

# מתמטיקה לתוכנית פכ"מ

פרק 29 - כלל השרשרת בפונקציות של מספר משתנים

תוכן העניינים

1. כלל השרשרת בפונקציות של מספר משתנים.....1

## כלל השרשרת בפונקציות של מספר משתנים

בתרגילים בפרק זה, הניחו שכל הנגזרות הרשומות קיימות.

### שאלות

(1) נתון:  $x = 2u - v$ ,  $y = u^2 + v^3$ ,  $z = \ln(x^2 - y^2)$   
 חשבו:  $z_u$ ,  $z_v$ .

(2) נתון:  $v = 4t + k$ ,  $u = t^2 + 4m$ ,  $z = e^{u-v}$   
 חשבו:  $z_t$ ,  $z_m$ ,  $z_k$ .

(3) נתון:  $z = f(x^2 - y^2)$   
 הוכיחו:  $y \cdot z_x + x \cdot z_y = 0$

(4) נתון:  $z = f(xy)$   
 הוכיחו:  $x \cdot z_x - y \cdot z_y = 0$

(5) נתון:  $z = f\left(\frac{x}{y}\right)$   
 הוכיחו:  $x \cdot z_x + y \cdot z_y = 0$

(6) נתון:  $z = f(x - y, y - x)$   
 הוכיחו:  $z_x + z_y = 0$

(7) נתון:  $w = f(x - y, y - z, z - x)$   
 הוכיחו:  $w_x + w_y + w_z = 0$

(8) נתון:  $z = y \cdot f(x^2 - y^2)$   
 הוכיחו:  $\frac{1}{x} z_x + \frac{1}{y} z_y = \frac{z}{y^2}$

$$(9) \quad \text{נתון: } z = xy + xf\left(\frac{y}{x}\right)$$

$$\text{הוכיחו: } x \cdot z_x + y \cdot z_y = xy + z$$

### תשובות סופיות

$$z_u = \frac{1}{x^2 - y^2} \cdot 2x \cdot 2 + \frac{1}{x^2 - y^2} (-2y) \cdot 2u \quad (1)$$

$$z_t = e^{u-v} (1) \cdot 2t + e^{u-v} (-1) \cdot 4, \quad z_m = e^{u-1} (1) \cdot 4, \quad z_k = e^{u-v} (-1) \cdot 1 \quad (2)$$

שאר השאלות הן שאלות הוכחה, לפתרונות מלאים היכנסו לאתר: [GooL.co.il](http://GooL.co.il)