# מבוא לסטטיסטיקה והסתברות

## פרק 66 - הקשר בין רווח סמך לבדיקת השערות להפרש תוחלות

תוכן העניינים

1. הקשר בין רווח סמך לבדיקת השערות להפרש תוחלות ..... 1

# הקשר בין רווח סמך לבדיקת השערות על הפרש תוחלות

## רקע

ניתן לבצע בדיקת השערות דו צדדית ברמת מובהקות $\alpha$ על $\mu_1-\mu_2$ :

$H_0:\mu_1-\mu_2=C,\qquad H_1:\mu_1-\mu_2\neq C$ .

על ידי בניית רווח סמך ברמת סמך של $1-\alpha$ ל- $\mu_1-\mu_2$ :

אם $C$ נופל ברווח ← נקבל את $H_0$ .

אם $C$ לא נופל ברווח ← נדחה את $H_0$ .

**דוגמה (פתרון בהקלטה) :**

חוקר ביצע בדיקת השערות לתוחלת ההפרש במדגם מזווג.

להלן השערותיו : $\alpha=5\%$ , $H_1:\mu_D\neq 80,\qquad H_0:\mu_D=80$ .

החוקר בנה רווח סמך ברמה של 90%, $78<\mu_D<83$ .

האם אפשר לדעת מה מסקנתו, ואם כן מהי?


© כל הזכויות שמורות לברק קנדל

## שאלות

**1)** נדגמו 5 סטודנטים שסיימו את הקורס סטטיסטיקה ב'.
להלן ציוניהם בסמסטר א' ו- ב':

| סמסטר א | סמסטר ב |
|---|---|
| 74 | 80 |
| 68 | 84 |
| 90 | 87 |
| 75 | 76 |
| 82 | 100 |

א. בנו רווח סמך ברמת סמך של 95% לתוחלת פער הציונים בין סמסטר א' לבין סמסטר ב'.

ב. פורסם שתלמידים שמסיימים את סמסטר ב משפרים בממוצע את הציונים ב-5 נק' לעומת סמסטר א'. האם יש אמת בפרסום?

**2)** הוחלט להשוות הציונים אצל מרצה $X$ ואצל מרצה $Y$. נבחרו באקראי 6 סטודנטים, 3 סטודנטים של מרצה $X$ ו-3 סטודנטים של מרצה $Y$, עבורם התקבלו הציונים הבאים:

| | | | |
|---|---|---|---|
| מרצה $X$ | 82 | 90 | 68 |
| מרצה $Y$ | 68 | 81 | 64 |

א. חשבו רווח סמך ברמת סמך 90% להפרש בין התוחלות של הציונים אצל שני המרצים.

ב. האם ברמת מובהקות של 10% נכריע שיש הבדל בין תוחלות הציונים אצל שני המרצים?

### שאלות רב-ברירה:

**3)** סטטיסטיקאי נתבקש לאמוד את הפרש הממוצעים של שני טיפולים לפי שני מדגמים מקריים בלתי תלויים.
הוא חישב רווח סמך להפרש ברמת סמך 0.98, וקיבל את הרווח $-2 < \mu_1 - \mu_2 < 4.5$.
אילו יתבקש החוקר לבדוק לפי אותם נתונים את ההשערות:
$H_0 : \mu_1 - \mu_2 = 0$ ; $H_1 : \mu_1 - \mu_2 \neq 0$ ברמת מובהקות 0.05, מסקנתו תהיה:

א. לדחות את השערת האפס.

ב. לא לדחות את השערת האפס.

ג. שלא ניתן לדעת את המסקנה עבור רמת מובהקות 0.05 .

ד. שלא נתונות בשאלה סטיות התקן של האוכלוסיות, ולכן לא ניתן להסיק דבר.


© כל הזכויות שמורות לברק קנדל

**4)** במטרה לבדוק האם קיים הבדל בין קווי זהב לבזק מבחינת ממוצע המחירים לשיחות בינ"ל. נגדמו באקראי 7 מדינות ועבור כל מדינה נבדקה עלות דקת שיחה. בהנחה והמחירים מתפלגים נורמלית בנו רווח סמך לממוצע ההפרשים וקיבלו : $-0.0293 < \mu_D < 0.2145$ , רווח הסמך הוא ברמת סמך של 95%.
לכן מסקנת המחקר היא :

א. ברמת מובהקות של 5% לא נוכל לקבוע שקיים הבדל בין החברות.

ב. ברמת מובהקות של 5% נקבע שקיים הבדל מובהק בין החברות.

ג. לא ניתן לדעת מה המסקנה ברמת מובהקות של 5% כיוון שלא נאמר מה ההגדרה של $D$.

## תשובות סופיות

**1)** א. $-3.8 \le \mu_D \le 19$ ב. נכריע שיש אמת בפרסום.

**2)** א. $-8.5 \le \mu_X - \mu_Y \le 26.5$ ב. נכריע שאין הבדל.

**3)** ג.

**4)** א.


© כל הזכויות שמורות לברק קנדל