו- Δp מהירות הגלים (מהירות הקול, לפעמים כתובה באות c): $v = \sqrt{\frac{\gamma P_0}{\rho_0}}$ - באוויר בתנאים סטנדרטיים: $v \approx 340 \text{ m/s}$ הקשר בין הצפיפות לפונקציית ההעתק: $\Delta \rho = -\rho_0 \frac{\partial \psi}{\partial x}$ עכבה של גל קול מישורי ליחידת שטח: $\frac{Z}{A} = \rho_0 v$ - צפיפות המסה בשיווי משקל. A - שטח החתך של הצינור. v - מהירות הקול בחומר. האנרגיה הכוללת ליחידת אורך: $\varepsilon(x,t) = \frac{1}{2} A \rho_0 \left[\left(\frac{\partial \psi}{\partial t} \right)^2 + v^2 \left(\frac{\partial \psi}{\partial x} \right)^2 \right] = A \rho_0 \left(\frac{\partial \psi}{\partial t} \right)^2$ השוויון האחרון הוא עבור גלים נעים בלבד. אנרגיה פוטנציאלית וקינטית ממוצעת בזמן ליחידת אורך: $\bar{U}_{dx} = \bar{E}_{kdx} = \frac{1}{4} \rho_0 A \omega^2 \psi_{max}^2$ אנרגיה כוללת ממוצעת בזמן ליחידת אורך: $\bar{\varepsilon} = \frac{1}{2} \rho_0 A \omega^2 \psi_{max}^2$ - ψ_{max} - האמפליטודה של פונקציית ההעתק - קבוע. - ω - התדירות הזוויתית. הספק של גל קול נע (לפמה אנרגיה עוברת דרך שטח חתך ביחידת זמן) בכיוון החיובי/שלילי: $P(x,t) = \pm v \varepsilon(x,t)$ (לא לבלבל עם P של לחץ) עוצמה של הגל (ההספק ליחידת שטח): $I(x,t) = \frac{ P(x,t) }{A} = v \rho_0 \left(\frac{\partial \psi}{\partial t} \right)^2$ עוצמה ממוצעת בזמן: $\bar{I} = \frac{1}{2} v \rho_0 \omega^2 \psi_{max}^2$ מידת עוצמה בסולם לוגריתמי: $I_a = I_0 \cdot 10^a$

גלים רוחביים במיתר	GOOL
משוואת הגלים:	$\frac{\partial^2 \psi(x,t)}{\partial x^2} = \frac{\rho}{T} \frac{\partial^2 \psi(x,t)}{\partial t^2}$
T - המתיחות במיתר, ρ - צפיפות המסה ליחידת אורך, ψ - פונקציית הגל, ההעתק הרוחבי של כל חתיכה במיתר.	
מהירות הגל:	$v = \sqrt{\frac{T}{\rho}}$
פתרון המשוואה:	$\psi(x,t) = A \cos(kx - \omega t) + B \sin(kx - \omega t) + C \cos(kx + \omega t) + D \sin(kx + \omega t)$ - אפשרויות נוספות לפתרון (על ידי שימוש בזהויות טריגונומטריות)
שתי האפשרויות האחרונות עדיפות לגלים עומדים.	$\psi(x,t) = A_1 \cos(kx - \omega t + \phi_1) + A_2 \cos(kx - \omega t + \phi_2) = B_1 \cos kx \cos \omega t + B_2 \cos kx \sin \omega t + B_3 \sin kx \cos \omega t + B_4 \sin kx \sin \omega t = C_1 \cos kx \cos(\omega t + \phi_1) + C_2 \sin kx \cos(\omega t + \phi_2)$
פתרון במספרים מרוכבים:	$\psi(x,t) = A_1 e^{i(kx+\omega t)} + A_2 e^{i(kx-\omega t)} + A_3 e^{-i(kx+\omega t)} + A_4 e^{-i(kx-\omega t)}$ אם הפונקציה ממשית, אז $A_4 = A_2^*$, $A_3 = A_1^*$ מתכנס לחלק הממשי של פתרון באמצעות נוסחת ד'אלמבר:
יחס הדיספרסיה:	$\psi(x,t) = Ae^{i(kx-\omega t)} + Be^{-i(kx+\omega t)}$ $\omega = v \cdot k$
פתרון באמצעות נוסחת ד'אלמבר:	$\psi(x,t) = \frac{1}{2} [\psi(x-vt,0) + \psi(x+vt,0)] + \frac{1}{2v} \int_{x-vt}^{x+vt} \psi'(x',0) dx'$
החזרה והעברה	GOOL
תנאי שפה לנקודת אי-רציפות במיתר ב- $x=0$:	
1. רציפות הפונקציה: 2. רציפות הכוח:	$\psi_L(0,t) = \psi_R(0,t)$ $F_L = F_R$
אם המתיחות אחידה, אז תנאי 2 הופך לרציפות הגזרת:	
	$\frac{\partial \psi_L}{\partial x}\Big _{x=0} = \frac{\partial \psi_R}{\partial x}\Big _{x=0}$ $\psi_L(x,t) = \psi_r(x,t) + \psi(x,t)$; $\psi_R(x,t) = \psi_t(x,t)$ $\psi_r(x,t) = r\psi(-x,t)$
	$\psi_t(x,t) = t\psi\left(\frac{v_1}{v_2}x,t\right)$; $v_1 = \sqrt{\frac{T}{\rho_1}}v_2 = \sqrt{\frac{T}{\rho_2}}$
מקדם החזרה:	$r = \frac{v_2-v_1}{v_2+v_1} = \frac{\sqrt{\rho_1}-\sqrt{\rho_2}}{\sqrt{\rho_2}-\sqrt{\rho_1}}$
מקדם העברה:	$t = \frac{2v_2}{v_2+v_1} = \frac{2\sqrt{\rho_1}}{\sqrt{\rho_2}-\sqrt{\rho_2}}$
הערה: את הנוסחאות של מקדם ההעברה וההחזרה נרשום בנושא הבא בצורה יותר כללית עם שימוש בעכבות.	
עכבה	GOOL
עכבה (impedance):	$Z = \sqrt{\rho T} = \frac{T}{v}$
T - מתיחות. V - מהירות הגל	
	$ Z = \frac{ F_y }{ V_y(t) }$
F_y - הכוח על אלמנט מסה $V_y(t)$ - מהירות אלמנט מסה (מהירות החומר) מקדמי העברה והחזרה בפגיעה של גל מתווך 1 ל-2:	$r = \frac{Z_1-Z_2}{Z_1+Z_2}$ $t = \frac{2Z_1}{Z_1+Z_2}$ תאום עכבות: $t=1 \Leftarrow z_1=z_2$ ו- $t=0$
אנרגיה הספק ותנע	GOOL
אנרגיה ליחידת אורך של גל נע במיתר:	
אנרגיה ממוצעת בזמן:	$\varepsilon(x,t) = \rho \left(\frac{\partial \Psi}{\partial t} \right)^2 = \rho v^2 \left(\frac{\partial \Psi}{\partial x} \right)^2$ $\bar{\varepsilon} = \frac{1}{2} \rho \omega^2 A ^2$
הספק רגעי בנקודה, כמה עבודה עושה החלק השמאלי על החלק הימני ביחידת זמן:	
	$P^\pm = \pm Z \left(\frac{\partial \Psi}{\partial t} \right)^2 = \pm v \varepsilon(x,t)$
$P^\pm$ הוא הספק רגעי של גל הנע בכיוון החיובי/שלילי	
ההספק הממוצע בזמן:	$\bar{P}^\pm = \pm \frac{1}{2} Z \omega^2 A ^2$
מקדם החזרה של האנרגיה:	$R = \frac{P_1^-}{P_1^+} = r^2 = \left(\frac{Z_1-Z_2}{Z_1+Z_2} \right)^2$
מקדם העברה של האנרגיה:	$T = \frac{P_2^+}{P_1^+} = \frac{Z_2}{Z_1} t^2 = \frac{4Z_1Z_2}{(Z_1+Z_2)^2}$
תנע: התנע הוא אפס.	$R+T=1$

הולכת וקטנה ככל שמספר האיברים בטור גדל והיא נעלמת לגמרי עבור אינסוף איברים. בנקודת אי הרציפות אנחנו נראה סטייה של 0.9% מערך הקפיצה בפונקציה, סטייה זו היא קבועה ואינה קטנה ככל שמגדילים את מספר האיברים (החל ממספר איברים מסוים).	
התמרת (טרנספורם) פורייה:	
$f(k) = FT[f(x)] = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} f(x)e^{-ikx} dx$	
התמרה הפוכה:	$f(x) = \int_{-\infty}^{\infty} f(k)e^{ikx} dx$
תכונות:	
$FT[\alpha f(x) + \beta g(x)] = \alpha FT[f(x)] + \beta FT[g(x)]$ אם $f(x) \in G$ אז $\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx \neq \infty$ אם $f(x) \in G$ אז $F(k)$ רציפה. אם $f(x) \in G$ אז $\lim_{k \rightarrow \pm\infty} F(k) = 0$,רימן-לבג אם $f(x)$ זוגית אז $F(k) = \frac{1}{\pi} \int_0^{\infty} f(x) \cos(kx) dx$ אם $f(x)$ אי-זוגית אז:	
$F(k) = -\frac{i}{\pi} \int_0^{\infty} f(x) \sin(kx) dx$ אם $f(x)$ ממשית אז $\overline{F(k)} = F(-k)$ התמרות של פונקציות מיוחדות:	
גאוסיאן:	$FT[Ae^{-ax^2}] = \frac{Ae^{-\frac{k^2}{4a}}}{\sqrt{2\pi a}}$
אקספוננט:	$FT[Ae^{-a x }] = \frac{aA}{\pi(a^2+k^2)}$
לורנציאן:	$FT\left[\frac{a}{a^2+x^2}\right] = \frac{1}{2} e^{-a k }$
פונקציית דלתא:	$FT[\delta(x)] = \frac{1}{2\pi}$
קבוע:	$FT[1] = \delta(k)$
נוסחת הכפל באקספוננט , קוסינוס או סינוס (מודולציה):	$FT[f(x)e^{iCx}] = F(k-C)$
	$FT[f(x) \cos(Cx)] = \frac{F(k-C) + F(k+C)}{2}$
	$FT[f(x) \sin(Cx)] = \frac{F(k-C) - F(k+C)}{2i}$
נוסחת הכינון והזזת:	$FT[f(ax+b)] = \frac{1}{ a } e^{i\frac{kb}{a}} F\left(\frac{k}{a}\right)$
נוסחת הגזרת: אם $f(x) \in G$, $f'(x) \in G$ ו- $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} f(x) = 0$:	
אז:	$FT[f'(x)] = ikF(k)$
נוסחת המומנט: אם $f(x) \in G$ אז $xf(x) \in G$ אז $F(k)$ גזירה ברציפות	
ו- $FT[xf(x)] = i \frac{d}{dk} F(k)$	
מבוא לגלים	GOOL
גלים רוחביים: ההפרעה בכיוון ניצב להתקדמות (מיתר) גלים אורכיים: ההפרעה בכיוון מקביל להתקדמות (קול) תווך: החומר בו מתקדמת ההפרעה פונקציית הגל: $f(x \pm vt)$, כאשר v היא מהירות הגל. אנרגיה של גל: $A, E \propto A^2$ היא האמפליטודה (משרעת)	
משוואת הגלים במימד אחד:	$\frac{\partial^2 f}{\partial x^2} = \frac{1}{v^2} \frac{\partial^2 f}{\partial t^2}$
כל פונקציה מהצורה $f(x \pm vt)$ היא פתרון של משוואת הגלים. סכום של שני פתרונות מהווה גם פתרון אם לשני הפתרונות אותה מהירות גל. התאבכות: סכימה של גלים שנפגשים זווית גל: אוסף הנקודות המגיעות לשיא באותו זמן	
גלים מחזוריים:	$\lambda = v \cdot T$
λ - אורך הגל; T - זמן המחזור; v - מהירות הגל	
- תדירות (מספר המחזורים בשנייה):	$f = \frac{1}{T}$
- גל הרמוני:	$y(x,t) = A \cos(kx \pm \omega t + \varphi)$
- מספר הגל:	$k = \frac{2\pi}{\lambda}$
- קשרים בין הגדלים השונים:	$\omega = vk = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$
גל עומד: מורכב משני גלים נעים זהים הנעים בכיוונים מנוגדים $y(x,t) = A \sin(kx) \cos(\omega t + \varphi) = \frac{A}{2} \sin(kx - (\omega t + \varphi)) + \frac{A}{2} \sin(kx + (\omega t + \varphi))$ - נקודות צומת (node): נקודות שלא זזות. אין מהירות גל. - נקודת טבור (antinode): אמפליטודה מקסימאלית. פעימות: בפעמיות אנחנו מחברים שני גלים בעלי אותה אמפליטודה ומקבלים גל בתוך מעטפת (פעימה).	
$\Psi_1(t) = A \cos(\omega_1 t)$ & $\Psi_2(t) = A \cos(\omega_2 t)$ $\Psi_T(t) = \Psi_1(t) + \Psi_2(t) = 2A \cos(\varepsilon t) \cos(\Omega t)$	
	$\varepsilon = \frac{\omega_f - \omega_s}{2}$ $\Omega = \frac{\omega_f + \omega_s}{2}$
תדירות הפעימה היא 2ε	

a - היא העוצמה B (בל) . $I_0 = 10^{-12} \frac{W}{m^2}$

1B = 10dB (זה דציבל)

עוצמה בגל כדורי: $I(r) = \frac{P}{4\pi r^2}$
תנאי שפה בציוור:

קצה סגור $\psi = 0$ (כמו קצה קשור במיתר)

קצה פתוח $\frac{\partial \psi}{\partial x} = 0 \Rightarrow \psi_p = 0$ (כמו קצה חופשי במיתר)
ערך RMS של פונקציית סינוס/קוסינוס הוא הערך

המקסימלי חלקי $\sqrt{2}$

מטריצת מומנט ההתמד:

$$L_i = \sum_j I_{ij} \omega_j$$
$$I_{ij} = \sum_k m_k (r_k^2 \delta_{ij} + i \cdot j)$$

כאשר i, j, k מקבלים את הערכים x, y, z

יחס נפיצה (דיספרסיה) ומהירות החבורה **GOOL**

ייצוג פונקציית הגל באמצעות פורייה:

$$\psi(x, t) = \int_{-\infty}^{\infty} A(k) e^{i(kx - \omega(k)t)} dx$$

כאשר -

$$A(k) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} \psi(x, 0) e^{-ikx} dx$$

מהירות הפאזה:

$$v_\phi(k) = \frac{\omega}{k}$$

מהירות החבורה:

$$v_g(k) = \frac{d\omega}{dk}$$

רוחב כתלות בזמן של גאוסיאן: $\sigma^2(t) = \frac{\sigma^4 + 4\beta^2 t^2}{\sigma^2}$

כאשר σ היא הרוחב ההתחלתי ו- $\beta = \frac{1}{2} \frac{\partial^2 \omega}{\partial k^2} \Big|_{k_0}$

אם מספר הגל יוצא מורכב עבור תדירויות מסוימות, נקבל **גל דועך**. קבוע הדעיכה הוא החלק המדומה של מספר הגל. **במכניקת הקוונטים**: פונקציית גל מתארת הסתברות למצוא חלקיק במיקום מסוים.

משוואת שרדינגר: $i\hbar \frac{\partial \psi}{\partial t} = -\frac{\hbar^2}{2m} \frac{\partial^2 \psi}{\partial x^2}$
התנע של חלקיק: $p = \hbar k$

גלי מים:

יחס הדיספרסיה הכללי עבור גלים בנוזל הוא:

$$\omega^2 = \left[gk + \frac{\sigma}{\rho} k^3 \right] \tan h(kH)$$

σ - קבוע מתח הפנים, כוח ליחידת אורך או אנרגיה ליחידת שטח, H - עומק הנוזל, g - תאוצת הכובד ρ - צפיפות המסה ליחידת נפח

גלים קצרים (גלי מתח פנים): $\lambda \ll \lambda_c \sim 2cm$

$$\omega = \sqrt{\frac{gk^3}{\rho}}$$

עבור גלים ארוכים (גלי כבידה) אבל קצרים מעומק המים (או הנוזל): $\omega = \sqrt{gk}$, $H \gg \lambda \gg \lambda_c$

עבור גלים ארוכים וגדולים מעומק המים (או הנוזל): $\omega = \sqrt{gHk}$, $\lambda \gg H \gg \lambda_c$

משוואת הגלים האלקטרומגנטיים **GOOL**
משוואות מקסוול בהיעדר מטענים וזרמים חופשיים:

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{D} = 0 \quad \vec{\nabla} \times \vec{E} = -\frac{\partial \vec{B}}{\partial t}$$

$$\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0 \quad \vec{\nabla} \times \vec{H} = -\frac{\partial \vec{D}}{\partial t}$$

בחומר איזוטרופי ולינארי מתקיים: $\vec{D} = \epsilon \vec{E}$, $\vec{B} = \mu \vec{H}$
משוואת הגלים עבור השדה החשמלי והמגנטי:

$$\vec{\nabla}^2 \vec{E} = \frac{1}{u^2} \frac{\partial^2 \vec{E}}{\partial t^2} \quad ; \quad (u = \frac{1}{\sqrt{\epsilon \mu}})$$

בריק: $u = \frac{1}{\sqrt{\epsilon_0 \mu_0}} = c = 3 \cdot 10^8 m/s$
המשוואה היא עבור כל רכיב בנפרד.

המשוואה זהה לשדה המגנטי. אינדקס השבירה (מהירות האור בריק חלקי מהירות האור בחומר): $n = \frac{c}{u} = \sqrt{\epsilon_r \mu_r}$

תמיד גדול מאחד (מהירות האור בחומר תמיד קטנה מהמהירות בריק).
פתרון למשוואת הגלים במימד אחד:

$$E_x(x, t) = A \cos(kx - \omega t)$$
$$k = \frac{2\pi}{\lambda}, \quad \omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$$

מעבר לייצוג קופלקסי:

$$\cos(kx - \omega t) = \text{Re}[e^{i(kx - \omega t)}]$$

כשעובדים עם הייצוג הקומפלקסי ניתן לעבוד רק עם החלק התלוי במרחב (או השדה ב- $t=0$) ובסוף להכפיל את הפונקציה ב- $e^{-i\omega t}$ בשביל לקבל את התלות בזמן.

יחס הדיספרסיה: $\omega = uk$
אם היחס לא לינארי אז צריך להבדיל בין מהירות הפאזה למהירות החבורה:

$$u_{ph} = \frac{\omega}{k}, \quad u_g = \frac{d\omega}{dk}$$

גל אלקטרומגנטי מישורי **GOOL**
הצורה הכללית של הפתרון ההרמוני:

$$\vec{E}(\vec{r}, t) = \vec{E}_0 \cdot \cos(\vec{k} \cdot \vec{r} - \omega t)$$

כאשר $\vec{k} \cdot \vec{r} = k_x x + k_y y + k_z z$

וקטור הגל: $\vec{k} = k_x \hat{x} + k_y \hat{y} + k_z \hat{z}$
הערות - תמיד אפשר להוסיף גם פאזה.

יחס הדיספרסיה בגל: $\omega = u|k| = u \sqrt{k_x^2 + k_y^2 + k_z^2}$

כיוון $\vec{k}$ בכיוון התקדמות הגל, בגל מישורי תמיד $\vec{E} \perp \vec{k}$

כיוון $\vec{E}$ (מסומן בדרכי $\hat{h}$) נקרא כיוון הקיטוב של הגל. כיוון השדה המגנטי מאונך לשדה החשמלי ולכיוון התקדמות הגל.

התלות בזמן ובמרחב של השדה המגנטי זהה לזו של השדה החשמלי (אותו קוסינוס עם אותו ארגומנט).

$$\vec{B} = \frac{1}{u} \hat{k} \times \vec{E} = \frac{\vec{k} \times \vec{E}}{\omega}$$

$$\eta = \sqrt{\frac{\mu}{\epsilon}}$$

העכבה של התווך:

$$\eta = \sqrt{\frac{\mu_0}{\epsilon_0}} = \eta_0 = 120\pi$$

בריק:

$$\vec{H} = \frac{1}{\eta} \hat{k} \times \vec{E} \quad ; \quad \vec{E} = -\eta \hat{k} \times \vec{H}$$

וקטור פוינטנג (כמות אנרגיה ליחידת שטח ליחידת זמן):

$$\vec{S} = \vec{E} \times \vec{H}$$

בנוסחה מציבים את הביטוי הממשי של השדות.

הכיוון של $\vec{S}$ הוא בכיוון של $\hat{k}$ (כיוון התקדמות הגל). ממוצע הוקטור פוינטנג בזמן (נקרא **העוצמה של הגל**):

$$\vec{S}_{Avg} = \langle \vec{S} \rangle = \text{Re} \left\{ \frac{\vec{E} \times \vec{H}^*}{2} \right\}$$

$\vec{E}$ ו- $\vec{H}$ הם הייצוג הקומפלקסי של השדות. המרה של הנגזרות בזמן ובמרחב: $\frac{\partial}{\partial t} \rightarrow -i\omega$, $\vec{\nabla} \rightarrow i\vec{k}$

קיטוב מעגלי ואליפטי **GOOL**

הקיטוב של הגל נקבע על ידי כיוון השדה החשמלי (לא לבדל עם כיוון הגל).
מקטב: מודד את הקיטוב של הגל.
קיטוב לינארי: כיוון השדה קבוע.

קיטוב מעגלי ימני: רכיב y מפגר אחרי רכיב x ב- 90° (הפאזה של רכיב y פחות הפאזה של רכיב x שווה $\frac{\pi}{2}$)
השדה מסתובב נגד השעון או בהתאם לכלל יד ימין ביחס לציר ה-z.

קיטוב מעגלי שמאלי: רכיב y מקדים את רכיב x ב- 90° (הפאזה של רכיב y פחות הפאזה של רכיב x שווה $-\frac{\pi}{2}$)
השדה מסתובב עם השעון או הפוך לכלל יד ימין ביחס לציר ה-z.

קיטוב אליפטי: מתקבל כאשר הפרש הפאזה שונה מ- 90° או אם האמפליטודות של הרכיבים שונה.

פגיעה ישירה בתווך דיאלקטרי **GOOL**
כאשר גל הנע בתווך אחד פוגע בשפה של תווך אחר נקבל גל עובר וגל מוחזר.

תדירות כל הגלים זהה ושווה לתדירות המקור. אמפליטודות הגל העובר והגל המוחזר נקבל מתנאי השפה:

$$B_{2\perp} = B_{1\perp} \quad ; \quad D_{2\perp} - D_{1\perp} = \sigma_{free}$$
$$H_{2\parallel} - H_{1\parallel} = k_{free} \quad ; \quad E_{2\parallel} = E_{1\parallel}$$

σ_{free} - צפיפות המטען המשטחית והחופשית על השפה. k_{free} - צפיפות הזרם המשטחי והחופשי על השפה.

בפגיעה ישירה (או פגיעה בניצב) יש לשני השדות רכיב מקביל לשפה בלבד.

בתווך דיאלקטרי: $\sigma_{free} = k_{free} = 0$
הקשר בין האמפליטודות:

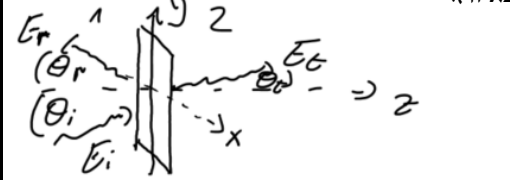
$$\frac{E_{t0}}{E_{i0}} = \frac{2\eta_2}{\eta_2 + \eta_1} = \frac{2n_1}{n_1 + n_2} \quad ; \quad \frac{E_{r0}}{E_{i0}} = \frac{\eta_2 - \eta_1}{\eta_2 + \eta_1} = \frac{n_1 - n_2}{n_1 + n_2}$$

השוויון השני נכון רק אם: $\mu_1 = \mu_2$ (זה המצב ברוב המקרים). לא לכלל בין n ל- η .

מקדם העברה: $\tau = \frac{E_t}{E_0}$. מקדם החזרה: $\Gamma = \frac{E_r}{E_0}$
בפגיעה ישירה בתווך דיאלקטרי: $1 + \Gamma = \tau$

פגיעה בזווית בתווך דיאלקטרי **GOOL**

מישור השפה בין החומרים (מישור xy באיור). מישור הפגיעה הוא המישור של וקטורי הגל (מישור yz באיור).



משיקולי סימטריה k_y זהה לכל הגלים ו- $\theta_i = \theta_r$

$$\frac{\sin \theta_t}{\sin \theta_i} = \frac{u_t}{u_i} = \frac{n_i}{n_t}$$

חוק סנל:

אם $n_i > n_t$ אז קיימת זווית קריטית. אם זווית הפגיעה גדולה מהזווית הקריטית אז לא יהיה גל עובר (תהיה החזרה מלאה): $\theta_c = \text{shiftsin}(\frac{n_t}{n_i})$

משוואות פרנל עבור פגיעה בזווית עם קיטוב אנכי (השדה החשמלי מאונך למישור הפגיעה):

$$\Gamma^\perp = \frac{E_{r0}^\perp}{E_{i0}^\perp} = \frac{\eta_2 \cos \theta_i - \eta_1 \cos \theta_t}{\eta_2 \cos \theta_i + \eta_1 \cos \theta_t} = \frac{n_1 \cos \theta_i - \frac{\mu_1}{\mu_2} \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 \theta_i}}{n_1 \cos \theta_i + \frac{\mu_1}{\mu_2} \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 \theta_i}}$$

$$\tau^\perp = \frac{E_{t0}^\perp}{E_{i0}^\perp} = \frac{2\eta_2 \cos \theta_i}{\eta_2 \cos \theta_i + \eta_1 \cos \theta_t} = \frac{2n_1 \cos \theta_i}{n_1 \cos \theta_i + \frac{\mu_1}{\mu_2} \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 \theta_i}}$$

$$1 + \Gamma^\perp = \tau^\perp$$

$$\tau^\perp = \frac{E_{t0}^\perp}{E_{i0}^\perp} = \frac{2\eta_2 \cos \theta_i}{\eta_2 \cos \theta_i + \eta_1 \cos \theta_t} = \frac{2n_1 \cos \theta_i}{n_1 \cos \theta_i + \frac{\mu_1}{\mu_2} \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 \theta_i}}$$

$$1 + \Gamma^\perp = \tau^\perp$$

עבור פגיעה בזווית עם קיטוב מקבילי (השדה החשמלי מקביל למישור הפגיעה):

$$\Gamma^\parallel = \frac{E_{r0}^\parallel}{E_{i0}^\parallel} = \frac{\eta_2 \cos \theta_t - \eta_1 \cos \theta_i}{\eta_2 \cos \theta_t + \eta_1 \cos \theta_i} = \frac{\frac{\mu_1}{\mu_2} n_2^2 \cos \theta_i - n_1 \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 \theta_i}}{\frac{\mu_1}{\mu_2} n_2^2 \cos \theta_i + n_1 \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 \theta_i}}$$

$$\tau^\parallel = \frac{E_{t0}^\parallel}{E_{i0}^\parallel} = \frac{2\eta_2 \cos \theta_i}{\eta_2 \cos \theta_t + \eta_1 \cos \theta_i} = \frac{2n_1 n_2 \cos \theta_i}{\frac{\mu_1}{\mu_2} n_2^2 \cos \theta_i + n_1 \sqrt{n_2^2 - n_1^2 \sin^2 \theta_i}}$$

$$1 + \Gamma^\parallel = \tau^\parallel$$

זווית ברוסטר הזווית שבה יש העברה מלאה (ואין החזרה). זווית ברוסטר בקיטוב מקביל:

$$\sin^2 \theta_B^\parallel = \frac{1 - \frac{\mu_t \epsilon_i}{\mu_i \epsilon_t}}{1 - \left(\frac{\epsilon_t}{\epsilon_i} \right)^2}$$

$$\sin \theta_B^\parallel = \frac{1}{1 + \epsilon_i/\epsilon_t} \quad ; \quad \tan \theta_B^\parallel = \frac{n_t}{n_i}$$

אם $\mu_2 \approx \mu_1$ אז $\mu_2 \approx \mu_1$ בקיטוב אנכי (מאוד נדיר בטבע):

$$\sin^2 \theta_B^\perp = \frac{1 - \frac{\mu_i \epsilon_t}{\mu_t \epsilon_i}}{1 - \left(\frac{\mu_i}{\mu_t} \right)^2}$$

$$\sin \theta_B^\perp = \frac{1}{1 + \epsilon_i/\epsilon_t} \quad ; \quad \tan \theta_B^\perp = \frac{n_t}{n_i}$$

מעבר של יותר מתווך אחד: נציב את תנאי השפה עבור כל נקודת מעבר.

התאבכות בשני סדקים **GOOL**
עקרון הוויינגס: ניתן להתייחס לכל נקודה בחזית הגל כמקור נקודתי של גל חדש.

אמפליטודה בגלים גליליים: $A \propto \frac{1}{\sqrt{r}}$
אמפליטודה בגלים כדוריים: $A \propto \frac{1}{r}$

ניסוי שני הסדקים:

$$A_1 \approx A_2 \approx \Delta r \ll r$$

$$\Delta r = d \sin \theta \ll r_1 || r_2$$

$$\frac{I(\theta)}{I(0)} = \cos^2 \left(\frac{k d \sin \theta}{2} \right)$$

$$\sin \theta \approx \tan \theta \approx \frac{x}{L}$$

$$A_1 \approx A_2 \approx \Delta r \ll r$$

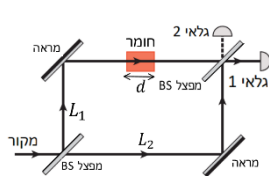
$$\Delta r = d \sin \theta \ll r_1 || r_2$$

$$\frac{I(\theta)}{I(0)} = \cos^2 \left(\frac{k d \sin \theta}{2} \right)$$

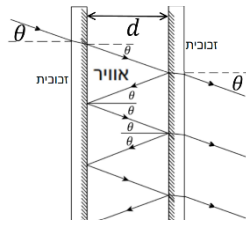
$$\sin \theta \approx \tan \theta \approx \frac{x}{L}$$

בגלל התלות של האמפליטודה במרחק, צריך להכפיל את התוצאה לעוצמה בקוסינוס טטה עבור גלים גליליים ובקוסינוס בריבוע עבור גלים כדוריים. התוספת הזו קשורה למבנה של המסך והיא לא תופיע במסך עגול.

בדרכי מניחים קירוב זוויות קטנות ואז היא זניחה.



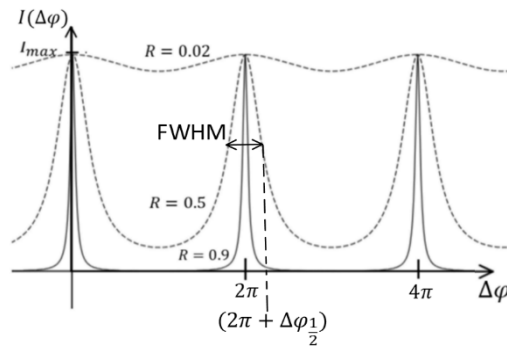
אינטרפרומטר מאד-זנדר:
 $\delta = d(n-1)$
 גלוי 1: $\Delta\phi = k\delta$
 גלוי 2: $\Delta\phi = k\delta + \pi$
 עוצמה:
 $\frac{I}{I_{max}} = \cos^2\left(\frac{\Delta\phi}{2}\right)$
 אינטרפרומטר פברי-פרו:



בין שני קרניים צמודות:
 $\Delta\phi = k\delta = k2d \cos \theta$
 d - רוחב האינטרפרומטר
 θ - זווית פגיעה.
 מקדם החזרה בכל פגיעה:
 $R = r^2 = \left(\frac{A_r}{A_i}\right)^2$

העוצמה:

$$\frac{I}{I_{max}} = \frac{1}{1 + \frac{4R}{(1-R)^2} \sin^2\left(\frac{\Delta\phi}{2}\right)}$$



FWHM - רוחב הפונקציה בחצי גובה (עבור R=0.5)
 תוספת הפאזה להגיע לחצי גובה מנקודת המקסימום:

$$\Delta\phi_{\frac{1}{2}} \approx \frac{1-R}{\sqrt{R}}$$

GOOL

מבוא לאופטיקה

חוק סנל: $n_1 \sin \theta_1 = n_2 \sin \theta_2$
 כאשר n הם מקדמי השבירה של התווך ו- θ הן הזוויות בין הקרן שפוגעת/מוחזרת לבין הנך למשטח.

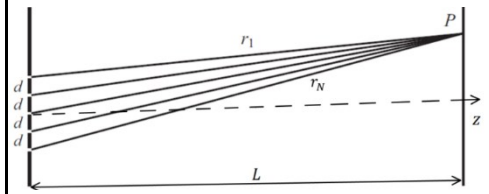
נוסחת העדשות: $\frac{1}{u} + \frac{1}{v} = \frac{1}{f}$
 u - מרחק העצם מהעדשה. v - מרחק הדמות מהעדשה.
 f - מוקד העדשה.

הגדלה קווית: $m = \frac{H_i}{H_o} = \frac{|v|}{|u|}$
 H_i - גובה הדמות. H_o - גובה העצם.

עוצמת העדשה: $C = \frac{1}{f}$

GOOL

התאבכות ב N סדקים



קירוב השדה הרחוק:

$$A_1 \approx A_2 \approx A_3 \approx A_4 \leftarrow \Delta r \ll r$$

$$\Delta r = d \sin \theta \leftarrow r_1 || r_2 || r_3 || r_4$$

$$\alpha = kd \sin \theta \quad ; \quad \frac{I_{tot}(\alpha)}{I_{tot}(0)} \approx \left(\frac{\sin\left(\frac{N\alpha}{2}\right)}{N \sin\left(\frac{\alpha}{2}\right)} \right)^2$$

פיק גדול (מתרחש כשהמכנה מתאפס):
 נקודות התאפסות (כשהמונה מתאפס והמכנה לא):

$$n \neq mN - 1 \quad \alpha_n = \frac{2\pi n}{N}$$

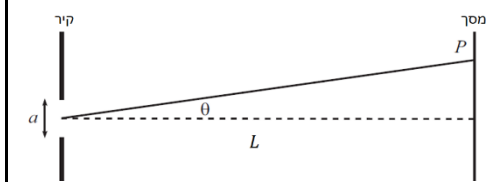
פיק קטן (נגזרת שווה לאפס ומכנה לא מתאפס), עבור $N \gg 1$:

$$\alpha_n = \frac{2\pi}{N} \left(n + \frac{1}{2} \right)$$

מספר הפיקים באחד הצדדים (ללא הפיק המרכזי):
 (לעגל למטה).
 מספר הפיקים (הגדולים) הכולל שווה למספר הפיקים באחד הצדדים כפול 2 ועוד 1 (המרכזי)

GOOL

עקיפה



קירוב השדה הרחוק: $L \gg a$

$$\frac{I(\beta)}{I(0)} = \left(\frac{\sin\left(\frac{1}{2}\beta\right)}{\frac{1}{2}\beta} \right)^2$$

נק' התאפסות: $\beta_n = 2\pi n$

אם $a > \lambda$ אז רוחב הפיק המרכזי גדול מאינסוף ולא יהיו נק' התאפסות, הסדק מתנהג כמקור אור נקודתי.
 אם $a \ll \lambda$ מקבלים עוצמה קבועה ברוחב הסדק, מתאים למקרה הקלאסי בו מניחים שהאור נע בקווים ישרים.

מקסימום מקומי (נגזרת מתאפסת): $\beta_n \approx 2\pi \left(n + \frac{1}{2} \right)$

הקשר לפרוייקט: האמפליטודה הכוללת על המסך כתלות בזווית:

$$A_{tot}(\theta) = 2\pi FT[B(x)](k') \quad ; \quad k' = k \sin \theta$$

כאשר $B(x)$ היא האמפליטודה ליחידת אורך בסדק.

GOOL

התאבכות ועקיפה ביחד

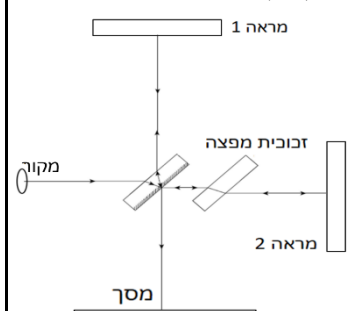
$$\frac{I(\theta)}{I(0)} = \left(\sin c \left(\frac{ka \sin \theta}{2} \right) \frac{\sin \left(\frac{Nkd \sin \theta}{2} \right)}{N \sin \left(\frac{kd \sin \theta}{2} \right)} \right)^2$$

כאשר a הוא רוחב כל סדק, d המרחק בין שני סדקים ו- N מספר הסדקים.

GOOL

אינטרפרומטריה

האינטרפרומטר של מייקלסון:



הפרש דרכים:

$$\delta = 2(L_2 - L_1)$$

הפרש הפאזה:

$$\Delta\phi = k\delta + \pi$$

התאבכות בונה:

$$\delta = \lambda \left(m + \frac{1}{2} \right)$$

התאבכות

הורסת:

$$\delta = \lambda m$$

עוצמה:

$$\frac{I}{I_{max}} =$$

$$\cos^2\left(\frac{\Delta\phi}{2}\right) = \sin^2\left(\frac{\pi\delta}{\lambda}\right)$$