מבוא להסתברות וסטטיסטיקה

פרק 23 - קירוב פואסוני להתפלגות הבינומית

תוכן העניינים

1. כללי 1

קירוב פואסוני להתפלגות הבינומית:

רקע:

אם: $X \sim B(n,p)$ עבור n גדול ו- P קטן ניתן לקרב את ההתפלגות להיות פואסונית כאשר הפרמטר: $\lambda = np$.

כאשר פונקציית ההסתברות של ההתפלגות הפואסונית כזכור היא: $p(X=k)=\frac{e^{-\lambda}\cdot\lambda^k}{k!}$.

הערה: יש הטוענים, כי n 'גדול' ו- P 'קטן' משמעו: $np \geq 10$ ו-$p \leq 0.1$.

דוגמה (פתרון בהקלטה):

בקו ייצור המוני 10% מהמוצרים כחולים. בוחרים באקראי 20 מוצרים מקו הייצור.
חשבו את ההסתברות שמתוך המוצרים שיבחרו בדיוק 1 יהיה כחול.
פעם לפי ההתפלגות הבינומית ופעם לפי הקירוב הפואסוני.

© כל הזכויות שמורות לברק קנדל

שאלות:

1) במדינת שומקום 10% מהאוכלוסייה מובטלת. נדגמו 10 תושבים אקראיים מאותה מדינה. חשבו את הסיכוי שבמדגם יהיה לכל היותר מובטל אחד.
השוו את התוצאה לקירוב הפואסוני.

2) מקו ייצור המוני נדגמו 1000 מוצרים. ידוע ש-5% מהמוצרים בקו הייצור פגומים. מה הסיכוי שבמדגם יתקבלו 45 מוצרים פגומים?

3) 1% מהתושבים באוכלוסייה גדולה חולים במחלה מסוימת.
בסניף קופת חולים נרשמו 2000 תושבים אקראיים.
חשבו לפי הקרוב הפואסוני שבדיוק 18 מהם יהיו חולים.

4) בעיר ניו יורק ישנם כתשעה מיליון תושבים, שמתוכם 900 אלף אסיאתיים.
מה בקירוב ההסתברות שמתוך 100 תושבים אקראיים לפחות שני אסיאתיים?

תשובות סופיות:

1) ללא קירוב: 0.7361, עם קירוב: 0.7358.
2) 0.0458.
3) 0.0844.
4) 0.9995.

© כל הזכויות שמורות לברק קנדל