

# מכניקה לתלמידי ביולוגיה 77148

פרק 23 - תרגילים ברמת מבחן במכניקה

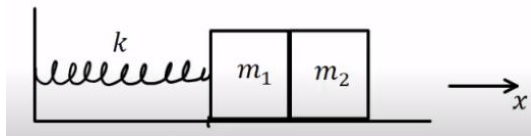
תוכן העניינים

1. תרגילים.....1

## תרגילים:

### שאלות:

#### (1) התנגשות וכיוץ

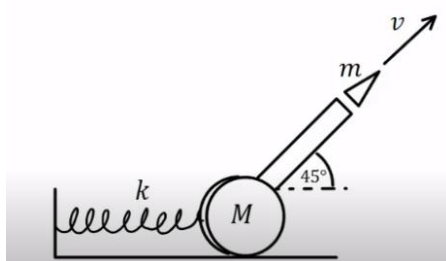


מסה  $m_1 = 0.4\text{kg}$  נמצאת על משטח אופקי חסר חיכוך ומחוברת לקפיץ אידיאלי בעל קבוע קפיץ:  $k = 4000 \frac{\text{N}}{\text{m}}$ . הקצה השני של הקפיץ מחובר לקיר.

כשהקפיץ במצב רפוי מניחים בצמוד למסה זו מסה נוספת  $m_2 = 1.4\text{kg}$ . מזיזים את המסה הראשונה בכיוון השלילי של ציר ה- $x$  עד שהקפיץ מכווץ בעשרה ס"מ ומשחררים ממנוחה. הקפיץ מאיץ את המסה המחוברת אליו עד שהיא מתנגשת במסה השנייה ולאחר מכן חוזרת אחורה ומכווצת את הקפיץ כיווץ מקסימלי של 4 ס"מ.

- מהי מהירות המסה הפוגעת לפני ההתנגשות?
- מהי מהירות המסה השנייה לאחר ההתנגשות?
- האם האנרגיה הקינטית נשמרת בהתנגשות? אם כן, הוכיחו. אם לא, חשבו כמה אנרגיה קינטית אבדה בהתנגשות.
- מהו וקטור המתקף שהקפיץ מפעיל על המסה הראשונה מרגע השחרור ועד הרגע בו הגיע להתכווצות המקסימאלית החדשה?

#### (2) תותח יורה פגז



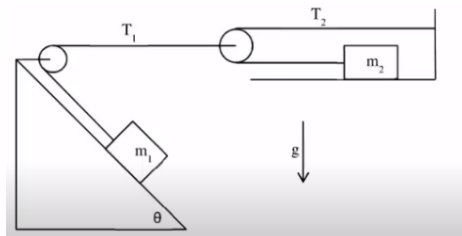
מסה של תותח ללא קליע היא:  $M = 400\text{kg}$ . התותח מונח על משטח אופקי חסר חיכוך ומחובר באמצעות קפיץ אידיאלי לקיר. קבוע הקפיץ הוא:  $k = 2000 \frac{\text{N}}{\text{m}}$ . מכניסים לתותח פגז שמסתו  $m = 5\text{kg}$ .

התותח יורה את הפגז בזווית של 45 מעלות ובמהירות  $v = 100 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$

- ביחס לקרקע. זמן הירי קצר מאוד.
- מהי מהירות התותח מיד לאחר שפלט את הפגז?
- מה הכיווץ המקסימאלי של הקפיץ?
- מהו וקטור המתקף שהפגז הפעיל על התותח בזמן הירי?
- מצא את גודלו הממוצע של הכוח הנורמלי שפעל מהשולחן על התותח אם משך זמן הירי היה:  $\Delta t = 10^{-2} \text{ sec}$ .

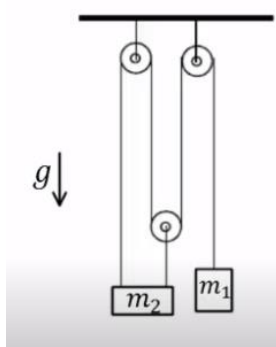
**3 רכבת צעצוע חשמלית**

- רכבת צעצוע חשמלית מורכבת מ 10 קרונוות. הקרון הראשון והשני מכילים מנוע חשמלי ושוקלים 2 ק"ג כל אחד. שאר הקרונוות עמוסים בצעצועים ושוקלים 3 ק"ג כל אחד. כל אחד מן המנועים מייצר הספק קבוע של 0.2KW.
- א. כמה זמן ייקח לרכבת להגיע למהירות של 10 מטר לשנייה, אם התחילה לנוע ממנוחה?
- ב. מהי האנרגיה הקינטית של הקרון הראשון ומהי האנרגיה הקינטית של הקרון השני, כאשר הרכבת נעה במהירות שחישבת בסעיף א'?
- ג. חשב את העבודה שביצע הכוח שפעל בחיבור בין הקרון הראשון לשני על הקרון השני בזמן ההאצה.
- ד. חשב את העבודה שביצע הכוח שפעל בחיבור בין הקרון השני לשלישי על הקרון השלישי בזמן ההאצה.
- ה. הרכבת מגיעה לעלייה עם שיפוע של 2 מעלות, מה צריך להיות הספק המנועים (בהנחה שהם שווים), על מנת שהרכבת תישאר במהירות קבועה של 10 מטר לשנייה?

**4 מסה במדרון ומסה אופקית**

- המסות  $m_1$  ו- $m_2$  מחוברות על ידי חוטים וגלגלות אידיאלים, ראה איור. המישור המשופע עליו מונחת המסה  $m_1$  חסר חיכוך בעוד שהמישור האופקי עליו מונחת  $m_2$  הוא משטח בעל חיכוך עם מקדם חיכוך סטטי/קינטי  $\mu$ .

- א. קבל ביטוי פרמטרי עבור הערך הקריטי של  $m_2$  מעליו המערכת תמצא בשיווי משקל.
- ב. מהו ערך זה עבור הנתונים:  $m_1 = 5\text{kg}$ ,  $\theta = 30^\circ$ ,  $\mu = 0.2$ .
- ג. אם  $m_2$  קטן מהערך שחישבת בסעיפים הקודמים, מה תהיה תאוצת כל גוף במערכת (קבל ביטוי פרמטרי)?
- ד. חשב את התאוצה עבור:  $m_2 = 1\text{kg}$ .



**5 מערכת גלגלות**

שתי מסות תלויות מהתקרה על ידי מערכת של חבלים וגלגלות אידיאליים, ראה איור.

א. חשב בצורה פרמטרית את תאוצת המסות במערכת.

ב. בדוק את תשובתך והראה כי היא מקיימת לפחות שני מקרי גבול.

כעת נתון כי:  $m_1 = 1\text{kg}$  ו-  $m_2 = 4\text{kg}$ .

ג. משחררים את המסות ממנוחה.

מה המתקף הכולל שפעל על שתי המסות יחד בשנייה הראשונה לתנועתן?

ד. מהי העבודה הכוללת שנעשתה על ידי שתי המסות יחד בשנייה הראשונה לתנועתן?

**תשובות סופיות:**

1) א.  $V = 10 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$     ב.  $u_2 = 4 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$     ג. לא,  $E_k = 5.6\text{J}$     ד.  $\vec{J} = 5.6\text{N} \cdot \text{sec} \hat{x}$

2) א.  $u_{2x} \approx -0.88 \frac{\text{m}}{\text{sec}} \hat{x}$     ב.  $\Delta x_{\text{max}} \approx 0.39\text{m}$     ג.  $\vec{J} = 500\text{N} \cdot \text{sec}$  בכיוון  $45^\circ$  למטה.

ד.  $\vec{N} = 3.54 \cdot 10^4\text{N}$

3) א.  $\Delta t = 3.5\text{sec}$     ב.  $E_{k1} = 100\text{J} = E_{k2}$     ג.  $W_{1 \rightarrow 2} = 600\text{J}$

ד.  $W_{3 \rightarrow 2} = 1200\text{J}$     ה.  $p = 97.7\text{W}$

4) א.  $m_2 = \frac{m_1 \sin \theta}{2\mu}$     ב.  $m_2 = 6.25\text{kg}$

ג.  $a_1 = \frac{m_1 g \sin \theta - 2\mu m_2 g}{4m_2 + m_1}$ ,  $a_2 = \frac{2m_1 g \sin \theta - 4\mu m_2 g}{4m_2 + m_1}$     ד.  $a_2 = 4.67 \frac{\text{m}}{\text{sec}^2}$

5) א.  $a_1 = \frac{-3(m_2 - 3m_1)g}{m_2 + 9m_1}$     ב. הוכחה.    ג.  $\vec{J} = -2\text{N} \cdot \text{sec} \hat{y}$

ד.  $W \approx 2.67\text{J}$