

# מכניקה לביולוגיה מולקולרית

## 711161001

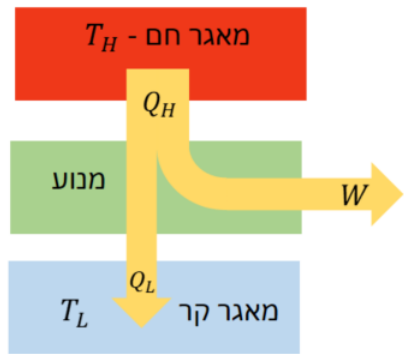
פרק 19 - החוק השני של התרמודינמיקה

תוכן העניינים

1. הקדמה לחוק השני של התרמודינמיקה ומנועי חום..... 1
2. תהליכים הפיכים ובלתי הפיכים ומנוע קרנו..... 4
3. מקררים מזגנים ומשאבות חום..... 7
4. אנטרופיה..... 9
5. סיכום..... (ללא ספר)..... 9
6. פרשנות סטטיסטית לאנטרופיה והחוק השני..... 13

## הקדמה לחוק השני של התרמודינמיקה ומנועי חום:

### סיכום כללי:

| הערות                                                                                    | תיאור                                                                                                                          | הנוסחה                                                                                             |
|------------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------|
| שימו לב לסימנים!<br>כל הסימנים חיוביים!<br><br>$T_H$ ו- $T_L$ נקראות<br>טמפרטורות העבודה | $Q_H$ - כמות החום<br>שיוצאת מהמאגר החם.<br>$Q_L$ - כמות החום<br>שנכנסת אל המאגר הקר.<br>$W$ - העבודה שהמנוע<br>מבצע על הסביבה. |  $Q_H = W + Q_L$ |
|                                                                                          |                                                                                                                                | $\eta = \frac{W}{Q_H} = 1 - \frac{Q_L}{Q_H}$                                                       |

### שאלות:

#### (1) דוגמה - נצילות של מנוע מכני

- למנוע של מכני יש נצילות של 20%. המנוע מפק  $25\text{kJ}$  של עבודה כל שניה.  
 א. כמה חום דרוש להכניס למנוע כל שניה?  
 ב. כמה חום נפלט מהמנוע כל שניה?

#### (2) חישוב נצילות של מנוע חום

- מנוע חום פולט  $6900\text{J}$  של חום כאשר הוא מבצע עבודה של  $2300\text{J}$ .  
 מה הנצילות של המנוע באחוזים?

#### (3) חום שפולטת תחנת כוח

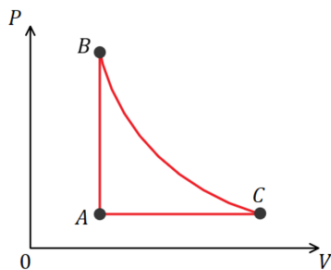
- תחנת כוח מייצרת  $560\text{MW}$  של הספק חשמלי.  
 העריכו את החום שנפלט כל שניה אם הנצילות של התחנה היא 35%.

**(4) מנוע 6 צילינדרים**

- למנוע עם 6 צילינדרים של אוטו יש נצילות של 24%. המנוע מספק  $180\text{ J}$  של עבודה בכל מחזור עבור כל צילינדר. המנוע עושה 25 מחזורים בשניה.
- מהי העבודה הכוללת שמבצע המנוע בשניה?
  - מהו החום שנוצר משריפת הדלק כל שניה?
  - אם האנרגיה הנוצרת מדלק היא  $32\text{ MJ}$  לליטר, לכמה זמן מחזיק מיכל דלק מלא המכיל 40 ליטר דלק?

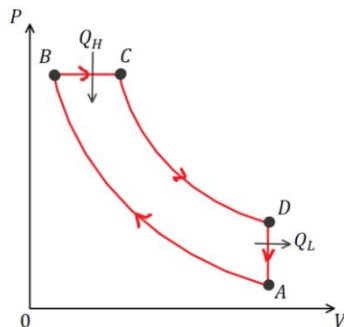
**(5) מנוע הפיך עם גז ארגון**

- מנוע הפיך מכיל  $1.00\text{ mol}$  של גז ארגון, גז מונואטומי כמעט אידיאלי. התהליך שעובר המנוע מתואר באיור כאשר הגז בהתחלה בנקודה A ב-STP. הנקודות B ו-C נמצאות על עקומה איזותרמית בטמפרטורה  $T = 433\text{ K}$ .



- התהליך AB הוא תהליך בנפח קבוע והתהליך AC הוא תהליך בלחץ קבוע.
- האם המנוע מבצע את התהליך באיור עם כיוון השעון או נגד השעון?
  - מהי הנצילות של המנוע?

**(6) מנוע בנזין אידיאלי**



- אפשר לתאר את הפעולה של מנוע דיזל בקירוב על ידי התהליך המחזורי באיור. אוויר נשאב לצילינדר בפעימת יניקה (לא חלק מהמחזור באיור). האוויר נדחס אדיאבטית, שלב AB. בנקודה B דלק מוזרק לתוך הצילינדר. הדלק נשרף ישר כי הטמפרטורה מאוד גבוהה. הבעירה היא יחסית איטית ובמהלך החלק הראשון של פעימת העבודה הגז מתפשט כמעט בנפח קבוע, שלב BC. בשלב השני של פעימת העבודה, אחרי שהבעירה מסתיימת, הגז מתפשט אדיאבטית, שלב CD. שלב DA מתאר את פעימת הפליטה.

א. הראה שעבור מנוע שעובר את התהליך הנ"ל עם גז אידיאלי הנצילות האידיאלית

$$\eta = 1 - \frac{(V_A/V_C)^{-\gamma} - (V_A/V_B)^{-\gamma}}{\gamma[(V_A/V_C)^{-1} - (V_A/V_B)^{-1}]}$$

היא:  $V_A/V_B$  נקרא יחס הדחיסה ו- $V_A/V_C$  נקרא יחס התרחבות "expansion ratio".

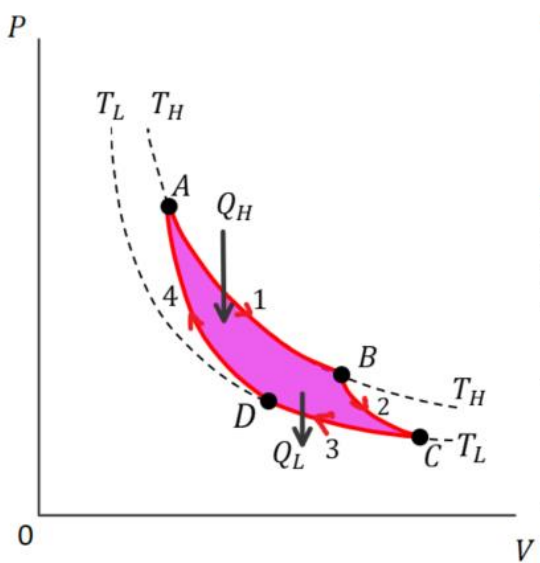
ב. חשב את הנצילות אם הגז הוא דו אטומי,  $V_A/V_B = 16$  ו- $V_A/V_C = 4.5$ .

**תשובות סופיות:**

- |    |              |                        |
|----|--------------|------------------------|
| (1 | א. 125kJ     | ב. 100kJ               |
| (2 | 25%          |                        |
| (3 | 1000J        |                        |
| (4 | א. 27000J    | ב. 110000J    ג. 3.2hr |
| (5 | א. עם השעון. | ב. 9%                  |
| (6 | א. הוכחה.    | ב. 55%                 |

## תהליכים הפיכים ובלתי הפיכים ומנוע קרנו:

### סיכום כללי:

| הערות                                                                                                                                     | תיאור             | הנוסחה                                                                              |
|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|-------------------|-------------------------------------------------------------------------------------|
| <p>השטח שסגור בתוך הלולאה שווה לעבודה נטו שנעשית על ידי המנוע.</p> <p>מורכב מתהליכים הפיכים ולכן לא קיים במציאות, ניתן רק לשאוף אליו.</p> | מחזור קרנו        |  |
| נקראת גם נצילות אידיאלית או מקסימאלית                                                                                                     | נצילות במנוע קרנו | $\eta_{\text{קרנו}} = 1 - \frac{T_L}{T_H}$                                          |

### שאלות:

#### (1) דוגמה - טענה לא הגיונית

יצרן רכב טוען כי במנוע שייצר קצב הכניסה של החום הוא 9.1kJ בטמפרטורה של 162°C וקצב הפליטה של החום הוא 4.1kJ בטמפרטורה של 22°C. האם אתם מאמינים ליצרן?

#### (2) דוגמה - נצילות של מנוע בעירה

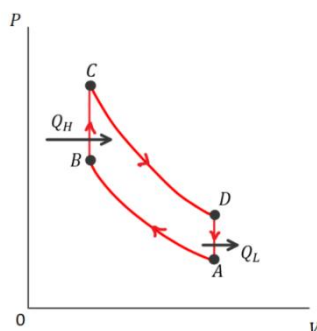
המחזור של מנוע בעירה מתואר באיור. הניחו שחומר העבודה הוא גז אידיאלי.

א. הראו כי הנצילות של המנוע

$$\eta = 1 - \left( \frac{V_A}{V_B} \right)^{1-\gamma}$$

ב. חשבו את הנצילות של המנוע אם יחס

הדחיסה הוא:  $\frac{V_A}{V_B} = 7.0$  והגז הוא דואטומי בדומה ל- $O_2$  או  $N_2$ .





### (3) מנוע חום עם חנקן נוזלי

זה לא הכרחי שהמאגר החם של מנוע חום יהיה יותר חם מהסביבה. חנקן נוזלי זול בערך כמו בקבוק מים והטמפרטורה שלו היא בערך  $77\text{K}$ . מה תהיה הנצילות המקסימלית של מנוע הפועל בין הטמפרטורה של חנקן נוזלי לטמפרטורת החדר  $293\text{K}$ ?

### (4) מנוע $1100\text{W}$

מנוע קרנו פועל בטמפרטורות  $190^{\circ}\text{C}$  ו-  $25^{\circ}\text{C}$ . ההספק של המנוע הוא  $1100\text{W}$ . כמה חום פולט המנוע כל שניה?

### (5) מטפס הרים

הניחו שאדם ששוקל  $70\text{kg}$  צריך  $4.3 \cdot 10^3\text{kcal}$  של אנרגיה בשביל יום אחד של פעילות. העריכו את הגובה המקסימאלי שאותו אדם יכול לטפס על הר עם כמות זו של אנרגיה. כהערכה גסה אפשר להתייחס לאדם כמנוע הפועל בין טמפרטורות הגוף  $37^{\circ}\text{C}$  לטמפרטורת הסביבה  $20^{\circ}\text{C}$ .

### (6) טמפרטורת עבודה בנסיעה

מכונית מייצרת עבודה בקצב של בערך  $7 \frac{\text{kJ}}{\text{sec}}$  כאשר היא נוסעת במהירות

קבועה של  $25 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$  בכביש אופקי, זוהי עבודה כנגד כוח החיכוך.

המכונית יכולה לנסוע  $14\text{km}$  לכל ליטר דלק.

מה הערך המינימלי של  $T_H$  אם  $T_L = 25^{\circ}\text{C}$  והאנרגיה הזמינה מליטר אחד של דלק היא:  $3.2 \cdot 10^7\text{J}$ ?

### (7) חישובים במחזור קרנו

מול אחד של גז מונואטומי עובר תהליך של מחזור קרנו, כאשר  $T_H = 380^{\circ}\text{C}$  ו-  $T_L = 180^{\circ}\text{C}$ .

הלחץ ההתחלתי הוא  $7.8\text{atm}$ .

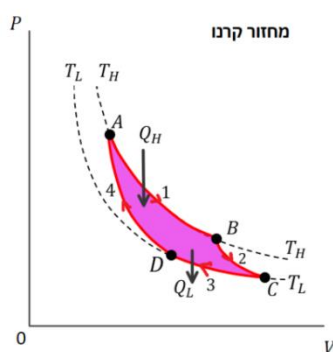
במהלך ההתרחבות האיזותרמית הנפח מוכפל.

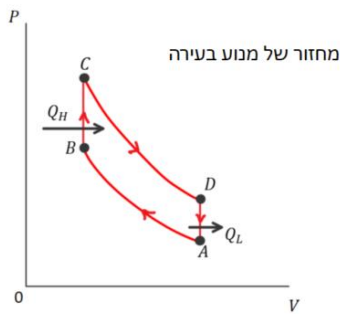
א. מהם הלחץ והנפח בנקודות: A, B, C, D?

ב. מצאו את  $Q$ ,  $W$  ו-  $\Delta E_{\text{int}}$  עבור כל שלב בתהליך.

ג. חשבו את הנצילות של המנוע באמצעות

$$\eta = 1 - \frac{T_L}{T_H} \text{ ו- } \eta = 1 - \frac{Q_L}{Q_H}.$$





### (8) יחס דחיסה במנוע בעירה

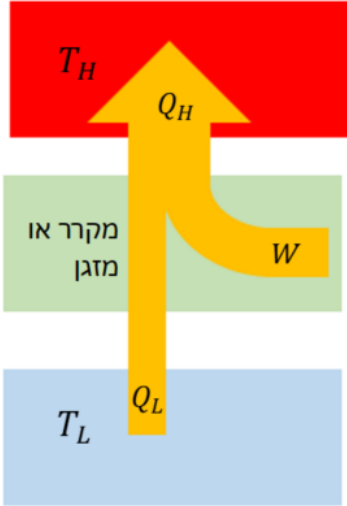
במנוע שמתנהג בקירוב כמו המחזור של מנוע בעירה הדלק מוצת בסוף שלב הדחיסה האדיאבטית. טמפרטורת ההצתה של דלק מסוג אוקטן 95 היא  $280^{\circ}\text{C}$  ובהנחה שחומר העבודה הוא גז שמגיע מהאוויר (דו אטומי בטמפרטורה  $25^{\circ}\text{C}$ ) קבעו מהו יחס הדחיסה המירבי  $\frac{V_A}{V_B}$ .

### תשובות סופיות:

- (1) לא.
- (2) א. הוכחה. ב. 54%
- (3) 74%
- (4) 5000J
- (5) 1400m
- (6)  $400^{\circ}\text{K}$
- (7) א.  $P_B = 4 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ ,  $V_B = 1.4 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$ ,  $P_A = 7.9 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ ,  $V_A = 0.69 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$   
 $P_D = 3.2 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ ,  $V_D = 1.2 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$ ,  $P_C = 1.6 \cdot 10^5 \text{ Pa}$ ,  $V_C = 2.4 \cdot 10^{-2} \text{ m}^3$   
 ב.  $\Delta E_{\text{int}_{BC}} = -2500 \text{ J}$ ,  $Q_{BC} = 0$ ,  $W_{BC} = 2500 \text{ J}$ ,  $\Delta E_{\text{int}_{AB}} = 0$ ,  $Q_{AB} = W_{AB} = 3800 \text{ J}$   
 $\Delta E_{\text{int}_{DA}} = 2500 \text{ J}$ ,  $Q_{DA} = 0$ ,  $W_{DA} = -2500 \text{ J}$ ,  $\Delta E_{\text{int}_{CD}} = 0$ ,  $Q_{CD} = W_{CD} = -2600 \text{ J}$   
 ג.  $\eta = 31\%$
- (8) 7.1

## מקררים מזגנים ומשאבות חום:

### סיכום כללי:

| הערות                                                                              | תיאור                                | הנוסחה                                               |
|------------------------------------------------------------------------------------|--------------------------------------|------------------------------------------------------|
|  | מקדם היעילות של מקרר או מזגן         | $\text{COP} = \frac{Q_L}{W} = \frac{Q_L}{Q_H - Q_L}$ |
|                                                                                    | עבור מקרר או מזגן אידיאלי (לא מושלם) | $\text{COP}_{\text{ideal}} = \frac{T_L}{T_H - T_L}$  |
| תמיד גדול מאחד                                                                     | מקדם היעילות של משאבת חום            | $\text{COP} = \frac{Q_H}{W}$                         |

### שאלות:

#### 1) דוגמה - מכינים קרח

למקפיא יש מקדם יעילות של 3.6 והוא עובד בהספק של 200W. כמה זמן ייקח למקפיא להקפיא מגש קוביות קרח אם המגש הוכנס למקרר המכיל 400gr מים ב-0°C?

#### 2) דוגמה - משאבת חום

למשאבת חום מקדם יעילות של 3.0 והספק של 1200W.  
 א. כמה חום היא מוסיפה לחדר כל שניה?  
 ב. אם הופכים את פעולת המשאבה בקיץ כך שתשמש כמזגן, מה תצפו שיהיה מקדם היעילות שלה?



**(3) מקדם יעילות של מקרר אידיאלי**

מקרר אידיאלי מחזיק את הטמפרטורה בתוכו ב- $4^{\circ}\text{C}$  כאשר הטמפרטורה בבית היא  $25^{\circ}\text{C}$ . מהו מקדם היעילות של המקרר?

**(4) מנוע קרנו עובד הפוך**

למנוע אידיאלי (מנוע קרנו) יש נצילות של 37%. אם היה אפשר להפעיל את המנוע הפוך כך שיעבוד בתור משאבת חום, מה היה מקדם היעילות של המנוע?

**(5) מקרר קרנו אידיאלי מקפיא מים**

"מקרר קרנו" (מנוע קרנו שעובד הפוך) מוציא חום מתא ההקפאה הנמצא בטמפרטורה של  $-15^{\circ}\text{C}$  ופולט אותו לחדר בטמפרטורה של  $25^{\circ}\text{C}$ .

א. הראו כי אם מקדם היעילות של מקרר מוגדר לפי:  $\text{COP} = \frac{Q_L}{W}$

אז מקדם היעילות של מקרר קרנו הוא:  $\text{COP}_{\text{ideal}} = \frac{T_L}{T_H - T_L}$ .

ב. כמה עבודה מבצע המנוע לשנות  $0.6\text{kg}$  של מים ב- $25^{\circ}\text{C}$  לקרח ב- $-15^{\circ}\text{C}$ ? אם ההספק של המדחס במנוע הוא  $160\text{W}$ , מהו הזמן המינימלי הדרוש להקפיא מים מטמפרטורה של  $25^{\circ}\text{C}$  לקרח ב- $0^{\circ}\text{C}$ ?

**(6) משאבת חום לא אידיאלית**

משאבת חום פועלת כמזגן ושומרת את הטמפרטורה בתוך הבניין על  $24^{\circ}\text{C}$  כאשר הטמפרטורה בחוץ היא  $40^{\circ}\text{C}$ .

בשביל לבצע זאת המשאבה שואבת  $3 \cdot 10^7\text{J}$  חום בשעה מתוך הבניין ביעילות של 25% מהיעילות האידיאלית (זו של מקרר קרנו).

א. מהו מקדם היעילות של המשאבה?

ב. מהו ההספק של המדחס במשאבה? רשום תשובה בכוח סוס.

**תשובות סופיות:**

(1) בערך 3 דקות.

(2) א.  $4600\text{J}$  ב. 2

(3) 13

(4) 2.7

(5) א. הוכחה. ב.  $4.4 \cdot 10^4\text{J}$

(6) א. 4.6 ב. 2.4HP

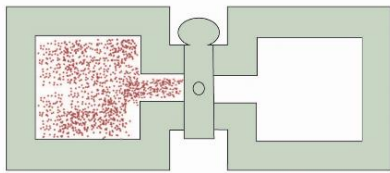
## אנטרופיה:

### סיכום כללי:

| הערות                                              | תיאור                                | הנוסחה                          |
|----------------------------------------------------|--------------------------------------|---------------------------------|
| רק בטמפרטורה קבועה<br>ובתהליך הפיך<br>T - בקלווין! | Q - כמות החום שנכנסת<br>למערכת       | $\Delta S = \frac{Q}{T}$        |
|                                                    | האנטרופיה היא משתנה<br>מצב של המערכת | השינוי באנטרופיה לא תלוי בתהליך |

### שאלות:

- (1) **דוגמה - שינוי באנטרופיה כשמערבבים מים**  
מערבבים 5kg מים ב-20°C עם 5kg מים ב-24°C.  
א. מה תהיה הטמפרטורה הסופית של המים המערבבים?  
ב. העריכו את השינוי באנטרופיה של כל המערכת.



- (2) **דוגמה - שינוי באנטרופיה בהתפשטות חופשית**  
גז מתפשט בצורה אדיאבטית וחופשית  
(כפי שמתואר בפרק הקודם בסרטון התפשטות  
חופשית) מנפח  $V_1$  לנפח  $V_2$ .  
א. חשבו את השינוי באנטרופיה של הגז.  
ב. מהו השינוי באנטרופיה של הסביבה?  
ג. הערך את השינוי באנטרופיה עבור  $n = 1.00$  ו- $V_2 = 2.00V_1$ .

- (3) **דוגמה - נחושת חמה נזרקת לתוך אגם**  
גוש נחושת חם בעל מסה של 2.00kg בטמפרטורה של  $T_1 = 840^\circ\text{K}$  נזרק לאגם  
גדול בטמפרטורה של  $T_2 = 280^\circ\text{K}$ .  
הניחו כי האגם מספיק גדול כך שהטמפרטורה שלו לא משתנה באופן מהותי.  
מהו השינוי באנטרופיה של:  
א. הנחושת.  
ב. האגם.  
ג. הכולל.

**(4) דוגמה - קוביית קרח נמסה**

קוביית קרח במסה של  $1.00\text{ kg}$  ובטמפרטורה של  $0^{\circ}\text{C}$  נמצאת במגע עם מאגר חום גדול שהטמפרטורה שלו היא מעט מעל  $0^{\circ}\text{C}$ . כתוצאה מכך הקרח נמס מאוד לאט למים. מה השינוי באנטרופיה של:

א. הקרח.  
ב. המאגר.

**(5) שינוי באנטרופיה של מים שהופכים לאדים**

מהו השינוי באנטרופיה של  $150\text{ gr}$  של מים ב- $100^{\circ}\text{C}$  שהופכים לאדים ב- $100^{\circ}\text{C}$ ?

**(6) קופסה מחליקה על משטח עם חיכוך**

קופסה בעלת מסה של  $6.5\text{ kg}$  מחליקה על משטח אופקי לא חלק (קיים חיכוך קינטי). חשבו את השינוי באנטרופיה של היקום מתחילת תנועתה של הקופסה במהירות  $5 \frac{\text{m}}{\text{sec}}$  ועד לעצירתה. הניחו שכל הגופים נמצאים בטמפרטורת החדר  $293\text{ K}$ .

**(7) מים מתקררים ממאגר קרח**

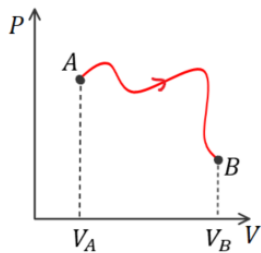
$1.0\text{ L}$  של מים ב- $0^{\circ}\text{C}$  נמצאים במגע עם כמות גדולה של קרח ב- $-10^{\circ}\text{C}$ . כתוצאה מכך המים קופאים ומתקררים גם ל- $-10^{\circ}\text{C}$ . חשבו את השינוי הכולל באנטרופיה.

**(8) מוט ברזל נזרק למים**

מוט ברזל בעל מסה של  $1.8\text{ kg}$  ובטמפרטורה של  $43^{\circ}\text{C}$  נזרק למיכל מים המצופה בקלקר. המיכל מכיל  $1.2\text{ kg}$  מים בטמפרטורת החדר ( $20^{\circ}\text{C}$ ). מהו השינוי הכולל באנטרופיה?

**(9) גז אידיאלי מתפשט איזותרמית**

גז אידיאלי מתפשט איזותרמית  $T = 350^{\circ}\text{K}$  מנפח  $2.30\text{ L}$  ולחץ  $6.9\text{ atm}$  ללחץ  $1.0\text{ atm}$ . מהו השינוי באנטרופיה של הגז?



### 10) גז אידיאלי עובר תהליך מוזר

גז אידיאלי המכיל  $n$  מולים עובר את התהליך המתואר באיור. הטמפרטורה בנקודות A ו-B זהה. חשבו את השינוי באנטרופיה של הגז בעקבות התהליך.  $V_A$ ,  $nV_B$ , נתונים.

### 11) שני גזים מתערבבים

1.00mol של גז חנקן ו-1.00mol של גז חמצן נמצאים בתאים נפרדים, זהים בגודלם, באותה הטמפרטורה ומבודדים מהסביבה. מחברים בין התאים והגזים (האידיאליים) מתערבבים. מהו השינוי באנטרופיה של:

- כל המערכת?
- של הסביבה?
- חזור על סעיף א' אם התא של אחד הגזים גדול פי שניים מהתא של השני.

### 12) קיבול חום מולרי משתנה

קיבול החום המולרי של אשלגן בטמפרטורות נמוכות משתנה עם הטמפרטורה לפי  $C_V = \alpha T + \beta T^3$  כאשר  $\alpha = 2.08 \frac{\text{mJ}}{\text{mol} \cdot \text{K}^2}$  ו-  $\beta = 2.57 \frac{\text{mJ}}{\text{mol} \cdot \text{K}^4}$ . מצאו את השינוי באנטרופיה של 0.25mol של אשלגן כאשר הטמפרטורה שלו יורדת מ-4.0K ל-2.0K בתהליך בנפח קבוע.

**תשובות סופיות:**

(1) א.  $22^{\circ}\text{C}$  ב.  $1 \frac{\text{J}}{\text{K}}$

(2) א.  $\Delta S = nR \ln \frac{V_2}{V_1}$  ב.  $\Delta S = 0$  ג.  $5.76 \frac{\text{J}}{\text{K}}$

(3) א.  $-857 \frac{\text{J}}{\text{K}}$  ב.  $1560 \frac{\text{J}}{\text{K}}$  ג.  $703 \frac{\text{J}}{\text{K}}$

(4) א.  $-1220 \frac{\text{J}}{\text{K}}$  ב.  $1220 \frac{\text{J}}{\text{K}}$

(5)  $910 \frac{\text{J}}{\text{K}}$

(6)  $0.28 \frac{\text{J}}{\text{K}}$

(7)  $48 \frac{\text{J}}{\text{K}}$

(8)  $2.2 \frac{\text{J}}{\text{K}}$

(9)  $8.8 \frac{\text{J}}{\text{K}}$

(10)  $nR \ln \frac{V_B}{V_A}$

(11) א.  $5.8 \frac{\text{J}}{\text{K}}$  ב.  $0$  ג.  $13 \frac{\text{J}}{\text{K}}$

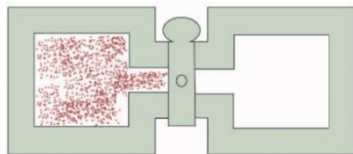
(12)  $-11 \frac{\text{mJ}}{\text{K}}$

## פרשנות סטטיסטית לאנטרופיה והחוק השני:

### סיכום כללי:

| הערות | תיאור                                                            | הנוסחה             |
|-------|------------------------------------------------------------------|--------------------|
|       | $k$ - קבוע בולצמן<br>$\Omega$ - פונקציית המצבים<br>המיקרוסקופיים | $S = k \ln \Omega$ |

### שאלות:



- (1) **דוגמה - התפשטות חופשית גישה סטטיסטית**  
השתמשו במשוואה של בולצמן לאנטרופיה וחשבו את השינוי באנטרופיה במקרה של התפשטות חופשית של מול אחד של גז אידיאלי מנפח  $V$  לנפח  $2V$ .  
הניחו ש- $\Omega$  אומרת את מספר המיקומים האפשריים של כל המולקולות. השוו לחישוב שנעשה בדוגמה הקודמת של התפשטות חופשית באמצעות הנוסחה של קלאוזיוס.

### (2) אנטרופיה להטלת 4 מטבעות

השתמשו בפונקציית המצבים  $\Omega$  וחשבו מה האנטרופיה בכל אחד מהמצבים המיקרוסקופיים שתוארו בדוגמה של הטלת 4 מטבעות.

| מספר המצבים המיקרוסקופיים | המצבים המיקרוסקופיים המתאימים (H-ראש, T-זנב) | המצב המיקרוסקופי |
|---------------------------|----------------------------------------------|------------------|
| 1                         | HHHH                                         | 4 ראש            |
| 4                         | THHH, HTHH, HHTH, HHHT                       | 3 ראש, 1 זנב     |
| 6                         | TTHH, THTH, HTTH, THHT, HTHT, HHTT           | 2 ראש, 2 זנב     |
| 4                         | HTTT, THTT, TTHT, TTTH                       | 1 ראש, 3 זנב     |
| 1                         | TTTT                                         | 4 זנב            |

### (3) הטלת 5 מטבעות

- דני לקח 5 מטבעות והטיל אותם בצורה אקראית על השולחן.  
א. רשמו טבלה ובה את מספר המצבים המיקרוסקופיים המתאימים לכל מצב מקרו.  
ב. מהי ההסתברות שבהטלה יצאו 3 מטבעות ראש ו-2 זנב?  
ג. מהי ההסתברות שכל המטבעות יפלו על זנב?  
ד. מהי ההסתברות שבהטלה יפלו לפחות 3 מטבעות על זנב?

#### (4) שינוי באנטרופיה בסידור 10 מטבעות

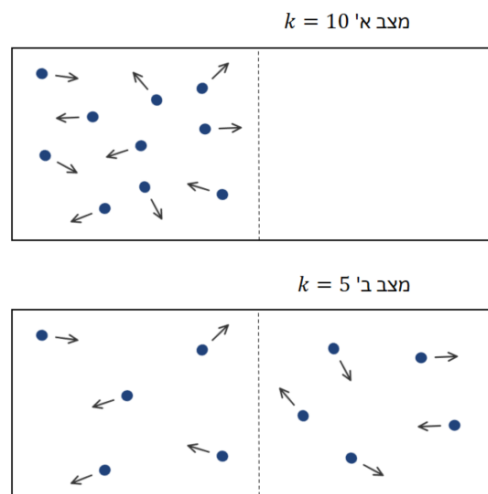
על שולחן ישנם 10 מטבעות כאשר 9 מתוכם נמצאים עם הראש כלפי מעלה ואחד עם הזנב כלפי מעלה. הופכים 3 מטבעות שהיו עם הראש כלפי מעלה. מה השינוי באנטרופיה של המערכת? השווה לשינוי באנטרופיה של מערכת תרמודינמית מאחד הדוגמאות הקודמות. ניתן לחשב את פונקציית המצבים גם באמצעות מקדמי הבינום של ניוטון:  $\frac{n!}{k!(n-k)!}$  כאשר  $n$  הוא מספר המטבעות ו- $k$  מספר המטבעות עם הזנב (או הראש) כלפי מעלה.

#### (5) גז עם 10 אטומים בתיבה

נניח שישנה מערכת דמויית גז המכילה  $n = 10$  אטומים במהירויות זהות. ה"גז" נמצא בתוך תיבה. נסמן את מספר האטומים הנמצאים בחציה השמאלית של התיבה ב- $k$ . מספר האפשרויות לסדר את האטומים כך ש- $k$  אטומים יהיו

$$\frac{n!}{k!(n-k)!} \cdot$$

נניח כי כל ערך של  $k$  מסמל מצב מיקרוסקופי של המערכת. במצב א' שבאיור כל 10 האטומים בצד שמאל של התיבה ( $k = 10$ ) ובמצב ב' שבאיור 5 בחצי הימני ו-5 בשמאלי ( $k = 5$ ).  
א. מהו השינוי באנטרופיה במעבר בין מצב א' למצב ב'? האם התהליך יכול להתרחש בצורה ספונטנית?  
ב. מהו השינוי באנטרופיה במעבר בין מצב ב' למצב א'? האם התהליך יכול להתרחש בצורה ספונטנית?



## תשובות סופיות:

(1)  $R \ln(2)$

(2)

| המצב המיקרוסקופי | אנטרופיה                          |
|------------------|-----------------------------------|
| 4 ראש            | 0                                 |
| 3 ראש, 1 זנב     | $1.91 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$ |
| 2 ראש, 2 זנב     | $2.47 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$ |
| 1 ראש, 3 זנב     | $1.91 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$ |
| 4 זנב            | 0                                 |

(3) א.

| פונקציית המצבים $\Omega$ | המצבים המיקרוסקופיים                                                 | מצב מקרוסקופי |
|--------------------------|----------------------------------------------------------------------|---------------|
| 1                        | HHHHH                                                                | 5-H, 0-T      |
| 5                        | HHHHT, HHHHT, HHTHH, HTHHH, THHHH                                    | 4-H, 1-T      |
| 10                       | HHHTT, HHTHT, HTHHT, THHHT, HHTTH, HTTHH, THTHH, TTHHH, HTHTH, THHTH | 3-H, 2-T      |
| 10                       | כמו 3-H, 2-T רק להחליף H ב-T                                         | 2-H, 3-T      |
| 5                        | כמו 4-H, 1-T רק להחליף H ב-T                                         | 1-H, 4-T      |
| 1                        | כמו 5-H, 0-T רק להחליף H ב-T                                         | 0-H, 5-T      |

ד. 50%

ג. 3.125%

ב. 31.25%

(4)  $4.2 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$

(5) א.  $7.63 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$ , ב.  $-7.63 \cdot 10^{-23} \frac{J}{K}$ , לא.