

# מכניקה מס קורס 2951214

פרק 25 - תנע זוויתי -

תוכן העניינים

1. נוסחאות וחוקי שימור.....1

## נוסחאות וחוקי שימור:

### רקע

$$\vec{L} = \vec{r} \times \vec{p}$$

$\vec{r}$  - הוא וקטור המיקום של הגוף  
 $\vec{p}$  - התנע הקווי

עבור גוף הנע בקו ישר ניתן לחשב את התנ"ז לפי  $L = mvd$  כאשר  $d$  זה המרחק האפקטיבי

הקשר בין תנ"ז למומנט כוח:

$$\sum \vec{\tau} = \frac{d\vec{L}}{dt}$$

חוק שימור התנע הזוויתי:  
 אם  $\sum \vec{\tau}_{ext} = 0$  אז התנע הזוויתי נשמר

סיכום חוקי שימור:

תנע -  $\sum \vec{F}_{ext} = 0$   
 אנרגיה - האם כל הכוחות משמרים?  
 תנ"ז -  $\sum \vec{\tau}_{ext} = 0$

### שאלות:

#### 1) תנ"ז בזריקה משופעת

אבן נזרקת בזריקה משופעת במהירות  $v_0$  ובזווית  $\alpha$ ,

כוח הכובד שפועל על האבן  $\vec{F} = -mg\hat{y}$ .

א. מהו התנ"ז של האבן ביחס לנקודת המוצא כתלות בזמן?

ב. מהו מומנט הכוח של כוח הכובד?

ג. הראה כי השינוי של התנ"ז בזמן שווה למומנט הכוח של כוח הכובד.

**(2) גוף מסתובב על שולחן ונמשך למרכז**

מסה  $m_1$  מחוברת לחוט המחובר למרכז שולחן.



המסה נעה במסלול מעגלי ברדיוס קבוע  $r_1$  ובמהירות קבועה  $v_0$ .

ברגע מסוים מושכים את המסה למרכז המעגל (מקצרים את אורך החוט) ומפסיקים כאשר אורך החוט שווה  $r_2$  והמסה מסתובבת שוב בתנועה מעגלית קבועה.

רגע לאחר מכן מניחים מסה נוספת  $m_2$  במסלול של  $m_1$  והמסות מתנגשות התנגשות פלסטית. מצאו את מהירות המסות לאחר ההתנגשות.

**(3) שתי מחליקות על הקרח**



שתי מחליקות תאומות בעלות מסה זהה  $m$  מחליקות בכיוונים מנוגדים ובמהירות  $v_0$ . המחליקות נעות על קווים ישרים והמרחק בין הקווים הוא  $d$ . באמצע ביניהן שמים חבל, כאשר הן מגיעות לחבל, שתיהן תופסות את החבל ומתחילות להסתובב סביב המרכז ביניהן. א. מה המהירות הזוויתית שהן מסתובבות?

ב. כעת המחליקות מושכות את החבל ומתקרבות זו לזו עד אשר המרחק

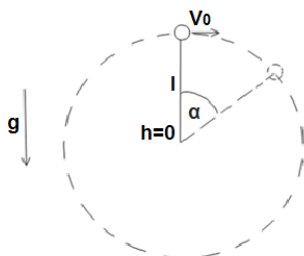
$$\frac{d}{2}$$

מצא את המהירות הזוויתית החדשה של המחליקות.

**(4) כדור מסתובב אנכית**

כדור בעל מסה  $m$  מחובר לחוט בעל אורך  $l$  ומסתובב במעגל אנכי.

נתון כי מהירות הכדור בשיא הגובה היא  $v_0$ .



א. מצא את מומנט הכוח הפועל על הכדור כפונקציה של הזווית  $\alpha$ .

ב. מצא את התנע הזוויתי של הכדור כפונקציה של הזווית  $\alpha$ .

**(5) כדור בתוך חרוט**

כדור קטן נע בתוך חרוט המחובר הפוך למשטח. נתון כי מהירות הכדור ההתחלתית היא  $v_0$  בכיוון אופקי ומשיק לדופן החרוט. גובהו ההתחלתי  $H$ . מצא את הגובה המקסימאלי אליו יגיע הכדור (החרוט אינו זז). הנחיות: מספיק להגיע למשוואה ממעלה שלישית על  $h$  אין צורך לפתור אותה.

**(6) כדור מסתובב מחובר למסה תלויה**

מסה  $m$  נעה על שולחן חסר חיכוך ומחובר באמצעות חוט העובר דרך מרכז השולחן למסה  $M$  התלויה באוויר. אורך החוט הוא  $L$ . נתון כי ב-  $t=0$  המסה  $M$  נמצאת במנוחה והמסה  $m$  נמצאת במרחק  $R$  ממרכז הלוח, במהירות התחלתית  $v_0$ , בכיוון מאונך לרדיוס.

רשום את משוואת שימור האנרגיה והתנע הזוויתי ומצא משוואה דיפרנציאלית התלויה רק בגודל  $r$ , מרחק המסה  $m$  ממרכז השולחן.

**(7) מומנט הכוח לא תלוי בנקודת הייחוס**

הוכיחו כי אם הכוח השקול על קבוצת גופים מתאפס אז מומנט הכוח על קבוצת הגופים אינו תלוי בנקודת הייחוס.

**(8) תנע זוויתי לא תלוי בנקודת ייחוס**

הוכיחו כי אם התנע הקווי של קבוצת גופים מתאפס אז התנע הזוויתי שלהם לא תלוי בנקודת הייחוס.



**9) זבוב הולך על מוט\***

שתי מסות נקודתיות  $m_1$  ו- $m_2$  מחוברות באמצעות מוט חסר מסה באורך  $d$ . על המסה  $m_1$  נמצא זבוב בעל מסה  $m_3$ . כל המערכת נמצאת על שולחן אופקי ומסתובבת סביב מרכז המסה שלה במהירות זוויתית קבועה  $\omega_0$ . ברגע מסוים הזבוב מתחיל ללכת על המוט במהירות  $v$  ביחס למוט ונעצר כאשר הוא מגיע למרכז המסה של שלושת הגופים (שימו לב שהמוט לא מחובר לשולחן). מהי המהירות הזוויתית של המערכת כאשר הזבוב נעצר?

**תשובות סופיות:**

- א.  $-\frac{1}{2}gt^2v_0m \cos \alpha \hat{z}$       ב.  $-mgv_0 \cos \alpha t \hat{z}$       ג. שאלת הוכחה.
- א.  $u = \frac{m_1 r_1 v_0}{r_2 (m_1 + m_2)}$       ב.  $\omega'' = \frac{8v_0}{d}$
- א.  $\sum \tau = -mgl \sin \alpha$       ב.  $\dot{L} = lmv(-\hat{z})$
- א.  $(2gH + v_0^2)h_{\max}^2 + 2gh_{\max}^3 + v_0^2 H^2$
- א.  $a + br + \frac{c}{r^2} = \&$
- א. שאלת הוכחה.
- א. שאלת הוכחה.
- א.  $\omega' = \frac{(m_1 + m_3)(m_1 + m_2)}{m_1(m_1 + m_2 + m_3)} \omega_0$