

חדו"א מורחב 71027



תוכן העניינים

1. משוואות מסוגים שונים (ללא ספר)
2. אי שוויונים מפורסמים 1

חדו"א מורחב 71027

פרק 1 - משוואות מסוגים שונים

תוכן העניינים

1. משוואה ממעלה ראשונה (ללא ספר)
2. שתי משוואות בשני נעלמים ממעלה ראשונה (ללא ספר)
3. משוואה ממעלה שנייה (ללא ספר)
4. משוואות עם מכנה (ללא ספר)
5. פתרון משוואות ממעלה שלישית (ללא ספר)
6. משוואות מעריכיות (ללא ספר)
7. משוואות לוגריתמיות (ללא ספר)
8. משוואות עם פרמטרים (ללא ספר)
9. משוואות עם שורשים (ללא ספר)
10. משוואות עם ערך מוחלט (ללא ספר)
11. מערכת משוואות ממעלה שנייה (ללא ספר)
12. מערכת משוואות מעריכיות (ללא ספר)
13. מערכת משוואות לוגריתמיות (ללא ספר)
14. מערכת משוואות מעריכיות-לוגריתמיות (ללא ספר)

חדו"א מורחב 71027

פרק 2 - אי שוויונים מפורסמים

תוכן העניינים

1. אי שוויונים מפורסמים.....1

אי שוויונים מפורסמים

שאלות

(1) ענו על הסעיפים הבאים:

א. הוכיחו שלכל שני מספרים ממשיים x, y המקיימים $x < 1, y > 1$, מתקיים $x + y > xy + 1$.

ב. הוכיחו באינדוקציה שלכל $n \geq 2$ טבעי:

אם $a_1 \cdot a_2 \cdot \dots \cdot a_n = 1$, אז $a_1 + a_2 + \dots + a_n \geq n$ ($0 < a_i \in \mathbb{R}$).

(2) נסחו והוכיחו את אי שוויון הממוצעים.

(3) הוכיחו שלכל $a, b \in \mathbb{R}$ מתקיים:

א. $|a + b| \leq |a| + |b|$ (אי שוויון המשולש)

ב. $|a - b| \leq |a| + |b|$

ג. $|a - b| \geq |b| - |a|$, $|a - b| \geq |a| - |b|$

ד. $|a - b| \geq ||a| - |b||$

ה. $|a + b| \geq ||a| - |b||$

ו. $(a_i \in \mathbb{R}) |a_1 + a_2 + \dots + a_n| \leq |a_1| + |a_2| + \dots + |a_n|$

(4) ענו על הסעיפים הבאים:

א. נסחו והוכיחו את אי שוויון קושי-שוורץ.

ב. הוכיחו כי אם $a_1 + \dots + a_n = 1$ אז $a_1^2 + a_2^2 + \dots + a_n^2 \geq \frac{1}{n}$ ($n \in \mathbb{N}, a_i \in \mathbb{R}$).

הערה: אי שוויון ברנולי מוכח בפרק זה תחת הנושא "אינדוקציה".

נוכיח שם גם כמה מסקנות מעניינות ממנו.

תשובות לכל שאלות ההוכחה מופיעות באתר GooL.co.il