סטטיסטיקה סמסטר א

פרק 31 - סטטיסטיקה תיאורית - מדדי אסימטריה

תוכן העניינים

1. מדד אסימטריה המבוסס על המרחק בין החציון לממוצע (מקדם פירסון השני לצידוד) 1

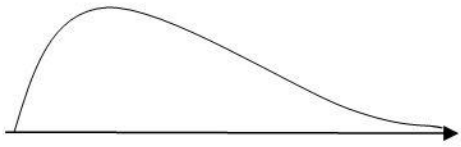
מדד אסימטריה המבוסס על המרחק בין החציון לממוצע (מקדם פירסון השני לצידוד):

רקע:

המטרה היא למדוד עד כמה ההתפלגות היא אסימטרית. צידוד (או באנגלית skewness) הוא מידת האסימטריה של ההתפלגות. המדד שנלמד כאן נקרא מקדם פירסון השני לצידוד (Pearson's second coefficient of skewness).
מדד זה מתבסס על המרחק בין החציון לממוצע של הנתונים.

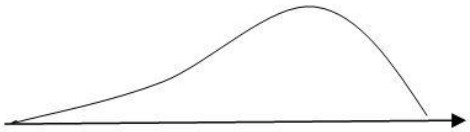
התפלגות אסימטרית חיובית/ימנית:

רוב התצפיות נמצאות בערכים הנמוכים וככל שהערכים גדלים יש פחות ופחות מקרים. בהתפלגות כזו הממוצע גדול מהחציון.



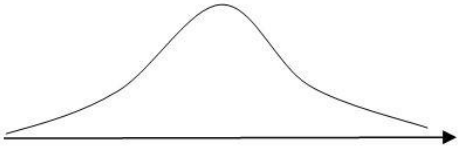
התפלגות אסימטרית שלילית/שמאלית:

רוב התצפיות נמצאות בערכים הגבוהים וככל שהערכים קטנים יש פחות ופחות מקרים. בהתפלגות כזו הממוצע קטן מהחציון



התפלגות סימטרית:

בהתפלגות כזו הממוצע שווה לחציון. המדד מחושב באופן הבא: $S_{K2} = \frac{3 \cdot (\bar{X} - Md)}{S}$.



© כל הזכויות שמורות לברק קנדל

החלוקה בסטיית התקן מטרתה לנטרל את היחידות ולהשוות בין התפלגויות שונות.

אם ההתפלגות היא סימטרית יתקבל: $S_{K2}=0$.

אם ההתפלגות היא אסימטרית ימנית יתקבל: $S_{K2}>0$.

אם ההתפלגות היא אסימטרית שמאלית יתקבל: $S_{K2}<0$.

ככל שהמדד יותר קרוב בערכו לאפס, נגיד שההתפלגות יותר סימטרית וככל שהמדד מתרחק מהאפס נאמר שההתפלגות היא יותר אסימטרית.

דוגמה (פתרון בהקלטה):

בבניין 10 דירות. ספרו לכל דירה את מספר המחשבים שיש בה.
להלן התוצאות שהתקבלו:

מספר דירה	מספר מחשבים
1	5
2	7
3	5
4	3
5	2
6	6
7	0
8	5
9	1
10	4

חשבו את מקדם פירסון השני לצידוד.
האם ההתפלגות היא אסימטרית ולאיזה כיוון הצידוד?

© כל הזכויות שמורות לברק קנדל

שאלות:

1) במשרד התיירות מעוניינים לעודד את תיירות הפנים במדינה, ובמיוחד לעודד יציאה של משפחות לנופשונים קצרים לצימרים. על מנת לקבל מושג ראשוני על הרגלי הנופש של משפחות בארץ החליטו, במשרד התיירות, לדגום משפחות ברחבי הארץ ולשאול אותן לכמה נופשונים יצאו בשנה שעברה.
התפלגות מספר הנופשונים למשפחה בשנה שעברה נתונה בטבלה הבאה:

מספר נופשונים	שכיחות מצטברת
0	50
1	90
2	120
3	140
4	150

א. חשבו את הממוצע והחציון של הנתונים.

ב. חשבו את סטיית התקן של הנתונים.

ג. חשבו את מדד האסימטריה S_{K2} ונתחו האם ההתפלגות היא סימטרית או אסימטרית ולאיזה כיוון ההטיה?

2) בשכבה שלוש כיתות לימוד. להלן נתונים לגבי התפלגות הציונים בכל כיתה:

הכיתה	1	2	3
S_{K2}	0.7	0	-1

א. דרגו את הכיתות לפי מידת האסימטריה.

ב. באיזו כיתה רוב הסטודנטים קיבלו ציונים גבוהים יחסית לשאר הכיתה?

3) נתון שעבור נתונים מסוימים התקבל: $S_{K2} = -1$.
איזה מהמשפטים הבאים הכי נכון?

א. ההתפלגות היא סימטרית.

ב. ההתפלגות היא אסימטרית.

ג. ההתפלגות היא עם זנב שמאלי.

ד. ההתפלגות היא עם זנב ימני.

4) בהתפלגות מסוימת התקבל שהטווח הוא 0. מה ניתן להגיד על מדד skewness?

א. 0.

ב. 1.

ג. 0.5.

ד. המדד אינו מוגדר במקרה זה.

© כל הזכויות שמורות לברק קנדל

5) ברצוננו להשוות בין מדינה A למדינה B מבחינת אסימטריה של השכר. באיזו מדינה קיים אסימטריה יותר גדולה בשכר?

א. במדינה שבה מדד הצידוד יותר גדול.

ב. במדינה שבה מדד הצידוד הוא חיובי.

ג. במדינה שבה ערכו של מדד הצידוד יותר רחוק מהאפס.

ד. במדינה שבה מדד הצידוד יותר קרוב לערך 0.5.

6) בהתפלגות מספר ימי האשפוז במחלקה מסוימת התקבל שהחציון קטן מהממוצע. מהי התשובה הנכונה בהכרח לגבי מקדם פירסון השני לצידוד?

א. 0.

ב. חיובי.

ג. שלילי.

ד. לא ניתן לדעת.

תשובות סופיות:

1) א. ממוצע: 1.333, חציון: 1. ב. סטיית תקן: 0.85.

ג. 118.

2) א. כיתה 3 > כיתה 2 > כיתה 1. ב. כיתה 3.

3) ג'.

4) ד'.

5) ג'.

6) ב'.

© כל הזכויות שמורות לברק קנדל