

# מכינת מתמטיקה לקראת לימודי הנדסה ברמת 4 יחידות

פרק 22 - חקירה פרמטרית - נוסחאות וייטה (להעשרה)

תוכן העניינים

1. הגדרת נוסחאות וייטה וחישובים יסודיים.....1
2. חקירת משוואות עם נוסחאות וייטה.....(ללא ספר)

## הגדרת נוסחאות וייטה וחישובים יסודיים:

### סיכום כללי:

#### הגדרה:

נתונה הפונקציה הריבועית:  $y = ax^2 + bx + c$ , כאשר:  $a \neq 0, \Delta > 0$ .

אם  $x_1$  ו- $x_2$  הם שורשי המשוואה:  $ax^2 + bx + c = 0$  אז מתקיים:  $x_1 \cdot x_2 = \frac{c}{a}$ ,  $x_1 + x_2 = -\frac{b}{a}$ .

לקשרים אלו קוראים בשם **נוסחאות וייטה** והם תקפים רק במשוואה ריבועית שבה  $\Delta > 0$ .

#### שאלות:

1) לפיך משוואות ריבועיות. מבלי לפתור, מצא את הסכום ואת מכפלת השורשים שלהם:

א.  $x^2 + 5x - 8 = 0$ .

ב.  $3x^2 - 7x + 4 = 0$ .

ג.  $x^2 + 9x - 14 = 0$ .

ד.  $13x - 6x^2 + 7 = 0$ .

2) נתונה משוואה ריבועית:  $ax^2 + 3x + 5 = 0$ . מצא את  $a$  אם ידוע כי למשוואה שני שורשים ממשיים שונים אשר סכומם הוא 3.

3) נתונה משוואה ריבועית:  $\alpha x^2 + (\beta - \alpha)x - 16 = 0$ ,  $(\alpha, \beta)$  פרמטרים. מצא את ערכי הפרמטרים  $\alpha$  ו- $\beta$  אם ידוע כי למשוואה שני שורשים ממשיים שונים אשר סכומם הוא 2 ומכפלתם היא -16.

4) כתוב משוואה ריבועית אשר לה שני שורשים ממשיים שונים,  $x_1$  ו- $x_2$ .

שמקיימים:  $x_1 + x_2 = 5$  ו- $x_1 \cdot x_2 = -2$ .

כמה משוואות כאלה תיתכנה? נמק.



**תשובות סופיות:**

(1) א.  $x_1 + x_2 = -5, x_1 x_2 = -8$     ב.  $x_1 + x_2 = 2\frac{1}{3}, x_1 x_2 = 1\frac{1}{3}$

ג.  $x_1 + x_2 = -9, x_1 x_2 = -14$     ד.  $x_1 + x_2 = \frac{6}{13}, x_1 x_2 = \frac{7}{13}$

(2)  $a = -1$

(3)  $\alpha = 1, \beta = 3$

(4) אם  $a = 1$  אז:  $x^2 - 5x - 2 = 0$

יש אינסוף משוואות מהצורה:  $ax^2 - 5ax - 2a = 0$