

# מתמטיקה לפיזיקאים 1

פרק 16 - אינטגרלים בשיטת "הנגזרת כבר בפנים"

תוכן העניינים

1. אינטגרלים בשיטת הנגזרת כבר בפנים.....1

## אינטגרלים בשיטת "הנגזרת כבר בפנים"

### שאלות

הערה: את האינטגרלים בפרק זה ניתן לפתור גם בעזרת שיטת ההצבה.

חשבו את האינטגרלים הבאים:

$$\int \frac{x^2}{x^3+1} dx \quad (3) \qquad \int \cot x dx \quad (2) \qquad \int \frac{2x}{x^2+1} dx \quad (1)$$

$$\int \frac{e^{x+2}}{e^x+1} dx \quad (6) \qquad \int \frac{1}{x \ln x} dx \quad (5) \qquad \int \tan x dx \quad (4)$$

$$\int e^{-2x^2} x dx \quad (9) \qquad \int \frac{e^{\tan x}}{\cos^2 x} dx \quad (8) \qquad \int e^{x^2} 2x dx \quad (7)$$

$$\int \frac{\cos(\ln x)}{x} dx \quad (12) \qquad \int \cos(\sin x) \cdot \cos x dx \quad (11) \qquad \int \cos(2x^2+1) \cdot 4x dx \quad (10)$$

$$\int \frac{\sin \sqrt{x}}{\sqrt{x}} dx \quad (15) \qquad \int \sin(x^2+1) x dx \quad (14) \qquad \int \cos(10x^4+1) x^3 dx \quad (13)$$

$$\int \frac{(\tan x)}{\cos^2 x} dx \quad (18) \qquad \int \frac{\arctan x}{1+x^2} dx \quad (17) \qquad \int \frac{\ln x}{x} dx \quad (16)$$

$$\int 2x\sqrt{x^2+1} dx \quad (21) \qquad \int \frac{\cos x}{\sqrt{2 \sin x}} dx \quad (20) \qquad \int \frac{2x}{\sqrt{x^2+1}} dx \quad (19)$$

$$\int \frac{\sqrt{\arctan x}}{1+x^2} dx \quad (24) \qquad \int \frac{\sqrt{\ln x}}{x} dx \quad (23) \qquad \int x^2 \sqrt{x^3+4} dx \quad (22)$$

## תשובות סופיות

- |  |  |  |
|--|--|--|
| $\frac{1}{3} \ln  x^3 + 1  + c$ (3)              | $\ln  \sin x  + c$ (2)                       | $\ln  x^2 + 1  + c$ (1)                        |
| $e^2 \ln  e^x + 1  + c$ (6)                      | $\ln  \ln  x   + c$ (5)                      | $-\ln  \cos x  + c$ (4)                        |
| $-\frac{e^{-2x^2}}{4} + c$ (9)                   | $e^{\tan x} + c$ (8)                         | $e^{x^2} + c$ (7)                              |
| $\sin(\ln x) + c$ (12)                           | $\sin(\sin x) + c$ (11)                      | $\sin(2x^2 + 1) + c$ (10)                      |
| $-2 \cos(\sqrt{x}) + c$ (15)                     | $-\frac{1}{2} \cos(x^2 + 1) + c$ (14)        | $\frac{1}{40} \sin(10x^4 + 1) + c$ (13)        |
| $\frac{1}{2} (\tan x)^2 + c$ (18)                | $\frac{1}{2} (\arctan x)^2 + c$ (17)         | $\frac{1}{2} (\ln x)^2 + c$ (16)               |
| $\frac{2}{3} (x^2 + 1)^{\frac{3}{2}} + c$ (21)   | $\sqrt{2 \sin x} + c$ (20)                   | $2\sqrt{x^2 + 1} + c$ (19)                     |
| $\frac{2}{3} (\arctan x)^{\frac{3}{2}} + c$ (24) | $\frac{2}{3} (\ln x)^{\frac{3}{2}} + c$ (23) | $\frac{2}{9} (x^3 + 4)^{\frac{3}{2}} + c$ (22) |