חדוא לתלמידי כלכלה וניהול

פרק 22 - המשפט היסודי של החדו"א (גזירת האינטגרל)

תוכן העניינים

1. המשפט היסודי של החדו״א (גזירת האינטגרל) 1

המשפט היסודי של החדו"א (גזירת האינטגרל)

שאלות

בשאלות **1** ו-**2**, על סמך המשפט היסודי של החדו״א,
הוכיחו כי אם $f(x)$ רציפה ו-$b(x)$, $a(x)$ גזירות, אזי:

1) $I(x)=\int_{a}^{b(x)} f(t)dt \quad \Rightarrow \quad I'(x)=f\left(b(x)\right)b'(x)$

2) $I(x)=\int_{a(x)}^{b(x)} f(t)dt \quad \Rightarrow \quad I'(x)=f\left(b(x)\right)b'(x)-f\left(a(x)\right)a'(x)$

גזרו את הפונקציות בשאלות **3-6**:

3) $I(x)=\int_{2}^{x} e^{-t^2}dt$

4) $I(x)=\int_{1}^{x^3} \frac{\ln t}{t^2}dt$

5) $I(x)=\int_{2}^{x^3+x} t\ln t dt$

6) $I(x)=\int_{x^3}^{x^2} \frac{dt}{\sqrt{1+t^4}}$

7) חשבו את הגבול $\lim_{x\to 4}\frac{x}{x-4}\int_{4}^{x} e^{t^2}dt$.

8) חקרו את הפונקציה $F(x)=\int_{0}^{x}(t+1)^4(t-1)^{10}dt$, לפי הפירוט הבא:

תחום הגדרה, נקודות קיצון ותחומי עלייה וירידה, נקודות פיתול ותחומי קמירות וקעירות.

לפתרון מלא בסרטוני וידאו היכנסו לאתר www.GooL.co.il
כתב ופתר – גיא סלומון ©

תשובות סופיות

1) שאלת הוכחה.

2) שאלת הוכחה.

3) $I'(x)=e^{-x^2}$

4) $I'(x)=\frac{\ln(x)^3}{(x^3)^2}\cdot 3x^2$

5) $I'(x)=(x^3+x)(3x^2+1)\ln(x^3+x)$

6) $I'(x)=\frac{2x}{\sqrt{1+x^8}}-\frac{3x^2}{\sqrt{1+x^{12}}}$

7) $4e^{16}$

8) תחום הגדרה: כל x.

נקודות קיצון: אין קיצון, עולה לכל x.

נקודות פיתול: $x=-1,1,-\frac{3}{7}$.

תחומי קמירות: $x>1$, $-1<x<-\frac{3}{7}$.

תחומי קעירות: $-\frac{3}{7}<x<1$, $x<-1$.