

סטטיסטיקה א

פרק 42 - טענות

תוכן העניינים

1. כללי..... 1

תרגול טענות:

שאלות:

להלן מספר טענות.

ציינו לגבי כל טענה נכון/לא נכון ונמקו (תשובה ללא נימוק לא תתקבל).

- (1) בסדרה שבה כל התצפיות שוות זו לזו, השונות הינה 0.
- (2) ציון התקן של החציון תמיד יהיה 0.
- (3) ציון התקן של האחוזון ה-70 בהתפלגות אסימטרית ימנית (חיובית) תמיד יהיה חיובי.
- (4) אם נוסיף תצפיות לסדרה של תצפיות, הדבר בהכרח יגדיל את הממוצע של הסדרה.
- (5) בסדרה החציון הינו 80. הוספו שתי תצפיות, אחת 79 ואחת 100, לכן החציון יגדל.
- (6) אם נוסיף את הערך 4 לכל התצפיות אז סטיית התקן לא תשתנה.
- (7) אם נחלק את כל התצפיות בהתפלגות ב-2 אז השונות תקטן פי 2.
- (8) אם נגדיל את ממוצע המשכורות של עובדים בחברה אז גם השונות תגדל.
- (9) מתווך דירות המיר מחירי דירות מדולר לשקל. נניח שדולר אחד הוא 3.5₪. אם מתווך הדירות יחשב את מדד הקשר של פירסון בין מחיר הדירה בשקלים למחיר הדירה בדולרים הוא יקבל 1.
- (10) לסדרה של נתונים התקבל: $\bar{X} = \bar{Y} = 6$, $S_x = S_y = 1$, לכן מדד הקשר של פירסון יהיה 1.
- (11) אם שונות הטעויות שווה ל-0 (השונות הלא מוסברת) אז מקדם המתאם של פירסון יהיה 1.

- 12** אם מקדם המתאם של פירסון בין שני משתנים הוא 1 אזי שונות הטעויות (השונות הלא מוסברת) תהיה 0.
- 13** בסדרה המונה 13 תצפיות, ידוע כי הממוצע הוא 40 והשונות היא 100. מוסיפים שתי תצפיות חדשות, שהן 35 ו-45. כתוצאה מכך, הממוצע בסדרה החדשה (הכוללת 15 תצפיות) יקטן והשונות תקטן.
- 14** לסדרה סטטיסטית בת 61 תצפיות הממוצע 120 והחציון 110. לסדרה זו הוסיפו עוד שתי תצפיות: 100, 140. בעקבות כך, הממוצע והחציון של הסדרה בת 63 התצפיות אינם משתנים.
- 15** לסדרה סטטיסטית בת 100 תצפיות הממוצע 75 וסטיית התקן 10. נוספו לסדרה זו עוד 2 תצפיות: 75; 75. כתוצאה מכך, הממוצע החדש (של 103 התצפיות) לא ישתנה, אך סטיית התקן תקטן.
- 16** לסדרת נתונים המונה 10 תצפיות ממוצע 25 וסטיית תקן 2. נתון כי הסדרה סימטרית סביב הממוצע. בשלב מאוחר יותר נוספו שלוש תצפיות לסדרה: 23, 25 ו-27. לכן סטיית התקן של 13 התצפיות לא תשתנה.
- 17** בהתפלגות אסימטרית חיובית, הערך המתאים למאון ה-30, ציון התקן שלו בהכרח שלילי.
- 18** סטיית התקן של סדרת נתונים תמיד תגדל אם נוסיף גודל קבוע לכל נתוני הסדרה.
- 19** נתונים המאורעות A ו- B במרחב מדגם Ω . ידוע כי: $P(A) = P(B) = 0.3$. ההסתברות לכך שיקרה בדיוק מאורע אחד אם המאורעות זרים היא: $2 \cdot 0.7 \cdot 0.3 = 0.42$.
- 20** המאורעות A ו- B הם מאורעות בלתי-תלויים שהסתברויותיהם הן 0.5 ו 0.3 בהתאמה. לכן ההסתברות שיקרה לפחות אחד מהם היא 0.8.
- 21** A ו- B מאורעות כלשהם במרחב מדגם Ω . ידוע כי: $P(A) = P(B) = 0.2$. אם A ו- B מאורעות בלתי תלויים, ההסתברות שיתרחש בדיוק מאורע אחד מביניהם היא 0.4.

- (22)** רוני ורונה יצאו לבלות במרכז בילויים עם מספר אפשרויות בילוי :
 בהסתברות של 0.3 הם ייצאו לבאולינג.
 בהסתברות של 0.5 הם ייצאו לבית קפה.
 בהסתברות של 0.7 הם יצאו לפחות לאחד מהם, באולינג/קפה.
 ההסתברות שהם יצאו רק לבאולינג הוא 0.3.
- (23)** בכיתה ישנם 3 תלמידים. הסיכוי שתלמיד כלשהו בכיתה יעבור את הבחינה הינו 0.8. כל התלמידים לא תלויים אחד בשני.
 הסיכוי שלפחות אחד יעבור את הבחינה הוא 0.992.
- (24)** בוצע מחקר על מספר העובדים בחברות מזון לעומת חברות תקשורת.
 החציון והממוצע בשתייהן שווה 8. לכן גם השכיח שווה בין שתי החברות.
- (25)** לפי מחקר שנעשה הטמפרטורה בחודשי החורף באזור מסוים בארץ מתפלגת נורמאלית עם תוחלת 14 וסטיית תקן 4.
 ההסתברות שהטמפרטורה באזור גבוהה מ-17 מעלות בחורף קטנה מ-0.5.
- (26)** התקיימה תחרות קליעה למטרה. אפשר לשחק עד שיש פגיעה, אך בכל מקרה לא יותר מ-4 פעמים. הסיכוי של ירון, אחד מחברי הנבחרת, לפגוע במטרה הוא 0.6. הסיכוי שירון זרק 4 פעמים למטרה בלבד הוא 0.064.
- (27)** הוותק הממוצע של עובדי מפעל מסוים הוא 12 שנים וסטיית התקן של הוותק 8 שנים. בעוד 3 שנים – אם כל העובדים ימשיכו לעבוד במפעל ולא יתווספו עובדים חדשים – נקבל כי: הממוצע 15 שנים וסטיית התקן 8 שנים.
- (28)** נתונה סדרה של 4 תצפיות. להלן הסטיות שלהן מהממוצע עבור 3 תצפיות מתוך ה-4: 4, 3, 2. לכן השונות של 4 התצפיות היא 7.25.
- (29)** הסיכוי שירון יכין שיעורים ביום מסוים הוא 0.7 אם אימא ביקשה ממנו, ו-0.4 אם אימא שלו לא בקשה ממנו. ב-60% מהימים אימא של ירון מבקשת ממנו להכין את השיעורים. הגעת לבקר את ירון והבחנת שהוא מכין שיעורים, לכן ההסתברות שאימא שלו ביקשה ממנו להכין אותם באותו היום הוא: 0.742.
- (30)** בהתפלגות נורמלית ככל שסטיית התקן יותר גבוהה אחוז המקרים שמתחת לממוצע קטן.
- (31)** הציון הממוצע של 5 סטודנטים הוא 78. 4 סטודנטים מתוכם קיבלו את הציונים הבאים: 74, 72, 86, 70. הציון של הסטודנט החמישי הוא: 76.

(32) ישנן שני מאורעות ונתון ששני המאורעות זרים הסיכוי שכל אחד מהם יקרה הוא 0.3 ולכן הסיכוי שלפחות אחד מהם יקרה הוא 0.6.

(33) יהיו A, B, C שלושה מאורעות במרחב מדגם Ω .
ידוע כי: $P(A) = P(B) = P(C) = 0.2$.
ההסתברות שיקרה רק מאורע B אם המאורעות בלתי תלויים היא 0.2.

(34) נגדיר את A להיות התוצאה 4 בהטלת קובייה, ואת B להיות ראש בהטלת מטבע, ולכן המאורעות הללו הם מאורעות זרים.

תשובות סופיות:

(1) נכון.	(2) לא נכון.	(3) לא נכון.	(4) לא נכון.	(5) לא נכון.
(6) נכון.	(7) לא נכון.	(8) לא נכון.	(9) נכון.	(10) לא נכון.
(11) לא נכון.	(12) נכון.	(13) לא נכון.	(14) נכון.	(15) נכון.
(16) לא נכון.	(17) נכון.	(18) לא נכון.	(19) לא נכון.	(20) לא נכון.
(21) לא נכון.	(22) לא נכון.	(23) נכון.	(24) לא נכון.	(25) נכון.
(26) נכון.	(27) נכון.	(28) לא נכון.	(29) נכון.	(30) לא נכון.
(31) לא נכון.	(32) נכון.	(33) לא נכון.	(34) לא נכון.	