

# הסתברות וסטטיסטיקה להנדסאי תעשייה וניהול

פרק 65 - מבחני חי בריבוע

תוכן העניינים

1. מבחן טיב התאמה ..... 1
2. מבחן טיב התאמה והקשר שלו לבדיקת השערות על פרופורציה אחת ..... 6
3. מבחן לאי תלות ..... 8
4. קשר בין מבחן אי תלות לבדיקת השערות להפרש פרופרוציות ..... 13

## מבחן טיב התאמה – רקע

מבחן זה בא לבדוק האם אוכלוסייה מסוימת מתפלגת לפי התפלגות נתונה. המשתנה הנחקר מחולק למספר קטגוריות ויש לבדוק האם תוצאות המדגם תואמות להתפלגות הנתונה.

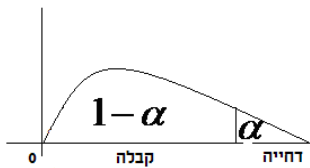
### מבנה המבחן:

#### השערות:

- המשתנה מתפלג לפי התפלגות מסוימת -  $H_0$ .
- אחרת -  $H_1$ .

#### כלל הכרעה:

הערך הקריטי נקבע על סמך התפלגות חי בריבוע. התפלגות זו היא אסימטרית חיובית ותלויה בדרגות החופש.  $d.f = K - 1$ , כאשר  $K$  - מספר הקטגוריות.



הערך הקריטי הוא:  $\chi^2_{1-\alpha, K-1}$ , כלומר האחוזון ה- $1-\alpha$  בהתפלגות חי בריבוע שדרגות החופש הן  $K-1$ .

אם  $\chi^2 > \chi^2_{1-\alpha, K-1}$ , דוחים את השערת האפס.

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(O_i - E_i)^2}{E_i}$$

סטטיסטי המבחן:

$O_i$  - השכיחות שנצפתה במדגם בקטגוריה  $i$ .

$p_i$  - הסתברות לקטגוריה  $i$  לפי השערת האפס.

$E_i = np_i$  - שכיחות צפויה במדגם לקטגוריה  $i$  בהנחת השערת האפס.

### הערה:

תנאי כדי לבצע את המבחן הוא  $E_i \geq 5$  לכל  $i$ . במידה ותנאי זה לא מתקיים יש אפשרות לאחד קטגוריות סמוכות עד שהתנאי יתקיים.

**דוגמה (פתרון בהקלטה) :**

במדינה מסוימת שלוש מפלגות. בפרלמנט הנוכחי התפלגות מספר המושבים היא 30% למפלגה A, 60% למפלגה B ו-10% למפלגה C. לקראת הבחירות המתוכננות בשבוע הבא נעשה סקר שכלל 300 אזרחים. בסקר התקבל ש-40% יצביעו למפלגה A, 50% למפלגה B ו-10% למפלגה C. האם תוצאות הסקר תואמות להתפלגות המושבים בפרלמנט הנוכחי? בדקו ברמת מובהקות של 5%.

## טבלת התפלגות חי-בריבוע – ערכי החלוקה



df	p													
	.005	.01	.025	.05	.10	.25	.50	.75	.90	.95	.975	.99	.995	
1	0.004393	0.004575	0.004982	0.005393	0.005988	0.006913	0.00833	0.01024	0.01279	0.01610	0.02036	0.02577	0.03279	0.04181
2	0.01000	0.02001	0.05006	0.10303	0.21102	0.57507	1.39039	2.77044	4.61011	5.99148	7.38016	9.21074	10.59663	12.59168
3	0.07171	0.11500	0.21606	0.35203	0.58402	1.21071	2.37055	4.11074	6.25011	7.81074	9.35016	11.34083	12.83816	14.16454
4	0.20700	0.29700	0.48406	0.71103	1.06002	1.92071	3.36055	5.39074	7.78011	9.49074	11.14016	13.27667	14.86027	16.76562
5	0.41200	0.55400	0.83106	1.15003	1.61002	2.67071	4.35055	6.63074	9.24011	11.14074	12.83016	15.08627	16.75013	19.023
6	0.67600	0.87200	1.24006	1.64003	2.20002	3.45071	5.35055	7.84074	10.60011	12.60074	14.45016	16.75067	18.54773	21.487
7	0.98900	1.24000	1.69006	2.17003	2.83002	4.25071	6.35055	9.04074	12.01011	14.16074	16.01016	18.47530	20.27756	23.541
8	1.34000	1.65000	2.18006	2.73003	3.49002	5.07071	7.34055	10.21074	13.40011	15.50074	17.53016	20.09013	22.02631	25.188
9	1.73000	2.09000	2.70006	3.33003	4.17002	5.90071	8.34055	11.40074	14.70011	16.91074	19.02016	21.66553	23.58933	26.751
10	2.16000	2.56000	3.25006	3.94003	4.87002	6.74071	9.34055	12.59074	16.01011	18.30074	20.53016	23.20073	25.18813	28.306
11	2.60000	3.05000	3.82006	4.57003	5.58002	7.58071	10.30055	13.70074	17.34011	19.75074	21.90016	24.72530	26.75631	29.819
12	3.07000	3.57000	4.40006	5.23003	6.30002	8.44071	11.30055	14.80074	18.54011	21.02074	23.33016	26.21530	28.30331	31.316
13	3.57000	4.11000	5.01006	5.89003	7.04002	9.30071	12.30055	16.00074	19.80011	22.36074	24.72016	27.68813	29.81331	32.909
14	4.07000	4.66000	5.63006	6.57003	7.79002	10.20071	13.30055	17.10074	21.14011	23.68074	26.14016	29.14013	31.31031	34.661
15	4.60000	5.23000	6.26006	7.26003	8.55002	11.00071	14.30055	18.20074	22.30011	25.00074	27.58016	30.57813	32.90131	36.561
16	5.14000	5.81000	6.91006	7.96003	9.31002	11.90071	15.30055	19.40074	23.54011	26.30074	28.84016	32.00013	34.26631	38.581
17	5.70000	6.41000	7.56006	8.67003	10.10002	12.80071	16.30055	20.50074	24.80011	27.60074	30.19016	33.40013	35.71831	40.781
18	6.26000	7.01000	8.23006	9.39003	10.90002	13.70071	17.30055	21.60074	26.00011	28.90074	31.52016	34.80013	37.15631	43.151
19	6.84000	7.63000	8.91006	10.10003	11.70002	14.60071	18.30055	22.70074	27.20011	30.10074	32.90016	36.19013	38.58131	45.711
20	7.43000	8.26000	9.59006	10.90003	12.40002	15.50071	19.30055	23.80074	28.40011	31.40074	34.20016	37.56013	40.00131	48.581
21	8.03000	8.90000	10.30006	11.60003	13.20002	16.30071	20.30055	24.90074	29.60011	32.70074	35.56016	38.90013	41.40131	51.581
22	8.64000	9.54000	11.00006	12.30003	14.00002	17.20071	21.30055	26.00074	30.80011	33.90074	36.78016	40.28013	42.78131	54.781
23	9.26000	10.20000	11.70006	13.10003	14.80002	18.10071	22.30055	27.10074	32.00011	35.20074	38.14016	41.64013	44.20131	58.181
24	9.89000	10.90000	12.40006	13.80003	15.70002	19.00071	23.30055	28.20074	33.20011	36.40074	39.40016	43.00013	45.68131	61.781
25	10.50000	11.50000	13.10006	14.60003	16.50002	19.90071	24.30055	29.30074	34.40011	37.70074	40.64016	44.30013	46.90131	65.581
26	11.20000	12.20000	13.80006	15.40003	17.30002	20.80071	25.30055	30.40074	35.60011	38.90074	41.90016	45.60013	48.30131	69.581
27	11.80000	12.90000	14.60006	16.20003	18.10002	21.70071	26.30055	31.50074	36.70011	40.10074	43.20016	47.00013	49.60131	73.781
28	12.50000	13.60000	15.30006	16.90003	18.90002	22.70071	27.30055	32.60074	37.90011	41.30074	44.50016	48.30013	51.00131	78.181
29	13.10000	14.30000	16.00006	17.70003	19.80002	23.60071	28.30055	33.70074	39.10011	42.60074	45.70016	49.60013	52.30131	82.781
30	13.80000	15.00000	16.80006	18.50003	20.60002	24.50071	29.30055	34.80074	40.30011	43.80074	47.00016	50.90013	53.70131	87.581

## שאלות

- (1) במטרה לבדוק האם קובייה הוגנת, מטילים אותה 120 פעמים. התקבלו 17 פעמים 1, 23 פעמים 2, 20 פעמים 3, 25 פעמים 4, 18 פעמים 5 ו-17 פעמים 6. מה מסקנתכם ברמת מובהקות של 5%?
- (2) מפעל מייצר סוכריות בצבעים כחול, אדום, ירוק וכתום. מעוניינים לבדוק שפרופורציית הסוכריות הכחולות גדולה פי 2 מכל צבע אחר. לצורך כך נדגמו באקראי 200 סוכריות והתקבל: 70 כחולות, 50 אדומות, 40 ירוקות והיתר כתומות. מה מסקנתכם ברמת מובהקות של 5%?
- (3) משרד החינוך טוען שבקרב השכירים במשק היחס בין השכירים בעלי השכלה נמוכה, תיכונית ואקדמאית הוא 1:2:1 בהתאמה. במדגם של 200 שכירים התקבלו 56 אנשים בעלי השכלה נמוכה, 105 בעלי השכלה תיכונית והיתר בעלי השכלה גבוהה.
- א. על סמך תוצאות המדגם, האם התפלגות ההשכלה היא כמו שמשרד החינוך מפרסם? בדוק ברמת מובהקות של 5%.
- ב. בנו רווח סמך ברמת סמך של 95% לפרופורציית השכירים במשק בעלי השכלה אקדמאית.
- (4) 200 איש נתבקשו לבחור ספרה באקראי והנה התוצאות שהתקבלו: 18 איש בחרו בספרה 0, 24 איש בחרו בספרה 1, 17 איש בחרו בספרה 2, 19 איש בחרו בספרה 3, 20 איש בחרו בספרה 4, 18 איש בחרו בספרה 5, 22 איש בחרו בספרה 6 והיתר בחרו בספרות 7-9.
- א. על סמך התוצאות הללו האם בחירת הספרות אקראית? בדקו ברמת מובהקות של 2.5%.
- ב. תנו הערכה למובהקות התוצאה.
- ג. אם נגדיל את גודל המדגם פי 2 ונשמור על אותם יחסים של כמות האנשים במדגם שבחרו בספרות, כיצד הדבר ישפיע על ערכו של הסטטיסטי  $\chi^2$ ? מה תהיה המסקנה במקרה זה?
- (5) מעוניינים לבדוק האם קובייה היא הוגנת. הטילו את הקובייה פעמיים והתבוננו בסכום הוצאות. חזרו על התהליך 72 פעמים. להלן התוצאות שהתקבלו במדגם: מה המסקנה ברמת מובהקות של 5%?

מספר הטלות	סכום התוצאות
20	2-5
17	6-8
20	9-10
15	11-12

6) בפנס יש 4 סוללות. בבדיקה שנערכה ב-400 פנסים נמצאו סוללות פגומות לפי השכיחויות הבאות:

3 ומעלה	2	1	0	מספר הסוללות הפגומות
8	12	104	276	שכיחות

מעוניינים לבדוק על סמך תוצאות מדגם אלה האם הסיכוי לסוללה פגומה הוא 20%. מהי רמת המובהקות המינימלית עבורה נכריע שהסיכוי לסוללה פגומה אינו 20%?

7) מטילים מטבע עד שלראשונה מתקבל "ראש". חוזרים על התהליך 120 פעמים. נסמן ב- $X$  את מספר ההטלות עד קבלת הראש. להלן התוצאות שהתקבלו:

$x$	1	2	3	4	5	6
מספר החזרות על התהליך	54	20	16	22	6	2

א. בהנחה והמטבע הוגן, מהי ההתפלגות של  $X$ ?  
 ב. בדקו האם המטבע הוגן, על סמך תוצאות המדגם ברמת מובהקות של 5%.

8) להלן השערות מחקר:  $H_1: else$ ,  $H_0: X \sim N(40, 2^2)$ .

תוצאות המדגם הן:	$X$	מתחת 36	36-40	40-44	מעל 44
מספר הדגימות	3A	50A	45A	2A	

מהו ערכו המקסימלי של  $A$  עבורו נקבל את  $H_0$  ברמת מובהקות של 5%?

## תשובות סופיות

- 1) לא נדחה  $H_0$ .
- 2) לא נדחה  $H_0$ .
- 3) א. לא נדחה  $H_0$ . ב.  $(0.14, 0.25)$ .
- 4) א. לא נדחה  $H_0$ . ב. בין 0.95 ל-0.975.
- ג. יגדל פי 2; המסקנה לא תשתנה.
- 5) נכריע שהקובייה אינה הוגנת.
- 6) 0.005.
- 7) א.  $X \sim G(0.5)$ . ב. נסיק שהמטבע לא הוגן.
- 8) 14.

## הקשר בין מבחן טיב התאמה לבדיקת השערות על הפרופורציה – רקע

אם אנו רוצים לבצע מבחן טיב התאמה על משתנה שיש לו שתי קטגוריות בלבד (משתנה דיכוטומי), הדבר זהה לתהליך של בדיקת השערות דו צדדית על פרופורציה בודדת.

**דוגמה (פתרון בהקלטה) :**

הטילו מטבע 80 פעמים וקיבלו 48 פעמים את התוצאה "ראש".  
בדקו האם המטבע הוא הוגן ברמת מובהקות של 5%.

- א. באמצעות מבחן טיב התאמה.
- ב. באמצעות מבחן Z לפרופורציה בודדת.

## שאלות

(1) בסקר שנעשה על 320 נשאלים, 43.75% טענו שהחיה המועדפת עליהם היא כלב. עד היום היה נהוג לחשוב ש-40% מהאנשים מעדיפים כלבים. בדקו ברמת מובהקות של 5% האם הסקר יישנה את הסברה שהייתה נהוגה עד היום לגבי העדפת כלב.

- א. באמצעות מבחן טיב התאמה.  
ב. באמצעות מבחן על פרופורציה.

(2) לסוכנות מכוניות שלושה סניפים ברחבי הארץ. המכוניות נמכרות בסניפים השונים. מתוך 100 מכוניות נמצא ש-65 נמכרו בסניף תל-אביב, 23 בסניף ירושלים והיתר בסניף חיפה.

- א. בדקו ברמת מובהקות של 5% האם שיעור המכוניות שנמכרות בסניף ת"א גדול פי 2 מכל סניף אחר.  
ב. בדקו באמצעות מבחן טיב התאמה האם 60% מהמכוניות נהוגות להימכר בסניף תל אביב. האם יש דרך אחרת לבדוק את ההשערה?

(3) בתחרות ריצה בית ספרית שלושה מסלולי ריצה.

ב-50 תחרויות בדקו באיזה מסלול היה הניצחון. התוצאות שהתקבלו מסוכמות בטבלה הבאה:

המסלול	1	2	3
מספר הניצחונות	20	15	15

א. בדקו ברמת מובהקות של 5% האם יש מסלול מועדף לניצחון.

ב. בדקו ברמת מובהקות של 5% האם הסיכוי לנצח במסלול מספר 1

$$\text{גבוה מ-} \frac{1}{3}.$$

## תשובות סופיות

(1) לא נדחה  $H_0$ .

(2) א. נדחה  $H_0$ . ב. לא נדחה  $H_0$ .

(3) א. לא נדחה  $H_0$ . ב. לא נדחה  $H_0$ .

## מבחן חי בריבוע לאי תלות בין משתנים – רקע

מבחן לאי תלות מטרתו לבדוק האם קיים קשר בין שני משתנים. שני המשתנים שנבדקים צריכים להיות מחולקים למספר קטגוריות.

**מבנה המבחן:**

**השערות:**

אין תלות בין המשתנים  $H_0$ .

יש תלות בין המשתנים  $H_1$ .

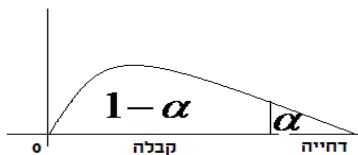
**כלל הכרעה:**

הערך הקריטי נקבע על סמך התפלגות חי בריבוע. התפלגות זו היא אסימטרית חיובית ותלויה בדרגות החופש  $d.f = (r-1)(c-1)$ . כאשר:  $r$  - מספר הקטגוריות של המשתנה שבשורות.  $c$  - מספר הקטגוריות של המשתנה שבעמודות.

הערך הקריטי הוא:  $\chi^2_{1-\alpha, (r-1)(c-1)}$ , כלומר האחוזון ה- $1-\alpha$  בהתפלגות חי בריבוע שדרגות החופש הן  $(r-1)(c-1)$ . אם  $\chi^2 > \chi^2_{1-\alpha, (r-1)(c-1)}$  אז דוחים את השערת האפס.

$$\chi^2 = \sum_{i=1}^k \frac{(O_i - E_i)^2}{E_i}$$

כאשר:



$O_i$  - השכיחות נצפית במדגם בתא  $i$ .

$E_i$  - שכיחות צפויה במדגם בתא  $i$  בהנחת השערת האפס.

$$E_i = \frac{f(x) \cdot f(y)}{n}$$

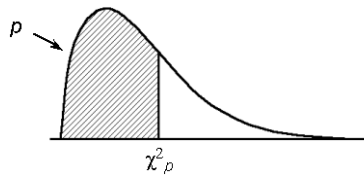
**הערה:**

תנאי כדי לבצע את המבחן הוא  $E_i \geq 5$  לכל  $i$ . במידה ותנאי זה לא מתקיים יש אפשרות לאחד קטגוריות סמוכות עד שהתנאי יתקיים.  
 תנאי חלופי: אין  $E$  קטן מ-1 וגם אין ביותר מ 20% מהתאים  $E$  קטן מ-5.

**דוגמה (הפתרון בהקלטה):**

האם יש תלות בין המגדר לבין דעה מסוימת?  
 יש לבדוק ברמת מובהקות של 5% על סמך תוצאות הסקר:

המגדר / דעה	בעד	נגד	נמנע	סה"כ
גברים	50	40	10	
נשים	20	60	20	
סה"כ				

טבלת התפלגות חי-בריבוע – ערכי החלוקה  $\chi^2_p$ 

df	$p$												
	.005	.01	.025	.05	.10	.25	.50	.75	.90	.95	.975	.99	.995
1	0.00393	0.0157	0.00982	0.02393	0.0158	0.102	0.455	1.32	2.71	3.84	5.02	6.63	7.88
2	0.0100	0.0201	0.0506	0.103	0.211	0.575	1.39	2.77	4.61	5.99	7.38	9.21	10.6
3	0.0717	0.115	0.216	0.352	0.584	1.21	2.37	4.11	6.25	7.81	9.35	11.3	12.8
4	0.207	0.297	0.484	0.711	1.06	1.92	3.36	5.39	7.78	9.49	11.1	13.3	14.9
5	0.412	0.554	0.831	1.15	1.61	2.67	4.35	6.63	9.24	11.1	12.8	15.1	16.7
6	0.676	0.872	1.24	1.64	2.20	3.45	5.35	7.84	10.6	12.6	14.4	16.8	18.5
7	0.989	1.24	1.69	2.17	2.83	4.25	6.35	9.04	12.0	14.1	16.0	18.5	20.3
8	1.34	1.65	2.18	2.73	3.49	5.07	7.34	10.2	13.4	15.5	17.5	20.1	22.0
9	1.73	2.09	2.70	3.33	4.17	5.90	8.34	11.4	14.7	16.9	19.0	21.7	23.6
10	2.16	2.56	3.25	3.94	4.87	6.74	9.34	12.5	16.0	18.3	20.5	23.2	25.2
11	2.60	3.05	3.82	4.57	5.58	7.58	10.3	13.7	17.3	19.7	21.9	24.7	26.8
12	3.07	3.57	4.40	5.23	6.30	8.44	11.3	14.8	18.5	21.0	23.3	26.2	28.3
13	3.57	4.11	5.01	5.89	7.04	9.30	12.3	16.0	19.8	22.4	24.7	27.7	29.8
14	4.07	4.66	5.63	6.57	7.79	10.2	13.3	17.1	21.1	23.7	26.1	29.1	31.3
15	4.60	5.23	6.26	7.26	8.55	11.0	14.3	18.2	22.3	25.0	27.5	30.6	32.8
16	5.14	5.81	6.91	7.96	9.31	11.9	15.3	19.4	23.5	26.3	28.8	32.0	34.3
17	5.70	6.41	7.56	8.67	10.1	12.8	16.3	20.5	24.8	27.6	30.2	33.4	35.7
18	6.26	7.01	8.23	9.39	10.9	13.7	17.3	21.6	26.0	28.9	31.5	34.8	37.2
19	6.84	7.63	8.91	10.1	11.7	14.6	18.3	22.7	27.2	30.1	32.9	36.2	38.6
20	7.43	8.26	9.59	10.9	12.4	15.5	19.3	23.8	28.4	31.4	34.2	37.6	40.0
21	8.03	8.90	10.3	11.6	13.2	16.3	20.3	24.9	29.6	32.7	35.5	38.9	41.4
22	8.64	9.54	11.0	12.3	14.0	17.2	21.3	26.0	30.8	33.9	36.8	40.3	42.8
23	9.26	10.2	11.7	13.1	14.8	18.1	22.3	27.1	32.0	35.2	38.1	41.6	44.2
24	9.89	10.9	12.4	13.8	15.7	19.0	23.3	28.2	33.2	36.4	39.4	43.0	45.6
25	10.5	11.5	13.1	14.6	16.5	19.9	24.3	29.3	34.4	37.7	40.6	44.3	46.9
26	11.2	12.2	13.8	15.4	17.3	20.8	25.3	30.4	35.6	38.9	41.9	45.6	48.3
27	11.8	12.9	14.6	16.2	18.1	21.7	26.3	31.5	36.7	40.1	43.2	47.0	49.6
28	12.5	13.6	15.3	16.9	18.9	22.7	27.3	32.6	37.9	41.3	44.5	48.3	51.0
29	13.1	14.3	16.0	17.7	19.8	23.6	28.3	33.7	39.1	42.6	45.7	49.6	52.3
30	13.8	15.0	16.8	18.5	20.6	24.5	29.3	34.8	40.3	43.8	47.0	50.9	53.7

## שאלות

- 1) נבדקה התלות בין גודל הארגון לבין שביעות הרצון של העובדים. להלן התוצאות:

גודל המפעל	שביעות רצון	נמוכה	בינונית	גבוהה	סה"כ
גדול	182	203	215	600	
קטן	154	110	136	400	
סה"כ	336	313	351	1000	

מה המסקנה ברמת מובהקות של 2.5%?

- 2) מפעל עובד בשלוש משמרות. להלן מספר המוצרים הפגומים והתקינים בכל אחת מן המשמרות לפי מדגם שנעשה:

	לילה	ערב	יום
פגומים	70	60	50
תקינים	800	700	600

האם יש הבדל בין שיעורי הפגומים במשמרות השונות? הסיקו עבור רמת מובהקות  $\alpha = 0.05$ .

- 3) נדגמו 50 מוצרים ממפעל מסוים מתוך 30 מוצרים שיוצרו ביום 17 נבחרו לייצוא מתוך המוצרים שיוצרו בלילה 10 נבחרו לייצוא. האם יש קשר בין היות מוצר לייצוא למועד שבו הוא יוצר? בדקו ברמת בטחון של 95%.

- 4) במטרה לבדוק האם השתנו דפוסי ההצבעה למפלגות השונות בין שבוע שעבר לשבוע נלקחו שני סקרים אחד מהשבוע שעבר והאחר מהשבוע. להלן דפוסי ההצבעה שהתקבלו בסקרים אלה.

- א. מהי רמת המובהקות המינמלית עבורה ניתן להחליט שהשתנו דפוסי ההצבעה משבוע שעבר לשבוע באופן מובהק?
- ב. כיצד הייתה התשובה לסעיף א משתנה אם כל השכיחויות בטבלה של תוצאות המדגם היו מוכפלות פי 2?
- ג. בנו רווח סמך לשיעור המצביעים למפלגה א השבוע ברמת סמך של 95%.

שבוע שעבר	מפלגה א	מפלגה ב	מפלגות אחרות	סה"כ
השבוע	143	314	253	550
סה"כ	243	314	253	1050

5) בחנות בגדים A בדקו את התפלגות הצבעים של הבגדים הנמכרים ביום מסוים. כמו כן בדקו את התפלגות הצבעים בחנות שכנה B:

מספר פריטים / צבע	שחור	לבן	אדום	כחול
חנות A	15	20	15	50
חנות B	60	20	10	20

א. בדקו ברמת מובהקות של 5% האם התפלגות הצבעים בחנות A היא ביחס של 1:1:1:3 לטובת הכחול.

ב. בדקו ברמת מובהקות של 2.5% האם קיים הבדל בין החניות מבחינת התפלגות הצבעים של הפריטים הנמכרים.

6) סטודנט קיבל בבדיקת השערות ערך  $\chi^2$  (chi-square) השוו לאפס. הסטודנט הסיק כי לא קיימת תלות בין שני המשתנים שבדק, בכל רמת מובהקות. נכון / לא נכון? נמקו.

7) להלן טבלת O של שני משתנים שהתקבל במדגם כלשהו:

$f(x)$	$Y_4$	$Y_3$	$Y_2$	$Y_1$	
200					$X_1$
200					$X_2$
	160	120	60	60	$f(y)$

מה צריכות להיות השכיחויות בתוך הטבלה כדי שמובהקות התוצאה (PV) תהיה 100%?

### תשובות סופיות

- 1) נסיק שיש קשר בין גודל הארגון לשביעות הרצון של העובדים.
- 2) נסיק שאין הבדל מובהק בין שיעור הפגומים במשמרות השונות.
- 3) נסיק שאין קשר בין היות מוצא לייצוא למועד שבו הוא יוצר.
- 4) א. 10% ב. קטן ג. (0.223,0.297)
- 5) א. נסיק שהתפלגות הצבעים בחנות היא כמו שמצוין. ב. נסיק שיש הבדל בין החנויות מבחינת התפלגות הצבעים.
- 6) נכון
- 7) להלן טבלה:

$f(x)$	$Y_4$	$Y_3$	$Y_2$	$Y_1$	
200	80	60	30	30	$X_1$
200	-8	60	30	30	$X_2$
400	160	120	60	60	$f(y)$

## הקשר בין מבחן לאי תלות ובדיקת השערות להפרש פרופורציות – רקע

מבחן לאי תלות שבו לכל משתנה יש שתי קטגוריות שקול לבדיקת השערות דו צדדית על הפרש פרופורציות כאשר השערת האפס היא שהפרופורציות שוות. כל זאת, כמובן, אם התנאים למבחנים מתקיימים.

**דוגמה (פתרון בהקלטה) :**

בקרב מדגם של 200 נשים 120 טענו שהן תצבענה למועמד R לראשות העיר. בקרב מדגם של 200 גברים 80 טענו שהם יצביעו למועמד R האם קיים הבדל בין דפוס ההצבעה של הנשים ושל הגברים? האם אפשר לבדוק זאת גם על ידי מבחן לאי תלות וגם על ידי בדיקת השערות לשתי פרופורציות?

### שאלות

- 1) בקרב מדגם של 200 נשים 120 טענו שהן תצבענה למועמד R לראשות העיר. בקרב מדגם של 200 גברים 80 טענו שהם יצביעו למועמד R האם קיים הבדל בין דפוס ההצבעה של הנשים ושל הגברים? בדוק ברמת מובהקות של 5%.
  - א. על ידי מבחן לאי תלות.
  - ב. על ידי בדיקת השערות לשתי פרופורציות.
  
- 2) נלקחו 200 אנשים שמתוכם 60 הצהירו שהם עוסקים בפעילות גופנית סדירה. מתוך אלו שעוסקים בפעילות גופנית סדירה 50 נמצאו במצב בריאותי תקין. מתוך אלו שלא עוסקים בפעילות גופנית סדירה 90 נמצאו במצב בריאותי תקין.
  - א. בנו טבלת שכיחות משותפת לנתונים שהוצגו בשאלה.
  - ב. האם ניתן להגיד שהסיכוי להימצא במצב בריאותי תקין גבוה יותר כאשר עוסקים בפעילות גופנית סדירה לעומת המצב שלא עוסקים בפעילות גופנית סדירה? בדוק ברמת בטחון של 90%.

## תשובות סופיות

- (1) נדחה את השערת האפס לפירוט הדרך ראה וידאו.  
 (2) א. להלן טבלה: ב. נדחה את השערת האפס.

	לא תקין	תקין	פעילות/מצב בריאותי
60	10	50	סדירה
140	50	90	לא סדירה
200	60	140	