

# יסודות הסטטיסטיקה ותכנון ניסויים

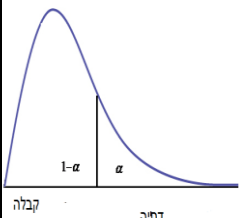
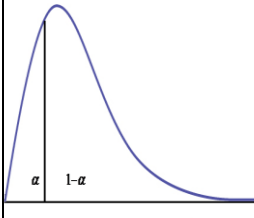
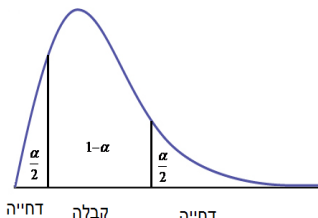
פרק 31 - בדיקת השערות על שונויות

תוכן העניינים

1. בדיקת השערות על שתי שונויות.....1

## בדיקת השערות על שתי שוניות:

רקע:

| השערת האפס :<br>השערה אלטרנטיבית : | $H_0 : \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} = 1$<br><br>$H_1 : \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} > 1$                                   | $H_0 : \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} = 1$<br><br>$H_1 : \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} < 1$                                             | $H_0 : \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} = 1$<br><br>$H_1 : \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} \neq 1$                                                                                         |
|------------------------------------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|----------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|---------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| תנאים :                            | 1. מדגמים בלתי תלויים<br>2. $X_1, X_2 \sim N$                                                                                |                                                                                                                                        |                                                                                                                                                                                       |
| נדחה את השערת האפס אם :            | <br>$F \geq f_{1-\alpha}^{(n_1-1, n_2-1)}$ | <br>$F \leq \frac{1}{f_{1-\alpha}^{(n_2-1, n_1-1)}}$ | <br>$F \geq f_{1-\alpha/2}^{(n_1-1, n_2-1)}$ או $F \leq \frac{1}{f_{1-\alpha/2}^{(n_2-1, n_1-1)}}$ |

$$F = \frac{S_1^2}{S_2^2} : \text{סטטיסטי המבחן}$$

התפלגות F:

$$\text{אם } X_1 \sim N(\mu_1, \sigma^2) \text{ ו- } X_2 \sim N(\mu_2, \sigma^2) \text{ אזי: } \frac{S_1^2}{S_2^2} \sim F(n_1-1, n_2-1)$$

התפלגות F הינה התפלגות אסימטרית חיובית התלויה בדרגות חופש של המונה ושל המכנה.

$$\text{כמו כן בהתפלגות F מתקיימת התכונה הבאה: } F_{1-\alpha}(n_1-1, n_2-1) = \frac{1}{F_{\alpha}(n_2-1, n_1-1)}$$



$$df_1 = n_1 - 1$$

$$df_2 = n_2 - 1$$

## דוגמה (פתרון בהקלטה) :

מעוניינים להשוות בין נשים וגברים מבחינת השונות בזמנים שלהם לבצע משימה מסוימת. במדגם של 10 גברים התקבלו התוצאות הבאות לגבי זמני ביצוע המשימה :  $\sum (y_i - \bar{y})^2 = 204$  .

במדגם של 13 נשים התקבלו התוצאות הבאות :  $\sum (x_i - \bar{x})^2 = 200$  .  
בדקו ברמת מובהקות של 2% האם קיים הבדל בין השונות? מה יש להניח?

| טבלת ערכים קריטיים לפי התפלגות F |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |          |
|----------------------------------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|--------|----------|
| $\alpha = 0.05$                  |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |        |          |
| ד"ח מנהל "ח מנהל"                | 1      | 2      | 3      | 4      | 5      | 6      | 7      | 8      | 9      | 10     | 12     | 16     | 20     | 24     | 60     | 120    | $\infty$ |
| 1                                | 161.45 | 199.50 | 215.71 | 224.58 | 230.16 | 233.99 | 236.77 | 238.88 | 240.54 | 241.88 | 243.91 | 246.46 | 248.01 | 249.05 | 252.20 | 253.25 | 254.31   |
| 2                                | 18.51  | 19.00  | 19.16  | 19.25  | 19.30  | 19.33  | 19.35  | 19.37  | 19.38  | 19.40  | 19.41  | 19.43  | 19.45  | 19.45  | 19.48  | 19.49  | 19.50    |
| 3                                | 10.13  | 9.55   | 9.28   | 9.12   | 9.01   | 8.94   | 8.89   | 8.85   | 8.81   | 8.79   | 8.74   | 8.69   | 8.66   | 8.64   | 8.57   | 8.55   | 8.53     |
| 4                                | 7.71   | 6.94   | 6.59   | 6.39   | 6.26   | 6.16   | 6.09   | 6.04   | 6.00   | 5.96   | 5.91   | 5.84   | 5.80   | 5.77   | 5.69   | 5.66   | 5.63     |
| 5                                | 6.61   | 5.79   | 5.41   | 5.19   | 5.05   | 4.95   | 4.88   | 4.82   | 4.77   | 4.74   | 4.68   | 4.60   | 4.56   | 4.53   | 4.43   | 4.40   | 4.37     |
| 6                                | 5.99   | 5.14   | 4.76   | 4.53   | 4.39   | 4.28   | 4.21   | 4.15   | 4.10   | 4.06   | 4.00   | 3.92   | 3.87   | 3.84   | 3.74   | 3.70   | 3.67     |
| 7                                | 5.59   | 4.74   | 4.35   | 4.12   | 3.97   | 3.87   | 3.79   | 3.73   | 3.68   | 3.64   | 3.57   | 3.49   | 3.44   | 3.41   | 3.30   | 3.27   | 3.23     |
| 8                                | 5.32   | 4.46   | 4.07   | 3.84   | 3.69   | 3.58   | 3.50   | 3.44   | 3.39   | 3.35   | 3.28   | 3.20   | 3.15   | 3.12   | 3.01   | 2.97   | 2.93     |
| 9                                | 5.12   | 4.26   | 3.86   | 3.63   | 3.48   | 3.37   | 3.29   | 3.23   | 3.18   | 3.14   | 3.07   | 2.99   | 2.94   | 2.90   | 2.79   | 2.75   | 2.71     |
| 10                               | 4.96   | 4.10   | 3.71   | 3.48   | 3.33   | 3.22   | 3.14   | 3.07   | 3.02   | 2.98   | 2.91   | 2.83   | 2.77   | 2.74   | 2.62   | 2.58   | 2.54     |
| 11                               | 4.84   | 3.98   | 3.59   | 3.36   | 3.20   | 3.09   | 3.01   | 2.95   | 2.90   | 2.85   | 2.79   | 2.70   | 2.65   | 2.61   | 2.49   | 2.45   | 2.40     |
| 12                               | 4.75   | 3.89   | 3.49   | 3.26   | 3.11   | 3.00   | 2.91   | 2.85   | 2.80   | 2.75   | 2.69   | 2.60   | 2.54   | 2.51   | 2.38   | 2.34   | 2.30     |
| 13                               | 4.67   | 3.81   | 3.41   | 3.18   | 3.03   | 2.92   | 2.83   | 2.77   | 2.71   | 2.67   | 2.60   | 2.51   | 2.46   | 2.42   | 2.30   | 2.25   | 2.21     |
| 14                               | 4.60   | 3.74   | 3.34   | 3.11   | 2.96   | 2.85   | 2.76   | 2.70   | 2.65   | 2.60   | 2.53   | 2.44   | 2.39   | 2.35   | 2.22   | 2.18   | 2.13     |
| 15                               | 4.54   | 3.68   | 3.29   | 3.06   | 2.90   | 2.79   | 2.71   | 2.64   | 2.59   | 2.54   | 2.48   | 2.38   | 2.33   | 2.29   | 2.16   | 2.11   | 2.07     |
| 16                               | 4.49   | 3.63   | 3.24   | 3.01   | 2.85   | 2.74   | 2.66   | 2.59   | 2.54   | 2.49   | 2.42   | 2.33   | 2.28   | 2.24   | 2.11   | 2.06   | 2.01     |
| 17                               | 4.45   | 3.59   | 3.20   | 2.96   | 2.81   | 2.70   | 2.61   | 2.55   | 2.49   | 2.45   | 2.38   | 2.29   | 2.23   | 2.19   | 2.06   | 2.01   | 1.96     |
| 18                               | 4.41   | 3.55   | 3.16   | 2.93   | 2.77   | 2.66   | 2.58   | 2.51   | 2.46   | 2.41   | 2.34   | 2.25   | 2.19   | 2.15   | 2.02   | 1.97   | 1.92     |
| 19                               | 4.38   | 3.52   | 3.13   | 2.90   | 2.74   | 2.63   | 2.54   | 2.48   | 2.42   | 2.38   | 2.31   | 2.21   | 2.16   | 2.11   | 1.98   | 1.93   | 1.88     |
| 20                               | 4.35   | 3.49   | 3.10   | 2.87   | 2.71   | 2.60   | 2.51   | 2.45   | 2.39   | 2.35   | 2.28   | 2.18   | 2.12   | 2.08   | 1.95   | 1.90   | 1.84     |
| 21                               | 4.32   | 3.47   | 3.07   | 2.84   | 2.68   | 2.57   | 2.49   | 2.42   | 2.37   | 2.32   | 2.25   | 2.16   | 2.10   | 2.05   | 1.92   | 1.87   | 1.81     |
| 22                               | 4.30   | 3.44   | 3.05   | 2.82   | 2.66   | 2.55   | 2.46   | 2.40   | 2.34   | 2.30   | 2.23   | 2.13   | 2.07   | 2.03   | 1.89   | 1.84   | 1.78     |
| 23                               | 4.28   | 3.42   | 3.03   | 2.80   | 2.64   | 2.53   | 2.44   | 2.37   | 2.32   | 2.27   | 2.20   | 2.11   | 2.05   | 2.01   | 1.86   | 1.81   | 1.76     |
| 24                               | 4.26   | 3.40   | 3.01   | 2.78   | 2.62   | 2.51   | 2.42   | 2.36   | 2.30   | 2.25   | 2.18   | 2.09   | 2.03   | 1.98   | 1.84   | 1.79   | 1.73     |
| 25                               | 4.24   | 3.39   | 2.99   | 2.76   | 2.60   | 2.49   | 2.40   | 2.34   | 2.28   | 2.24   | 2.16   | 2.07   | 2.01   | 1.96   | 1.82   | 1.77   | 1.71     |
| 26                               | 4.23   | 3.37   | 2.98   | 2.74   | 2.59   | 2.47   | 2.39   | 2.32   | 2.27   | 2.22   | 2.15   | 2.05   | 1.99   | 1.95   | 1.80   | 1.75   | 1.69     |
| 27                               | 4.21   | 3.35   | 2.96   | 2.73   | 2.57   | 2.46   | 2.37   | 2.31   | 2.25   | 2.20   | 2.13   | 2.04   | 1.97   | 1.93   | 1.79   | 1.73   | 1.67     |
| 28                               | 4.20   | 3.34   | 2.95   | 2.71   | 2.56   | 2.45   | 2.36   | 2.29   | 2.24   | 2.19   | 2.12   | 2.02   | 1.96   | 1.91   | 1.77   | 1.71   | 1.65     |
| 29                               | 4.18   | 3.33   | 2.93   | 2.70   | 2.55   | 2.43   | 2.35   | 2.28   | 2.22   | 2.18   | 2.10   | 2.01   | 1.94   | 1.90   | 1.75   | 1.70   | 1.64     |
| 30                               | 4.17   | 3.32   | 2.92   | 2.69   | 2.53   | 2.42   | 2.33   | 2.27   | 2.21   | 2.16   | 2.09   | 1.99   | 1.93   | 1.89   | 1.74   | 1.68   | 1.62     |
| 40                               | 4.08   | 3.23   | 2.84   | 2.61   | 2.45   | 2.34   | 2.25   | 2.18   | 2.12   | 2.08   | 2.00   | 1.90   | 1.84   | 1.79   | 1.64   | 1.58   | 1.51     |
| 50                               | 4.03   | 3.18   | 2.79   | 2.56   | 2.40   | 2.29   | 2.20   | 2.13   | 2.07   | 2.03   | 1.95   | 1.85   | 1.78   | 1.74   | 1.58   | 1.51   | 1.44     |
| 60                               | 4.00   | 3.15   | 2.76   | 2.53   | 2.37   | 2.25   | 2.17   | 2.10   | 2.04   | 1.99   | 1.92   | 1.82   | 1.75   | 1.70   | 1.53   | 1.47   | 1.39     |
| 90                               | 3.95   | 3.10   | 2.71   | 2.47   | 2.32   | 2.20   | 2.11   | 2.04   | 1.99   | 1.94   | 1.86   | 1.76   | 1.69   | 1.64   | 1.46   | 1.39   | 1.30     |
| 120                              | 3.92   | 3.07   | 2.68   | 2.45   | 2.29   | 2.18   | 2.09   | 2.02   | 1.96   | 1.91   | 1.83   | 1.73   | 1.66   | 1.61   | 1.43   | 1.35   | 1.25     |
| $\infty$                         | 3.84   | 3.00   | 2.60   | 2.37   | 2.21   | 2.10   | 2.01   | 1.94   | 1.88   | 1.83   | 1.75   | 1.64   | 1.57   | 1.52   | 1.32   | 1.22   | 1.00     |

| טבלת ערכים קריטיים לפי התפלגות F $\alpha = 0.01$ ראה איור מסה. |         |         |         |         |         |         |         |         |         |         |         |         |         |         |         |         |          |
|----------------------------------------------------------------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|---------|----------|
| ד"ח מונה/ד"ח מכנה                                              | 1       | 2       | 3       | 4       | 5       | 6       | 7       | 8       | 9       | 10      | 12      | 16      | 20      | 24      | 60      | 120     | $\infty$ |
| 1                                                              | 4052.18 | 4999.50 | 5403.35 | 5624.58 | 5763.65 | 5858.99 | 5928.36 | 5981.07 | 6022.47 | 6055.85 | 6106.32 | 6170.10 | 6208.73 | 6234.63 | 6313.03 | 6339.39 | 6365.86  |
| 2                                                              | 98.50   | 99.00   | 99.17   | 99.25   | 99.30   | 99.33   | 99.36   | 99.37   | 99.39   | 99.40   | 99.42   | 99.44   | 99.45   | 99.46   | 99.48   | 99.49   | 99.50    |
| 3                                                              | 34.12   | 30.82   | 29.46   | 28.71   | 28.24   | 27.91   | 27.67   | 27.49   | 27.35   | 27.23   | 27.05   | 26.83   | 26.69   | 26.60   | 26.32   | 26.22   | 26.13    |
| 4                                                              | 21.20   | 18.00   | 16.69   | 15.98   | 15.52   | 15.21   | 14.98   | 14.80   | 14.66   | 14.55   | 14.37   | 14.15   | 14.02   | 13.93   | 13.65   | 13.56   | 13.46    |
| 5                                                              | 16.26   | 13.27   | 12.06   | 11.39   | 10.97   | 10.67   | 10.46   | 10.29   | 10.16   | 10.05   | 9.89    | 9.68    | 9.55    | 9.47    | 9.20    | 9.11    | 9.02     |
| 6                                                              | 13.75   | 10.92   | 9.78    | 9.15    | 8.75    | 8.47    | 8.26    | 8.10    | 7.98    | 7.87    | 7.72    | 7.52    | 7.40    | 7.31    | 7.06    | 6.97    | 6.88     |
| 7                                                              | 12.25   | 9.55    | 8.45    | 7.85    | 7.46    | 7.19    | 6.99    | 6.84    | 6.72    | 6.62    | 6.47    | 6.28    | 6.16    | 6.07    | 5.82    | 5.74    | 5.65     |
| 8                                                              | 11.26   | 8.65    | 7.59    | 7.01    | 6.63    | 6.37    | 6.18    | 6.03    | 5.91    | 5.81    | 5.67    | 5.48    | 5.36    | 5.28    | 5.03    | 4.95    | 4.86     |
| 9                                                              | 10.56   | 8.02    | 6.99    | 6.42    | 6.06    | 5.80    | 5.61    | 5.47    | 5.35    | 5.26    | 5.11    | 4.92    | 4.81    | 4.73    | 4.48    | 4.40    | 4.31     |
| 10                                                             | 10.04   | 7.56    | 6.55    | 5.99    | 5.64    | 5.39    | 5.20    | 5.06    | 4.94    | 4.85    | 4.71    | 4.52    | 4.41    | 4.33    | 4.08    | 4.00    | 3.91     |
| 11                                                             | 9.65    | 7.21    | 6.22    | 5.67    | 5.32    | 5.07    | 4.89    | 4.74    | 4.63    | 4.54    | 4.40    | 4.21    | 4.10    | 4.02    | 3.78    | 3.69    | 3.60     |
| 12                                                             | 9.33    | 6.93    | 5.95    | 5.41    | 5.06    | 4.82    | 4.64    | 4.50    | 4.39    | 4.30    | 4.16    | 3.97    | 3.86    | 3.78    | 3.54    | 3.45    | 3.36     |
| 13                                                             | 9.07    | 6.70    | 5.74    | 5.21    | 4.86    | 4.62    | 4.44    | 4.30    | 4.19    | 4.10    | 3.96    | 3.78    | 3.66    | 3.59    | 3.34    | 3.25    | 3.17     |
| 14                                                             | 8.86    | 6.51    | 5.56    | 5.04    | 4.69    | 4.46    | 4.28    | 4.14    | 4.03    | 3.94    | 3.80    | 3.62    | 3.51    | 3.43    | 3.18    | 3.09    | 3.00     |
| 15                                                             | 8.68    | 6.36    | 5.42    | 4.89    | 4.56    | 4.32    | 4.14    | 4.00    | 3.89    | 3.80    | 3.67    | 3.49    | 3.37    | 3.29    | 3.05    | 2.96    | 2.87     |
| 16                                                             | 8.53    | 6.23    | 5.29    | 4.77    | 4.44    | 4.20    | 4.03    | 3.89    | 3.78    | 3.69    | 3.55    | 3.37    | 3.26    | 3.18    | 2.93    | 2.84    | 2.75     |
| 17                                                             | 8.40    | 6.11    | 5.18    | 4.67    | 4.34    | 4.10    | 3.93    | 3.79    | 3.68    | 3.59    | 3.46    | 3.27    | 3.16    | 3.08    | 2.83    | 2.75    | 2.65     |
| 18                                                             | 8.29    | 6.01    | 5.09    | 4.58    | 4.25    | 4.01    | 3.84    | 3.71    | 3.60    | 3.51    | 3.37    | 3.19    | 3.08    | 3.00    | 2.75    | 2.66    | 2.57     |
| 19                                                             | 8.18    | 5.93    | 5.01    | 4.50    | 4.17    | 3.94    | 3.77    | 3.63    | 3.52    | 3.43    | 3.30    | 3.12    | 3.00    | 2.92    | 2.67    | 2.58    | 2.49     |
| 20                                                             | 8.10    | 5.85    | 4.94    | 4.43    | 4.10    | 3.87    | 3.70    | 3.56    | 3.46    | 3.37    | 3.23    | 3.05    | 2.94    | 2.86    | 2.61    | 2.52    | 2.42     |
| 21                                                             | 8.02    | 5.78    | 4.87    | 4.37    | 4.04    | 3.81    | 3.64    | 3.51    | 3.40    | 3.31    | 3.17    | 2.99    | 2.88    | 2.80    | 2.55    | 2.46    | 2.36     |
| 22                                                             | 7.95    | 5.72    | 4.82    | 4.31    | 3.99    | 3.76    | 3.59    | 3.45    | 3.35    | 3.26    | 3.12    | 2.94    | 2.83    | 2.75    | 2.50    | 2.40    | 2.31     |
| 23                                                             | 7.88    | 5.66    | 4.76    | 4.26    | 3.94    | 3.71    | 3.54    | 3.41    | 3.30    | 3.21    | 3.07    | 2.89    | 2.78    | 2.70    | 2.45    | 2.35    | 2.26     |
| 24                                                             | 7.82    | 5.61    | 4.72    | 4.22    | 3.90    | 3.67    | 3.50    | 3.36    | 3.26    | 3.17    | 3.03    | 2.85    | 2.74    | 2.66    | 2.40    | 2.31    | 2.21     |
| 25                                                             | 7.77    | 5.57    | 4.68    | 4.18    | 3.85    | 3.63    | 3.46    | 3.32    | 3.22    | 3.13    | 2.99    | 2.81    | 2.70    | 2.62    | 2.36    | 2.27    | 2.17     |
| 26                                                             | 7.72    | 5.53    | 4.64    | 4.14    | 3.82    | 3.59    | 3.42    | 3.29    | 3.18    | 3.09    | 2.96    | 2.78    | 2.66    | 2.58    | 2.33    | 2.23    | 2.13     |
| 27                                                             | 7.68    | 5.49    | 4.60    | 4.11    | 3.78    | 3.56    | 3.39    | 3.26    | 3.15    | 3.06    | 2.93    | 2.75    | 2.63    | 2.55    | 2.29    | 2.20    | 2.10     |
| 28                                                             | 7.64    | 5.45    | 4.57    | 4.07    | 3.75    | 3.53    | 3.36    | 3.23    | 3.12    | 3.03    | 2.90    | 2.72    | 2.60    | 2.52    | 2.26    | 2.17    | 2.06     |
| 29                                                             | 7.60    | 5.42    | 4.54    | 4.04    | 3.73    | 3.50    | 3.33    | 3.20    | 3.09    | 3.00    | 2.87    | 2.69    | 2.57    | 2.49    | 2.23    | 2.14    | 2.03     |
| 30                                                             | 7.56    | 5.39    | 4.51    | 4.02    | 3.70    | 3.47    | 3.30    | 3.17    | 3.07    | 2.98    | 2.84    | 2.66    | 2.55    | 2.47    | 2.21    | 2.11    | 2.01     |
| 40                                                             | 7.31    | 5.18    | 4.31    | 3.83    | 3.51    | 3.29    | 3.12    | 2.99    | 2.89    | 2.80    | 2.66    | 2.48    | 2.37    | 2.29    | 2.02    | 1.92    | 1.80     |
| 50                                                             | 7.17    | 5.06    | 4.20    | 3.72    | 3.41    | 3.19    | 3.02    | 2.89    | 2.78    | 2.70    | 2.56    | 2.38    | 2.27    | 2.18    | 1.91    | 1.80    | 1.68     |
| 60                                                             | 7.08    | 4.98    | 4.13    | 3.65    | 3.34    | 3.12    | 2.95    | 2.82    | 2.72    | 2.63    | 2.50    | 2.31    | 2.20    | 2.12    | 1.84    | 1.73    | 1.60     |
| 90                                                             | 6.93    | 4.85    | 4.01    | 3.53    | 3.23    | 3.01    | 2.84    | 2.72    | 2.61    | 2.52    | 2.39    | 2.21    | 2.09    | 2.00    | 1.72    | 1.60    | 1.46     |
| 120                                                            | 6.85    | 4.79    | 3.95    | 3.48    | 3.17    | 2.96    | 2.79    | 2.66    | 2.56    | 2.47    | 2.34    | 2.15    | 2.03    | 1.95    | 1.66    | 1.53    | 1.38     |
| $\infty$                                                       | 6.63    | 4.61    | 3.78    | 3.32    | 3.02    | 2.80    | 2.64    | 2.51    | 2.41    | 2.32    | 2.18    | 2.00    | 1.88    | 1.79    | 1.47    | 1.32    | 1.00     |

## שאלות:

- (1) להלן נתונים על שטחי דירות במ"ר עבור דירות חדשות שנבנו בשנת 2012 ובשנת 2013:

|     |    |    |     |    |     |     |      |
|-----|----|----|-----|----|-----|-----|------|
| 120 | 94 | 90 | 130 | 95 | 112 | 120 | 2012 |
|     | 69 | 74 | 105 | 91 | 82  | 100 | 2013 |

- א. בדקו ברמת מובהקות של 10% את ההשערה ששונות שטחי הדירות החדשות בשנת 2012 ובשנת 2013 שוות. מה הן ההנחות הדרושות לביצוע הבדיקה?  
 ב. האם וכיצד הייתה משתנה המסקנה מהסעיף הקודם אם מסתבר שחלה טעות ברישום ויש להפחית 10 מ"ר מכל הדירות שמופיעות במדגם?

- (2) בתחום הבינוי משתמשים בשני סוגי מתכות: מתכת A ומתכת B. מחקר מעוניין לבדוק האם קיים הבדל בין שני סוגי המתכות מבחינת החוזק שלהן. דגמו מספר

| B   | A  | סוג המתכת    |
|-----|----|--------------|
| 10  | 8  | $n$          |
| 30  | 16 | $\sum X_i$   |
| 198 | 60 | $\sum X_i^2$ |

- יחידות מתכת מכל סוג והתקבלו התוצאות הבאות:  
 יש להניח שרמת החוזק של המתכות מתפלגת נורמאלית.  
 א. האם קיים הבדל בין שונות החוזק של מתכות?  
 ב. האם קיים הבדל בין תוחלות החוזק של מתכות?  
 בכל סעיף רמת מובהקות של 10%.

## תשובות סופיות:

- (1) א. לא נדחה את  $H_0$ . ב. מסקנה לא תשתנה.  
 (2) א. לא נדחה את  $H_0$ . ב. לא נדחה את  $H_0$ .