

# מבוא לסטטיסטיקה והסתברות א

פרק 61 - סטטיסטיקה תיאורית - מדדי מיקום יחסי - אחוזונים במחלקות

תוכן העניינים

1. כללי ..... 1

## סטטיסטיקה תיאורית – מדדי מיקום יחסי – אחוזונים במחלקות:

### רקע:

האחוזון (המאון) ה- $p$  הוא הערך בנתונים המחלק את הנתונים בצורה כזאת שעד אליו יש  $p\%$  מהנתונים. מסמנים את האחוזון ה- $p$  ב- $X_p$ . למשל, המאון ה-25 הוא האחוזון ה-25 או הרבעון התחתון: ערך שרבע מהתצפיות קטנות ממנו והשאר גבוהות ממנו. מסומן:  $X_{0.25}$ .

### מציאת מאון במחלקות:

שלב א: נמצא את המחלקה הרלבנטית שמיקומה יהיה:  $\frac{np}{100}$ .

שלב ב: נציב בנוסחה הבאה:  $x_p = L_0 + \frac{\frac{n \cdot p}{100} - F(x_{m-1})}{f(x_m)} \cdot (L_1 - L_0)$ , את המשתנים:

$F(x_{m-1})$  - שכיחות מצטברת של מחלקה אחת לפני המחלקה הרלבנטית.

$f(x_m)$  - השכיחות של המחלקה הרלבנטית.

$L_0$  - גבול התחתון של המחלקה.

$L_1$  - גבול העליון של המחלקה.

אם נרצה לחלץ את אחוז התצפיות שמתחת לערך מסוים נשתמש בנוסחה

$$P_x = \left[ \frac{(x - L_0)}{(L_1 - L_0)} \cdot f(x_m) + F(x_{m-1}) \right] \cdot \frac{100}{n}$$

הבאה:

### דוגמה (פתרון בהקלטה):

להלן התפלגות השכר של עובדים בחברה מסוימת:

| שכר ב-₪     |     |
|-------------|-----|
| 4000-6000   | 140 |
| 6000-10000  | 128 |
| 10000-15000 | 60  |
| 15000-20000 | 54  |
| 20000-40000 | 18  |

א. מצאו את המאון ה-40.

ב. מהו אחוז העובדים שמשכרים מתחת ל-5,000 ₪?

## שאלות:

1) להלן התפלגות השכר (באלפי שקלים) בחברה:

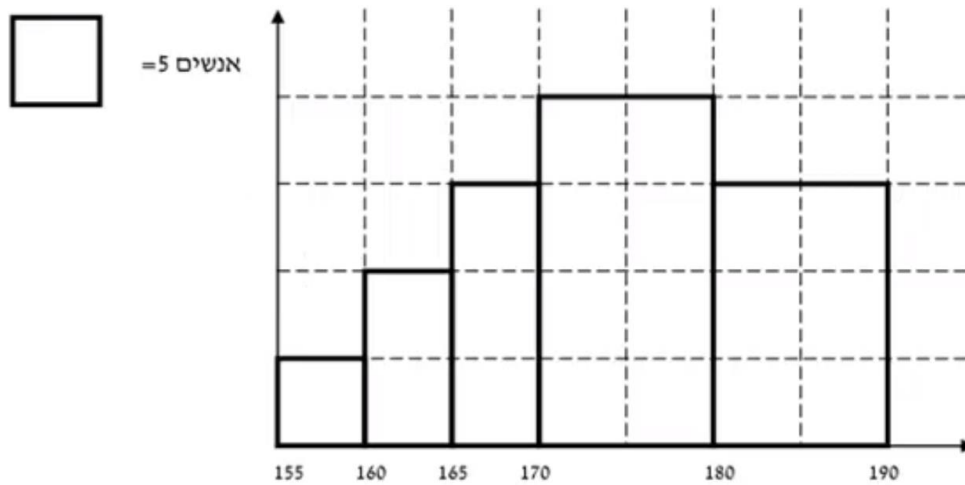
| שכר - $X$ | שכיחות מצטברת |
|-----------|---------------|
| 6-10      | 48            |
| 10-15     | 100           |
| 15-20     | 120           |
| 20-30     | 132           |
| 30-60     | 136           |

- א. חשבו את המאון ה-60.  
 ב. מהו העשירון העליון?  
 ג. 20% מהמשכורות הגבוהות ביותר הן משכורות של הבכירים, מהי המשכורת המינימאלית לבכיר?  
 ד. מה אחוז האנשים שמשכרים מתחת ל-7,000 ₪?  
 ה. איזה אחוז מהעובדים משכרים מעל ל-25,000 ₪?  
 ו. איזה אחוז מהעובדים משכרים בין 7,000 ₪ ל-25,000 ₪?

2) למבחן ניגשו 400 נבחנים. נתון שהעשירון התחתון הוא הציון 60. הרבעון העליון הוא הציון 80. כמו כן ההתפלגות של הציונים היא סימטרית. מלאו את השכיחויות החסרות.

| ציון - $X$ | $f(x)$ |
|------------|--------|
| 50-60      |        |
| 60-70      |        |
| 70-80      |        |
| 80-90      |        |
| 90-100     |        |

(3) להלן היסטוגרמה המתארת את התפלגות הגבהים בס"מ של קבוצה מסוימת:



חשבו:

- העשירון התחתון.
- האחוזון ה-30.
- הגובה ש-20% מהתצפית גדולות ממנו.
- את אחוז התצפיות מתחת לגובה 158 ס"מ.
- את אחוז התצפיות מעל לגובה 185 ס"מ.
- את אחוז התצפיות בין גובה 170 ס"מ ל-185 ס"מ.

### תשובות סופיות:

- (1) א. 13.23    ב. 22    ג. 17.2    ד. 8.82%    ה. 7.36%

ו. 83.82%

(2) להלן טבלה:

| ציון - $X$ | $f(x)$ |
|------------|--------|
| 50-60      | 40     |
| 60-70      | 60     |
| 70-80      | 200    |
| 80-90      | 60     |
| 90-100     | 40     |

- (3) א. 162.5    ב. 170    ג. 183.33    ד. 3%    ה. 15%

ו. 55%