

## סטודנטים יקרים

לפניכם ספר תרגילים בקורס מבוא לסטטיסטיקה והסתברות א'.  
הספר הוא חלק מקורס חדשני וראשון מסוגו בארץ בנושא זה,  
המועבר ברשת האינטרנט On-line.

הקורס באתר כולל פתרונות מלאים לספר התרגילים, וכן את  
התיאוריה הרלוונטית לכל נושא ונושא.

הקורס כולו מוגש בסרטוני וידאו המלווים בהסבר קולי, כך שאתם  
רואים את התהליכים בצורה מובנית, שיטתית ופשוטה, ממש כפי  
שנעשה בשיעור פרטי, לדוגמה [לחצו כאן](http://www.gool.co.il/statb.html) ( [www.gool.co.il/statb.html](http://www.gool.co.il/statb.html) ).

את הקורס בנה מר ברק קנדל, מרצה מבוקש במוסדות אקדמיים  
שונים ובעל ניסיון עתיר בהוראת המקצוע.

אז אם אתם עסוקים מידי בעבודה, סובלים מלקויות למידה, רוצים  
להצטיין או פשוט אוהבים ללמוד בשקט בבית, אנחנו מזמינים אתכם  
לחויית לימודים יוצאת דופן וחדשה לחלוטין, היכנסו עכשיו לאתר

[www.gool.co.il](http://www.gool.co.il)



אנו מאחלים לכם הצלחה מלאה בבחינות

צוות האתר GooL

**גול, בשביל התרגול...**

## תוכן

### פרק ראשון - סטטיסטיקה תיאורית

4	.....הצגת נתונים
5	.....מדדי מיקום מרכזי
6	.....מדדי פיזור
6	.....מדדי מיקום יחסי
7	.....ממוצע משוקלל ושונות מצורפת
8	.....טרנספורמציה לינארית
9	.....שאלות מסכמות
14	.....תשובות סופיות לפרק ראשון

### פרק שני - מדדי קשר

17	.....מדדי קשר למשתנים שמיים
18	.....מדד הקשר של ספירמן
19	.....מדד הקשר של פירסון
21	.....תשובות סופיות לפרק שני

### פרק שלישי - יסודות ההסתברות

22	.....בעיות בסיסיות בהסתברות
23	.....פעולות בין מאורעות
25	.....קומבינטוריקה
28	.....הסתברות מותנה ודיאגרמת עצים
30	.....תלות בין מאורעות
30	.....שאלות מסכמות
32	.....תשובות סופיות לפרק שלישי

### פרק רביעי – המשתנה המקרי הרציף

35	.....פונקציית הצפיפות וההתפלגות המצטברת
36	.....ההתפלגות הנורמלית
38	.....ההתפלגות האחידה
39	.....ההתפלגות המעריכית
40	.....תשובות סופיות לפרק רביעי

## פרק ראשון – סטטיסטיקה תיאורית

### א. הצגת נתונים:

1. להלן רשימת הציונים של 20 תלמידים שנבחנו במבחן הבנת הנקרא:

7, 6, 8, 9, 10, 6, 4, 5, 8, 7, 6, 7, 6, 8, 9, 6, 7, 8, 5, 6

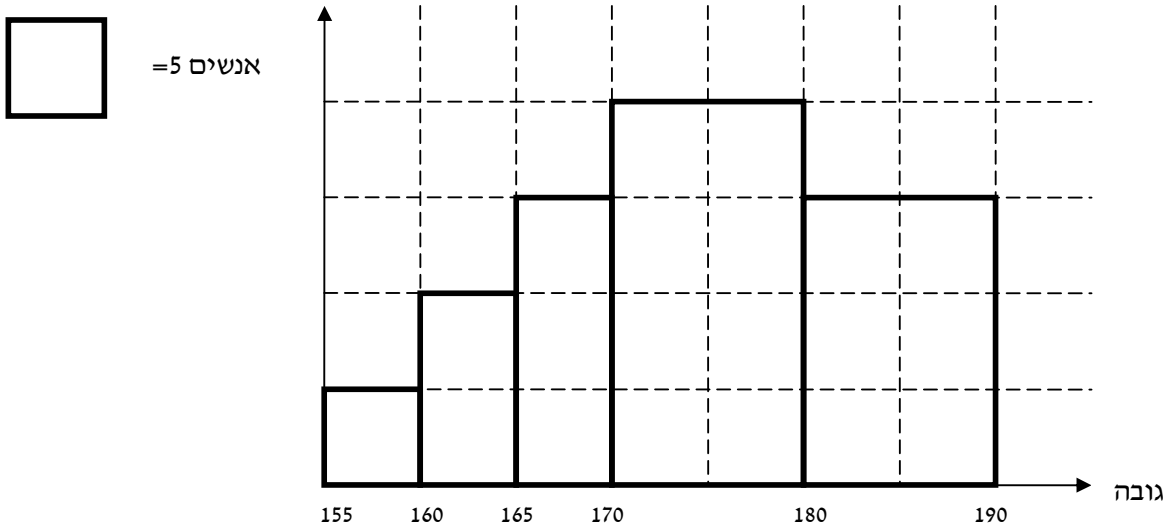
א. מהו המשתנה? האם הוא בדיד או רציף?

ב. תאר את הרשימה בטבלת שכיחויות.

ג. הוסף שכיחויות יחסיות לטבלה.

ד. תאר את הנתונים באופן גרפי.

2. להלן היסטוגרמה המתארת את התפלגות הגבהים בס"מ של קבוצה מסוימת:



א. מהו המשתנה הנחקר? האם הוא בדיד או רציף?

ב. תאר את הנתונים בטבלת שכיחויות במחלקות.

ג. הוסף שכיחות יחסית לטבלה.

ד. הוסף את הצפיפות של כל מחלקה לטבלה.

ה. מהי צורת ההתפלגות של הגבהים?

3. להלן התפלגות המשקל של קבוצה מסוימת בק"ג:

מספר מקרים	משקל
10	40-45
20	45-50
30	50-60
20	60-65
10	65-70

- א. תאר את ההתפלגות באופן גרפי.  
 ב. מה ניתן להגיד על צורת ההתפלגות?

### ב. מדדי מיקום מרכזי:

1. חשב את החציון, השכיח, אמצע הטווח והממוצע של שאלה 1 בפרק הקודם.  
 2. על פי הנתונים של שאלה 2 בפרק הקודם:  
 א. חשב את החציון, השכיח, אמצע הטווח והממוצע של הגבהים.  
 ב. האם היה ניתן לדעת על סמך הגרף בלבד האם הממוצע יהיה קטן מהחציון?  
 3. להלן התפלגות מספר מקלטי הטלויזיה שנספרו עבור כל משפחה בישוב מסוים:

מספר משפחות	מספר מקלטים
22	0
28	1
18	2
22	3
10	4

- א. חשב את הממוצע, החציון, השכיח ואמצע הטווח של ההתפלגות.  
 ב. הסבר ללא חישוב כיצד כל מדד שחישבת בסעיף א' היה משתנה אם חלק מהמשפחות (לא כולן) שלא היה להם עד היום טלויזיה היו רוכשים מקלט אחד.  
 4. על סמך הגרף בלבד וללא חישוב מפורש הסבר מה הם כל מדדי המרכז של שאלה 3 בפרק הקודם.

**ג. מדדי פיזור:**

1. חשב את השונות, סטיית התקן והטווח עבור הנתונים משאלה 1 פרק א'.
2. עבור הנתונים משאלה 2 פרק א' :
  - א. חשב את השונות, סטיית התקן.
  - ב. חשב את הטווח והטווח הבינרבעוני .
  - ג. אם יתווספו עוד 10 אנשים למחלקה שבה הגובה בין 155 ס"מ ל-160 ס"מ. כיצד ישתנו המדדים הבאים : הממוצע, החציון, השונות והטווח. הסבר ללא חישוב!
3. עבור נתוני שאלה 3 פרק ב' חשב את סטיית התקן.
4. נתונה רשימה של 5 תצפיות , אך רק עבור 4 מהן נרשמו הסטיות שלהן מהממוצע : 1, 2, 3, 2 . חשב את השונות של חמש התצפיות.

**ד. מדדי מיקום יחסי:**

1. תלמידי כיתה ח' נגשו למבחן בלשון ולמבחן במתמטיקה. להלן התוצאות שהתקבלו :

המקצוע	ממוצע	סטיית תקן
בלשון	74	12
מתמטיקה	80	16

עודד קיבל : 68 בלשון ו- 70 במתמטיקה.

- א. באיזה מקצוע עודד טוב יותר באופן יחסי לשכבה שלו?
- ב. איזה ציון עודד צריך לקבל במתמטיקה כדי שיהיה שקול לציונו בלשון?

2. בהמשך לנתוני שאלה 2 פרק א' חשב את:

- א. העשירון התחתון.
- ב. האחוזון ה-30.
- ג. הגובה ש-20% מהתצפית גדולות ממנו.
- ד. את אחוז התצפיות מתחת לגובה 158 ס"מ.
- ה. את אחוז התצפיות מעל לגובה 185 ס"מ.
- ו. את אחוז התצפיות בין גובה 170 ס"מ ל-185 ס"מ.

### ה. ממוצע משוקלל ושונות מצורפת:

1. להלן נתונים לגבי ציונים במבחן באנגלית ב-3 כיתות מתוך שכבה י' בתיכון:

כיתה	ממוצע	מס' תלמידים	סטיית תקן
1	76	40	12
2	68	20	15
3	82	30	10

- א. חשב את הממוצע המשוקלל בשכבה.
- ב. חשב את השונות המצורפת בשכבה.

2. נתונות שתי קבוצות:

- א. בקבוצה I פי שתיים תצפיות מאשר בקבוצה II.
- ב. הממוצע בשתי הקבוצות הוא 70.
- ג. השונות בקבוצה I היא 100.
- ד. השונות בקבוצה II היא 400.

- א. מצא את הממוצע של התצפיות לאחר שאוחדו שתי הקבוצות לקבוצה אחת.
- ב. מצא את סטיית התקן של התצפיות לאחר שאוחדו שתי הקבוצות לקבוצה אחת.

**ו. טרנספורמציה לינארית:**

1. עבור סדרת נתונים התקבל:

$$\bar{X} = 80$$

$$S = 15$$

$$MO = 70$$

הוחלט להכפיל את כל התצפיות פי-4 ולהחסיר מהתוצאה 5. חשב את המדדים הללו לאחר השינוי.

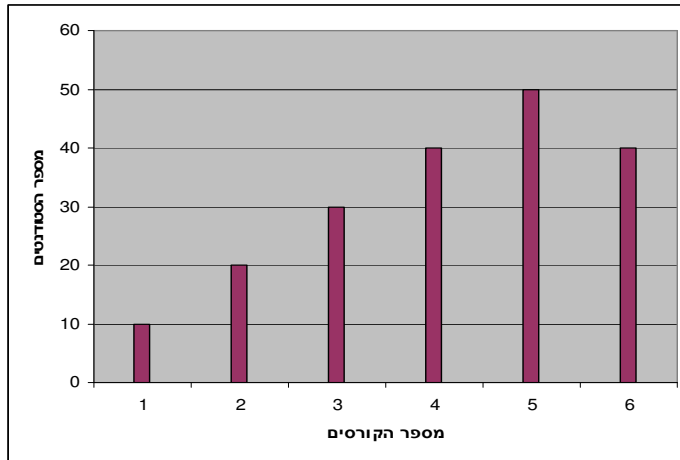
2. בחברה מסוימת השכר הממוצע הוא 40 ₪ לשעה עם סטיית תקן של 5 ₪ לשעה. הוחלט להעלות את כל המשכורות ב-10%, אך זה לא סיפק את העובדים ולכן הם קיבלו לאחר מכן תוספת של 2 ₪ לשעה. מה הממוצע ומהי השונות של השכר לשעה לאחר כל השינויים.

3. בהמשך לשאלה 2 פרקים א', ב', ג', ו-ד'. הסתבר שנפלה טעות והוספו 5 ס"מ לכל התצפיות. מה הם החציון, השונות, הטווח והעשירון התחתון של התצפיות ללא הטעות.

4. בהמשך לשאלה 2 פרקים א', ב', ג', ו-ד'. מעוניינים להמיר את הגובה מס"מ למטרים. כיצד הדבר משפיע על החציון, השונות, הטווח והעשירון התחתון.

**ז. שאלות מסכמות:**

1. בפקולטה להנדסה אספה מזכירות הסטודנטים נתונים לגבי מס' הקורסים שכל סטודנט סיים בשנה הראשונה ללימודיו בשנת 2008. להלן התוצאות שהתקבלו:



- א. מה המשתנה הנחקר? האם הוא בדיד או רציף?  
 ב. מהי צורת ההתפלגות?  
 ג. תאר את הנתונים בטבלת שכחיות.  
 ד. חשב את השכיח, החציון וטווח הציונים.



2. להלן התפלגות הציונים בבחינה בלשון שנעשתה עבור תלמידי כיתות ד'. השתתפו במחקר 150 תלמידים.

$$\text{ממוצע הציונים שהתקבל: } \bar{X} = 7\frac{1}{15}$$

מספר התלמידים	ציון
12	4
16	5
	6
38	7
	8
14	9
10	10

- א. השלם את השכיחויות החסרות בטבלה.  
 ב. חשב את הציון החציוני, השכיח ואמצע הטווח.  
 ג. חשב שונות וסטיית תקן להתפלגות הציונים.  
 ד. הוחלט לשנות את סקלת הציונים ולהכפיל את הציון ב-10. למשל, ציון 8 יהפוך להיות 80. מה הממוצע ומהי השונות של הציונים בסקלה זו?

3. להלן התפלגות מספר שעות העבודה לשבוע של העובדים בחברת "סטאר".  
בחברה 200 עובדים.

שכיחות	שכיחות יחסית (פרופורציה)	מספר שעות עבודה
	15%	10-20
	20%	20-30
	30%	30-40
	20%	40-50
		50-60

- א. השלם את הטבלה.
- ב. חשב את החציון, השכיח, והממוצע של התפלגות מס' שעות העבודה בחברה.
- ג. מהי סטיית התקן של מס' שעות העבודה?
- ד. מה העשירון העליון של ההתפלגות?
- ה. איזה אחוז מהעובדים עובדים מעל 45 שעות בשבוע?
- ו. מה ציון התקן של רינה שעובדת 30 שעות בשבוע?
- ז. כיצד ישתנה החציון, הממוצע וסטיית התקן אם מספר שעות העבודה המינימאלי אינו 10 אלא 15? הסבר.

4. חברה סלולארית דגמה 200 אנשים. עבור כל אדם נבדק מס' המסרונים ששלח במשך חודש. להלן ההתפלגות שהתקבלה:

מספר האנשים	מספר המסרונים
40	0-50
60	50-100
50	100-150
30	150-250
20	250-ומעלה

- א. מה אחוז האנשים ששלחו פחות מ-80 מסרונים בחודש?  
 ב. מה אחוז האנשים ששלחו בין 50 ל-120 מסרונים?  
 ג. הוחלט להעניק מתנה עבור  $\frac{1}{4}$  מהלקוחות שמשלמים במספר הרב ביותר של מסרונים בחודש. החל מאיזה כמות של מסרונים תחולק המתנה?  
 ד. ציינו איזה מדד ניתן לחשב ואיזה לא ניתן. אם ניתן חשב:
1. ממוצע
  2. שכיח
  3. חציון
  4. שונות

5. בחברה העוסקת בטלמרקטינג בדקו עבור כל עובד את מספר שנות הוותק שלו. התקבל שממוצע שנות הוותק הוא 4 שנים וסטיית התקן היא שנתיים.
- א. האם הממוצע יגדל/יקטן/לא ישתנה וסטיית התקן תגדל/תקטן/לא תשנה כאשר יתווספו שני עובדים עם וותק של 4 שנים להתפלגות?  
 ב. האם הממוצע יגדל/יקטן/לא ישתנה וסטיית התקן תגדל/תקטן/לא תשנה כאשר יתווספו שני עובדים אשר אחד עם וותק של 0 שנים והשני עם וותק של 8 שנים להתפלגות?  
 ג. השכר בחברה מחושב על סמך הוותק. שכר בסיס של 5,000 ₪ ו-500 ₪ תוספת על כל שנת וותק לחודש.  
 מה השכר הממוצע ומהי סטיית התקן של השכר לחודש?

6. להלן מספר טענות, עבור כל טענה ציין אם היא נכונה או לא נכונה ונמקו.
- א. בסדרה שבה כל התצפיות שוות זו לזו השונות הינה 0.
  - ב. ציון התקן של החציון תמיד יהיה 0.
  - ג. ציון התקן של האחוזון ה-70 בהתפלגות אסימטרית ימנית (חיובית) תמיד יהיה חיובית.
  - ד. אם נוסיף תצפיות לסדרה של תצפיות, הדבר בהכרח יגדיל את הממוצע של הסדרה.
  - ה. בסדרה החציון הינו 80. הוספו שתי תצפיות אחת 79 ואחת 100 לכן החציון יגדל.
  - ו. אם נוסיף את הערך 4 לכל התצפיות אז סטיית התקן לא תשתנה.
  - ז. אם נחלק את כל התצפיות בהתפלגות ב-2 אז השונות תקטן פי 2.
  - ח. אם נגדיל את ממוצע המשכורות של עובדים בחברה אז גם השונות תגדל.

**ט. תשובות סופיות לסטטיסטיקה תיאורית**

**פרק א' – הצגת נתונים**

**שאלה 1**

א. בדיד

**שאלה 2**

א. רציף

ה. התפלגות אסימטרית  
שמאלית (שלילית)

**שאלה 3**

א. התפלגות סימטרית

**פרק ב' – מדדי מיקום מרכזי**

**שאלה 1**

החציון: 7

השכיח: 6

אמצע הטווח: 7

הממוצע: 6.9

**שאלה 2**

א. החציון: 175

השכיח: 175

אמצע הטווח: 172.5

הממוצע: 174.75

**שאלה 3**

א. הממוצע: 1.7

החציון: 1.5

השכיח: 1

אמצע הטווח: 2

**שאלה 4**

הממוצע: 55

החציון: 55

אמצע הטווח: 55

השכיח: 47.5 ו-62.5

ב. הממוצע יגדל ויתר המדדים לא ישתנו.

**פרק ג' – מדדי פיזור**

**שאלה 1**

השונות: 2.19

סטיית תקן: 1.48

טווח: 6

**שאלה 2**

א. השונות: 69.3

סטיית תקן: 8.325

ב. טווח: 35

טווח בינרבעוני: 13.33

ג. ממוצע יקטן, חציון יקטן, שונות תגדל

וטווח לא ישתנה

**שאלה 3**

תשובה: 1.3

**שאלה 4**

תשובה: 10.8

פרק ד' – מדדי מיקום יחסישאלה 1

א. לשון

ב. תשובה: 72

שאלה 2

א. תשובה: 162.5

ב. תשובה: 170

ג. תשובה: 183.33

ד. תשובה: 3%

ה. תשובה: 15%

ו. תשובה: 55%

פרק ה' – ממוצע משוקלל ושונות מצורפתשאלה 1

א. תשובה: 76.22

ב. תשובה: 173.5

שאלה 2

א. תשובה: 70

ב. תשובה: 14.14

פרק ו' – טרנספורמציה לינאריתשאלה 1

הממוצע: 315

סטיית התקן: 60

השכיח: 275

שאלה 2

הממוצע: 46

השונות: 30.25

שאלה 3

החציון: 170

השונות: 69.3

הטווח: 35

שאלה 4

החציון: 1.75

השונות: 0.00693

הטווח: 0.35

העשירון התחתון: 1.625

העשירון התחתון: 157.5

**פרק ז' – שאלות מסכמות****שאלה 1**

א. מספר הקורסים. בדיד.

ב. התפלגות אסימטרית שמאלית (שלילית)

ד. השכיח: 5

הטווח: 5

החציון: 4

**שאלה 2**

א. 20 תלמידים קיבלו ציון 6 ו-40 תלמידים קיבלו ציון 8.

ב. החציון: 7

השכיח: 8

אמצע הטווח: 7

ג. השונות: 2.516

סטיית התקן: 1.586

ד. הממוצע: 70.67

השונות: 251.6

**שאלה 3**

ב. החציון: 35

השכיח: 35

הממוצע: 35

ג. סטיית תקן: 12.65

ד. תשובה: 53.333

ה. תשובה: 25%

ו. תשובה: -0.395

ז. חציון לא ישתנה, ממוצע יגדל וסטיית התקן תקטן.

**שאלה 5**

א. ממוצע לא ישתנה, סטיית התקן תקטן

ב. ממוצע לא ישתנה, סטיית התקן תגדל

ג. הממוצע: 7000 ש"ח, סטיית התקן: 1000 ש"ח

**שאלה 6**

א. נכון

ב. לא נכון

ג. לא נכון

ד. לא נכון

ה. לא נכון

ו. נכון

ז. לא נכון

ח. לא נכון

## פרק שני – מדדי קשר

### א. מדדי קשר למשתנים שמייים:

1. להלן תוצאות מחקר שבדק את הקשר בין מין לדעה מסוימת. לגבי כל נחקר נבדק המין שלו ודעתו האישית בדבר סוגיה מסוימת. הנחקרים היו צריכים לענות האם הם בעד, נמנעים או נגד הדעה שהוצגה להם. להלן התוצאות:

דעה	מין		
	נגד	נמנע	בעד
גבר	20	40	120
אישה	80	20	20

- א. חשב את מדד הקשר של למדא לניבוי דעה על סמך מין.  
 ב. חשב את מדד הקשר של למדא לניבוי מין על סמך דעה.  
 ג. חשב את מדד הקשר של קרמר.  
 בכל סעיף הסבר את משמעות התוצאה בהקשר של ממצאי המחקר.

2. בעיר 4 שכונות. בכל שכונה נבדק המצב הכלכלי של כל משפחה. להלן טבלת השכיחות המשותפת שהתקבלה:

מצב כלכלי	השכונה		
	גבוה	בינוני	נמוך
A			40
B		70	
C		80	
D	40		

חשב את מדדי הקשר של למדא והסבר את הממצאים.



3. נלקחו 200 אנשים שמתוכם 60 הצהירו שהם עוסקים בפעילות גופנית סדירה. מתוך אלו שעוסקים בפעילות גופנית סדירה 50 נמצאו במצב בריאותי תקין. מתוך אלו שלא עוסקים בפעילות גופנית סדירה 90 נמצאו במצב בריאותי תקין.
- א. בנה טבלת שכיחות משותפת לנתונים שהוצגו בשאלה.
- ב. האם קיים קשר בין פעילות גופנית למצב בריאותי? חשב לפי מדד הקשר של קרמר.

4. א. האם ניתן לחשב את מדד הקשר של  $\phi$  על נתוני שאלה 1? אם כן חשב!
- ב. האם ניתן לחשב את מדד הקשר של  $\phi$  על נתוני שאלה 3? אם כן חשב!

### ב. מדד הקשר של ספירמן:

1. בתוכנית "רוקדים עם כוכבים" שני שופטים נתנו ציון ל-7 הזוגות שהשתתפו בתוכנית:

מספר זוג	1	2	3	4	5	6	7
ציון שופט א'	7	8	6	8	9	5	6
ציון שופט ב'	8	8	7	8	9	5	7

האם קיים קשר בין שתי הערכות השופטים? נמק והסבר!

2. משרד רצה לבחון האם קיים קשר בין מידת המוטיבציה של העובדים שלו לבין מספר החיסורים של העובדים בחודש עבודה. להלן התוצאות שהתקבלו:

מספר חיסורים	מידת מוטיבציה
0	גבוהה
4	נמוכה
2	בינונית
5	נמוכה
1	גבוהה

האם קיים קשר בין רמת המוטיבציה של העובד ומספר החיסורים שלו? חשב באמצעות מדד הקשר המתאים והסבר.

3. אם  $r_s = 1$  הדבר אומר שערכי X תמיד שווים לערכי Y. האם הטענה נכונה? הסבר.

**ג. מדד הקשר של פירסון – מדד הקשר הלנארי (כולל רגרסיה לנארית**

**פשוטה):**

1. להלן נתונים לגבי חמישה תלמידים שנגשו למבחן אמצע סמסטר ולמבחן סוף סמסטר:

8	8	7	6	7	ציון אמצע סמסטר
10	9	7	7	8	ציון סוף סמסטר

- א. שרטט דיאגרמת פיזור לנתונים. מה ניתן להסיק מהדיאגרמה על הקשר בין ציון אמצע סמסטר לבין ציון סוף סמסטר?
- ב. חשב את מדד הקשר של פירסון. האם התוצאה מתיישבת עם תשובתך לסעיף א'?
2. נסמן ב- $X$  את ההכנסה של משפחה באלפי ₪. נסמן ב- $Y$  את ההוצאות של משפחה באלפי ₪. נלקחו 20 משפחות והתקבלו התוצאות הבאות:

$$\sum_{i=1}^{20} Y_i = 200 \quad \sum_{i=1}^{20} X_i = 240$$

$$\sum_{i=1}^{20} Y_i^2 = 2080 \quad \sum_{i=1}^{20} X_i^2 = 2960$$

$$\sum_{i=1}^{20} X_i Y_i = 2464$$

- א. חשב את מדד הקשר הלינארי בין  $X$  ל- $Y$ .
- ב. מצא את קו הרגרסיה לניבוי ההוצאה של משפחה על סמך הכנסה שלה.
- ג. משפחת כהן הכניסה 15,000 ₪, מה ההוצאה הצפויה שלה?
3. נסמן ב- $X$  את ההשכלה של אדם בשנות לימוד. נסמן ב- $Y$  את הכנסתו באלפי ₪. במחקר התקבלו התוצאות הבאות:

$$S_y = 5 \quad S_x = 2$$

$$\bar{Y} = 8 \quad \bar{X} = 14$$

$$COV(X, Y) = 7.5$$

- א. חשב את מדד הקשר של פירסון בין ההשכלה להכנסה.
- ב. מה ההכנסה הצפויה לאדם שהשכלתו 12 שנים?
- ג. מה ההשכלה הצפויה לאדם שהכנסתו 10,000 ₪?
- ד. איזה אחוז משונות ההכנסה מוסבר באמצעות ההשכלה של האדם?

לפתרון מלא בסרטון וידאו היכנסו ל- [www.GooL.co.il](http://www.GooL.co.il)

4. להלן רשימת טענות, לגבי כל טענה קבע נכון/לא נכון ונמק:
- א. מתווך דירות המיר מחירי דירות מדולר לשקל. נניח שדולר אחד הוא 3.5 ש. אם מתווך הדירות יחשב את מדד הקשר של פירסון בין מחיר הדירה בשקלים למחיר הדירה בדולרים הוא יקבל 1.
- ב. לסדרה של נתונים התקבל  $\bar{X} = \bar{Y} = 6$   $S_x = S_y = 1$  לכן מדד הקשר של פירסון יהיה 1.
- ג. אם שונות הטעויות שווה ל-0 (השונות הלא מוסברת) אז מקדם המתאם של פירסון יהיה 1.
- ד. אם מקדם המתאם של פירסון בין שני משתנים הוא 1 אזי שונות הטעויות (השונות הלא מוסברת) תהיה 1.
- ה. אם השונות המשותפת של X ושל Y הינה 0 אז בהכרח גם מקדם המתאם של פירסון יהיה 0.

**א. תשובות סופיות למדדי קשר****פרק א' – מדדי קשר למשתנים שמיים**

<b>שאלה 1</b>	<b>שאלה 2</b>
א. 0.375	1
ב. 0.5	0.533
ג. 0.595	
<b>שאלה 3</b>	<b>שאלה 4</b>
א.	א. לא ניתן
ב. 0.19	ב. 0.19

**פרק ב' – מדד הקשר של ספירמן**

<b>שאלה 1</b>	<b>שאלה 2</b>
0.973	-0.85
<b>שאלה 3</b>	
לא נכון	

**פרק ג' – מדד הקשר של פירסון – מדד הקשר הלינארי**

<b>שאלה 1</b>	<b>שאלה 2</b>
א.	א. 0.8
ב. 0.871	ב. $\tilde{Y} = 0.8X + 0.4$
	ג. 12.4
<b>שאלה 3</b>	<b>שאלה 4</b>
א. 0.75	א. נכון
ב. 4.25 אלפי ש"ח	ב. לא נכון
ג. 14.6 שנים	ג. לא נכון
ד. 56.25%	ד. נכון
	ה. נכון

## פרק שלישי - יסודות ההסתברות

### א. בעיות בסיסיות בהסתברות

1. מהאותיות E, F ו-G יוצרים מילה בת 2 אותיות לא בהכרח בת משמעות.
  - א. הרכב את כל המילים האפשריות.
  - ב. רשום את המקרים למאורע:
    - A במילה נמצאת האות E.
    - B במילה האותיות שונות.
    - ג. רשום את המקרים למאורע  $\bar{A}$ .
  
2. מטילים זוג קוביות.
  - א. רשום את מרחב המדגם של הניסוי. האם המרחב מדגם הוא אחיד?
  - ב. רשום את כל האפשרויות למאורעות הבאים:
    - A סכום התוצאות 7.
    - B מכפלת התוצאות 12.
  
3. בוחרים באקראי ספרה מבין הספרות 0-9.
  - א. מה ההסתברות שהספרה שנבחרה גדולה מ-5?
  - ב. מה ההסתברות שהספרה שנבחרה היא לכל היותר 3?
  - ג. מה ההסתברות שהספרה שנבחרה היא אי זוגית?
  
4. חשב את ההסתברויות למאורעות שהוגדרו בשאלה מספר 2.
  
5. להלן התפלגות מספר מקלטי הטלויזיה שנספרו עבור כל משפחה בישוב מסוים:

מספר מקלטים	מספר משפחות
0	22
1	28
2	18
3	22
4	10

- נבחרה משפחה באקראי מהישוב.
- א. מה ההסתברות שאין מקלטים למשפחה?
  - ב. מה ההסתברות שיש מקלטים למשפחה?
  - ג. מה ההסתברות שיש לפחות 3 מקלטים למשפחה?

## **ב. פעולות בין מאורעות**

1. חזור לנתונים של שאלה מספר 1 בפרק הקודם.
  - א. רשום את כל האפשרויות לחיתוך A עם B.
  - ב. רשום את כל האפשרויות לאיחוד של A עם B.
  
2. חזור לנתונים של שאלה מספר 2 בפרק הקודם.
  - א. רשום את כל האפשרויות לחיתוך A עם B.
  - ב. רשום את כל האפשרויות לאיחוד של A עם B.
  
3. תלמיד ניגש בסמסטר לשני מבחנים מבחן בכלכלה ומבחן בסטטיסטיקה. נגדיר את המאורעות הבאים:
  - A - לעבור את המבחן בסטטיסטיקה.
  - B - לעבור את המבחן בכלכלה.
 העזר בפעולות חיתוך, איחוד ומשלים בלבד כדי להגדיר את המאורעות הבאים וסמן בדיאגרמות וון את השטח המתאים:
  - א. התלמיד עבר רק את המבחן בכלכלה.
  - ב. התלמיד עבר רק את המבחן בסטטיסטיקה.
  - ג. התלמיד עבר את שני המבחנים.
  - ד. התלמיד עבר לפחות מבחן אחד.
  - ה. התלמיד נכשל בשני המבחנים.
  - ו. התלמיד נכשל בכלכלה.
  
4. בהמשך לשאלה הקודמת נתון שהסיכוי לעבור את המבחן בכלכלה הנו 0.8 והסיכוי לעבור את המבחן בסטטיסטיקה הנו 0.9. הסיכוי לעבור את שני המבחנים הנו 0.75. חשב את הסיכויים למאורעות הבאים:
  - א. לעבור לפחות את אחד המבחנים.
  - ב. לעבור רק את המבחן בכלכלה.
  - ג. לעבור רק את המבחן בסטטיסטיקה.
  - ד. להיכשל בשני המבחנים.

5. הסיכוי של מניה A לעלות הנו 0.5 ביום מסוים והסיכוי של מניה B לעלות ביום מסוים הנו 0.4. בסיכוי של 0.7 לפחות אחת מהמניות תעלה ביום מסוים. חשב את ההסתברויות הבאות לגבי שתי המניות הללו ביום מסוים :

א. ששתי המניות תעלנה.

ב. שאף אחת מהמניות לא תעלנה.

ג. שמניה A בלבד תעלה.

6. מטילים זוג קוביות אדומה ושחורה. נגדיר את המאורעות הבאים :

A- בקובייה האדומה התקבלה התוצאה 4 ובשחורה 2.

B- סכום התוצאות משתי הקוביות 6.

C- מכפלת התוצאות בשתי הקוביות 10.

א. האם A ו-B מאורעות זרים?

ב. האם המאורע B מכיל את המאורע A?

ג. האם A ו-C מאורעות זרים?

ד. האם A ו-C מאורעות משלימים?

7. עבור המאורעות A ו-B ידועות ההסתברויות הבאות :

$$p(\bar{A} \cap \bar{B}) = 0.1 \quad p(B) = 0.3 \quad p(A) = 0.6$$

א. האם A ו-B מאורעות זרים?

ב. חשב את  $p(\bar{A} \cap B)$

8. מטבע הוטל פעמיים. נגדיר את המאורעות הבאים :

A- קיבלנו עץ בהטלה הראשונה.

B- קיבלנו לפחות עץ אחד בשתי ההטלות.

איזו טענה נכונה?

א. A ו-B מאורעות זרים.

ב. A ו-B מאורעות משלימים.

ג. B מכיל את A.

ד. A מכיל את B.

9. בהגרלה חולקו 100 כרטיסים על 3 מהם רשום חופשה ועל 2 מהם רשום מחשב שאר הכרטיסים ריקים. אדם קיבל כרטיס אקראי.

- א. מה הסיכוי לזכות בחופשה או במחשב? האם המאורעות הללו זרים?  
 ב. מה ההסתברות לא לזכות בפרס?

10\*. באוכלוסיה מסוימת בדקו את סוגי חשבונות הבנק שבידי האנשים הבוגרים. הנתונים שהתקבלו היו: 45% מהאנשים מחזיקים חשבון בנק ב"בנק לאומי", 55% מחזיקים חשבון בנק ב"בנק הפועלים", 20% מחזיקים חשבון בנק ב"בנק דיסקונט", 15% מחזיקים חשבון בנק ב"בנק לאומי" וגם ב"בנק הפועלים", 10% מחזיקים חשבון בנק ב"בנק הפועלים" וגם ב"בנק דיסקונט" ו-10% מחזיקים חשבון בנק ב"בנק לאומי" וגם ב"בנק דיסקונט". כמו כן, 5% מחזיקים חשבון בנק בכל שלושת הבנקים הנ"ל.

- א. מה אחוז מחזיקי חשבון בנק ב-"בנק לאומי" בלבד?  
 ב. מה אחוז מחזיקי חשבון בנק ב"בנק הפועלים" וחשבון בנק ב"בנק לאומי" אך לא ב"בנק דיסקונט"?  
 ג. מה אחוז מחזיקי חשבון בנק אחד בלבד?  
 ד. מה אחוז מחזיקי שני חשבונות בנק בלבד?  
 ה. מה אחוז מחזיקי חשבון בנק אחד לפחות?

### ג. קומבינטוריקה

#### רמה א'

1. חשבו את מספר האפשרויות לתהליכים הבאים:
- א. הטלת קובייה פעמים.  
 ב. מספר תלת ספרתי.  
 ג. בחירת בן ובת מכתה שיש בה שבעה בנים ועשר בנות.  
 ד. חלוקת שני פרסים שונים לעשרה אנשים שונים כאשר אדם לא יכול לקבל יותר מפרס אחד.



2. במסעדה מציעים ארוחה עסקית. בארוחה עסקית יש לבחור מנה ראשונה, מנה עיקרית ושתייה. האופציות למנה ראשונה הן: סלט ירקות, סלט אנטיפסטי ומרק היום. האופציות למנה עיקרית הן: סטייק אנטרקוט, חזה עוף בגריל, לזניה בשרית ולזניה צמחונית. האופציות לשתייה הן: קפה, תה ולימונדה.
- א. כמה ארוחות שונות ניתן להרכיב בעזרת התפריט הזה?
- ב. אדם מזמין ארוחה אקראית. חשב את ההסתברויות הבאות:
1. בארוחה סלט ירקות, לזניה בשרית ולימונדה.
  2. בארוחה סלט, לזניה ותה.
3. בוחרים באקראי מספר בין חמש ספרות. חשבו את ההסתברויות הבאות:
- א. המספר הוא זוגי.
- ב. במספר כל הספרות שונות.
- ג. במספר כל הספרות זהות.
- ד. במספר לפחות שתי ספרות שונות.
- ה. במספר לפחות שתי ספרות זהות.
- ו. המספר הוא פלינדרום (מספר הנקרא מימין ומשמאל באותה צורה).
4. חמישה אנשים אקראיים נכנסו למעלית בבנין בן 8 קומות. חשבו את ההסתברויות הבאות:
- א. כולם ירדו בקומה החמישית?
- ב. כולם ירדו באותה קומה?
- ג. כולם ירדו בקומה אחרת?
- ד. ערן ודני ירדו בקומה השישית והיתר בשאר הקומות?
5. במפלגה חמישה עשר חברי כנסת. יש לבחור שלושה חברי כנסת לשלושה תפקידים שונים. בכמה דרכים ניתן לחלק את התפקידים אם:
- א. חבר כנסת יכול למלא יותר מתפקיד אחד.
- ב. חבר כנסת לא יכול למלא יותר מתפקיד אחד.
6. מטילים קובייה 4 פעמים.
- א. מה ההסתברות שכל התוצאות תהינה זהות?
- ב. מה ההסתברות של התוצאות תהינה שונות?
- ג. מה ההסתברות שלפחות שתי תוצאות תהינה זהות?
- ד. מה ההסתברות שלפחות שתי תוצאות תהינה שונות?

7. בכמה דרכים :

- א. אפשר לסדר 4 ספרים שונים על מדף?
- ב. בכמה דרכים אפשר לסדר חמישה חיילים בטור?

8. סידרו באקראי 10 דיסקים שונים על מדף שמתוכם שניים בשפה העברית.

- א. מה ההסתברות שהדיסקים בעברית יהיו צמודים זה לזה?
- ב. מה ההסתברות שהדיסקים בעברית לא יהיו צמודים זה לזה?
- ג. מה ההסתברות ששני הדיסקים בעברית יהיו כל אחד בקצה השני של המדף?

9. 4 בנים ו-4 בנות התיישבו באקראי בשורה של בית קולנוע בו 8 מקומות .

- א. מה ההסתברות שהבנים יישבו זה ליד זה?
- ב. מה ההסתברות שהבנות תשבנה זו ליד זו וגם הבנים יהיו זה ליד זה?
- ג. מה ההסתברות שהבנים יישבו במקומות הזוגיים?

### רמה ב'

1. בכיתה 40 תלמידים. מעוניינים לבחור חמישה מהם לוועד כיתה. בכמה דרכים ניתן להרכיב את הוועד אם :

- א. בוועד 5 תפקידים שונים ותלמיד יכול למלא יותר מתפקיד אחד.
- ב. בוועד 5 תפקידים שונים ותלמיד לא יכול למלא יותר מתפקיד אחד.
- ג. אין תפקידים שונים בוועד.

2. בכיתה 30 תלמידים מתוכם 12 תלמידים ו-18 תלמידות. יש לבחור למשלחת 4 תלמידים מהכיתה. התלמידים נבחרים באקראי.

- א. מה ההסתברות שהמשלחת תורכב רק מבנות?
- ב. מה ההסתברות שבמשלחת תהיה רק בת אחת?
- ג. מה ההסתברות שבמשלחת תהיה לפחות בת אחת?

3. מעוניינים להרכיב קוד סודי. הקוד מורכב מ-2 ספרות שונות ו-3 אותיות שונות באנגלית (26 אותיות אפשריות).

- א. כמה קודים שונים ניתן להרכיב?
- ב. כמה קודים שונים ניתן להרכיב אם הקוד מתחיל בספרה ונגמר בספרה?
- ג. כמה קודים ניתן להרכיב אם הספרות חייבות להיות צמודות זו לזו?
- ד. בכמה קודים הספרות לא מופיעות ברצף?

לפתרון מלא בסרטון וידאו היכנסו ל- [www.GooL.co.il](http://www.GooL.co.il)

4. בארונית 4 מגירות. ילד התבקש ע"י אימו לסדר 6 משחקים בארונית. הילד מכניס את המשחקים באקראי למגירות השונות. כל מגירה יכולה להכיל גם את כל המשחקים יחד.
- א. מה ההסתברות שהילד יכניס את כל המשחקים למגירה העליונה?
- ב. מה ההסתברות שהילד יכניס את כל המשחקים לאותה מגירה?
- ג. מה ההסתברות שה"דומינו" יוכנס למגירה העליונה ויתר המשחקים לשאר המגירות.
- ד. מה ההסתברות שה"דומינו" לא יוכנס למגירה העליונה?
5. בעיר מסוימת מתמודדות למועצת העיר 4 מפלגות שונות: "הירוקים", "קדימה", "העבודה" ו"הליכוד". 6 אנשים אינם יודעים למי להצביע, ולכן בוחרים באקראי מפלגה כלשהי.
- א. מה ההסתברות שכל ה-6 יבחרו באותה מפלגה?
- ב. מה ההסתברות שמפלגת ה"ירוקים" לא תקבל קולות?
- ג. מה ההסתברות שמפלגת ה"ירוקים" תקבל בדיוק 3 קולות וכל מפלגה אחרת תקבל קול 1 בלבד?
- ד. מה ההסתברות שמפלגת "הירוקים" תקבל 2 קולות, מפלגת "העבודה" תקבל 2 קולות ומפלגת "הליכוד" תקבל 2 קולות?

#### ד. הסתברות מותנה ודיאגרמת עצים

1. תלמיד ניגש בסמסטר לשני מבחנים מבחן בכלכלה ומבחן בסטטיסטיקה:
- נגדיר את המאורעות הבאים: A- לעבור את המבחן בסטטיסטיקה. B- לעבור את המבחן בכלכלה. כמו כן נתון שהסיכוי לעבור את המבחן בסטטיסטיקה הנו 0.9. הסיכוי לעבור את שני המבחנים הנו 0.75. חשבו את הסיכויים למאורעות הבאים:
- א. התלמיד עבר בסטטיסטיקה, מה ההסתברות שהוא עבר בכלכלה?
- ב. התלמיד עבר בכלכלה, מה ההסתברות שהוא עבר בסטטיסטיקה?
- ג. התלמיד עבר בכלכלה, מה ההסתברות שהוא נכשל בסטטיסטיקה?
- ד. התלמיד נכשל בסטטיסטיקה מה ההסתברות שהוא נכשל בכלכלה?
- ה. התלמיד עבר לפחות מבחן אחד מה ההסתברות שהוא יעבור את שני המבחנים?

2. במדינה שתי חברות טלפון סלולארי "סופט" ו"בל". 30% מהתושבים הבוגרים רשומים אצל חברת "בל". 60% מהתושבים הבוגרים רשומים אצל חברת "סופט". ל-15% מהתושבים הבוגרים אין טלפון סלולארי בכלל.
- א. איזה אחוז מהתושבים הבוגרים רשומים אצל שתי החברות?  
 ב. נבחר אדם שרשום אצל חברת "סופט", מה ההסתברות שהוא רשום גם אצל חברת "בל"?  
 ג. אם אדם לא רשום אצל חברת "בל", מה ההסתברות שהוא כן רשום בחברת "סופט"?  
 ד. אם אדם רשום אצל חברה אחת בלבד, מה ההסתברות שהוא רשום בחברת "סופט"?
3. בחברה מסוימת 10% מוגדרים בכירים והיתר מוגדרים זוטרים. מבין הבכירים 70% הם אקדמאים ומבין הזוטרים 20% הם אקדמאים. נבחר אדם באקראי מאותה חברה.
- א. מה הסיכוי שהוא בכיר אקדמאי?  
 ב. מה הסיכוי שהוא זוטר לא אקדמאי?  
 ג. מה הסיכוי שהוא אקדמאי?
4. בשקית סוכריות 4 סוכריות תות ו3 לימון. מוציאים באקראי סוכרייה אם היא בטעם תות אוכלים אותה ומוציאים סוכרייה נוספת, אך אם היא בטעם לימון מחזירים אותה לשקית ומוציאים סוכרייה נוספת.
- א. מה ההסתברות שהסוכרייה הראשונה שהוצאה בטעם תות והשנייה בטעם לימון?  
 ב. מה ההסתברות שהסוכרייה השנייה בטעם לימון?
5. באוכלוסיה מסוימת 30% הם ילדים, 50% בוגרים והיתר קשישים. לפי נתוני משרד הבריאות הסיכוי שילד יחלה בשפעת במשך החורף הוא 80%, הסיכוי שמבוגר יחלה בשפעת במשך החורף הוא 40% והסיכוי שקשיש יחלה בשפעת במשך החורף הוא 70%.
- א. איזה אחוז מהאוכלוסייה הינו קשישים שלא יחלו בשפעת במשך החורף?  
 ב. מה אחוז האנשים שיחלו בשפעת במשך החורף?  
 ג. נבחר אדם שחלה במשך החורף בשפעת, מה ההסתברות שהוא קשיש?  
 ד. נבחר ילד, מה ההסתברות שהוא לא יחלה בשפעת במשך החורף?

6. בכד א' 5 כדורים כחולים ו-5 כדורים אדומים. בכד ב' 6 כדורים כחולים ו-4 כדורים אדומים.
- בוחרים באקראי כד, מוציאים ממנו כדור ומבלי להחזירו מוציאים כדור נוסף.
- א. מה ההסתברות ששני הכדורים שיוצאו יהיו בצבעים שונים?
- ב. אם הכדורים שהוצאו הם בצבעים שונים, מה ההסתברות שהכדור השני שהוצא יהיה בצבע אדום?

### ה. תלות בין מאורעות

1. נתון:
- $$p(A) = 0.2$$
- $$P(B) = 0.5$$
- $$P(A \cup B) = 0.6$$
- האם המאורעות הללו בלתי תלויים?
2. חוקר מבצע שני ניסויים בלתי תלויים הסיכוי להצליח בניסוי הראשון הנו 0.7 והסיכוי להצליח בניסוי השני הוא 0.4.
- א. מה הסיכוי להצליח בשני הניסויים יחדו?
- ב. מה הסיכוי שניכשל בשני הניסויים?
3. מוצר צריך לעבור בהצלחה ארבע בדיקות בלתי תלויות לפני שיווקו, אחרת הוא נפסל ולא יוצא לשוק. הסיכוי לעבור בהצלחה כל אחת מהבדיקות הוא 0.8. בכל מקרה מבוצעות כל 4 הבדיקות.
- א. מה הסיכוי שהמוצר יפסל?
- ב. מה ההסתברות שהמוצר יעבור בהצלחה לפחות בבדיקה אחת?

### ו. שאלות מסכמות

1. 70% מהנבחנים בסטטיסטיקה עוברים את מועד א'. כל מי שלא עובר את מועד א' ניגש לעשות מועד ב', מתוכם 80% עוברים אותו. מבין אלה שנכשלים בשני המועדים 50% נרשמים לקורס מחדש, והיתר פורשים מהתואר.
- א. מה הסיכוי שסטודנט אקראי עבר את הקורס?
- ב. אם סטודנט אקראי עבר הקורס, מה הסיכוי שעבר במועד ב'?
- ג. מה אחוז הסטודנטים שפורשים מהתואר?
- ד. נבחרו 2 סטודנטים אקראיים רונית וינאי, מה ההסתברות שרונית עברה במועד א' ושינאי עבר במועד ב'?

2. באוכלוסייה מסוימת 40% הם גברים והיתר הן נשים. מבין הגברים 10% מובטלים.

בסך הכול 13% מהאוכלוסייה מובטלת.

א. מה אחוז האבטלה בקרב הנשים?

ב. נבחר אדם מובטל, מה ההסתברות שזו אישה?

ג. נגדיר את המאורעות הבאים:

A - נבחר אדם מובטל

B - נבחר גבר

האם המאורעות הללו זרים? והאם הם בלתי תלויים?

3. ערן מעוניין למכור את רכבו, הוא מפרסם מודעה באינטרנט ומודעה בעיתון. מבין אלה

שמעוניינים לרכוש רכב משומש 30% יראו את המודעה באינטרנט, 50% יראו את

המודעה בעיתון ו-72% יראו את המודעה בלפחות אחת מהמדיות.

א. מה אחוז האנשים מאלה שמעוניינים לרכוש רכב משומש יראו את 2 המודעות?

ב. אם אדם ראה את המודעה באינטרנט, מה ההסתברות שהוא לא ראה את המודעה

בעיתון?

ג. האם המאורעות: "לראות את המודעה באינטרנט" ו"לראות את המודעה

באינטרנט" בלתי תלויים?

ד. אדם שראה את המודעה באינטרנט בלבד יתקשר לערן בהסתברות של 0.7, אם

הוא ראה את המודעה בעיתון בלבד הוא יתקשר לערן בהסתברות של 0.6. ואם

הוא ראה את שתי המודעות הוא יתקשר לערן בהסתברות של 0.9.

1. מה ההסתברות שאדם המעוניין לרכוש רכב משומש יתקשר לערן?

2. אדם המעוניין לרכוש רכב משומש התקשר לערן. מה ההסתברות שהוא ראה

את שתי המודעות?

ז. תשובות סופיות ליסודות הסתברות:

פרק א' - בעיות בסיסיות בהסתברות

<u>שאלה 3</u>	<u>שאלה 4</u>
א. תשובה: 0.4	הסיכוי ל-A: $\frac{1}{6}$
ב. תשובה: 0.4	הסיכוי ל-B: $\frac{1}{9}$
ג. תשובה: 0.5	
<u>שאלה 5</u>	
א. תשובה: 0.22	
ב. תשובה: 0.78	
ג. תשובה: 0.32	

פרק ב' - פעולות בין מאורעות

<u>שאלה 4</u>	<u>שאלה 5</u>
א. תשובה: 0.95	א. תשובה: 0.2
ב. תשובה: 0.05	ב. תשובה: 0.3
ג. תשובה: 0.15	ג. תשובה: 0.3
ד. תשובה: 0.05	
<u>שאלה 6</u>	<u>שאלה 7</u>
א. לא	א. כן
ב. כן	ב. תשובה: 0.3
ג. כן	
ד. לא	
<u>שאלה 8</u>	<u>שאלה 9</u>
תשובה: ג'	א. תשובה: 0.05
	ב. תשובה: 0.95
<u>*שאלה 10</u>	
א. תשובה: 25%	
ב. תשובה: 10%	
ג. תשובה: 65%	
ד. תשובה: 20%	
ה. תשובה: 90%	

**פרק ג' - קומבינטוריקה****רמה א'**

<b>שאלה 1</b>	<b>שאלה 2</b>
א. תשובה: 36	א. 36
ב. תשובה: 900	ב. 1. $1/36$ 2. $1/9$
ג. תשובה: 70	
ד. תשובה: 90	
<b>שאלה 3</b>	<b>שאלה 4</b>
א. תשובה: 0.5	א. 0.00003
ב. תשובה: 0.3024	ב. 0.00024
ג. תשובה: 0.0001	ג. 0.20508
ד. תשובה: 0.9999	ד. 0.01047
ה. תשובה: 0.6976	
ו. תשובה: 0.01	
<b>שאלה 5</b>	<b>שאלה 6</b>
א. תשובה: 3,375	א. תשובה: $1/216$
ב. תשובה: 2,730	ב. תשובה: $5/18$
	ג. תשובה: $13/18$
	ד. תשובה: $215/216$
<b>שאלה 7</b>	<b>שאלה 8</b>
א. תשובה: 24	א. תשובה: 0.2
ב. תשובה: 120	ב. תשובה: 0.8
	ג. תשובה: 0.022
<b>שאלה 9</b>	
א. תשובה: 0.0714	
ב. תשובה: 0.0286	
ג. תשובה: 0.0143	



**רמה ב'**

<b>שאלה 1</b>	<b>שאלה 2</b>
א. תשובה: 102,400,000	א. תשובה: 0.1117
ב. תשובה: 78,960,960	ב. תשובה: 0.1445
ג. תשובה: 658,008	ג. תשובה: 0.9819
<b>שאלה 3</b>	<b>שאלה 4</b>
א. תשובה: 14,040,000	א. תשובה: 0.00024
ב. תשובה: 1,404,000	ב. תשובה: 0.00098
ג. תשובה: 5,616,000	ג. תשובה: 0.05933
ד. תשובה: 8,424,000	ד. תשובה: 0.75000
<b>שאלה 5</b>	
א. תשובה: 0.00098	
ב. תשובה: 0.17798	
ג. תשובה: 0.02929	
ד. תשובה: 0.02197	

**פרק ד' - הסתברות מותנה ודיאגרמת עצים**

<b>שאלה 1</b>	<b>שאלה 2</b>
א. תשובה: 0.833	א. תשובה: 5%
ב. תשובה: 0.9375	ב. תשובה: 0.0833
ג. תשובה: 0.0625	ג. תשובה: 0.786
ד. תשובה: 0.5	ד. תשובה: 0.6875
ה. תשובה: 0.789	
<b>שאלה 3</b>	<b>שאלה 4</b>
א. תשובה: 0.07	א. תשובה: 2/7
ב. תשובה: 0.72	ב. תשובה: 23/49
ג. תשובה: 0.25	
<b>שאלה 5</b>	<b>שאלה 6</b>
א. תשובה: 6%	א. תשובה: 0.544
ב. תשובה: 0.58	ב. תשובה: 0.5
ג. תשובה: 0.241	
ד. תשובה: 0.2	

**פרק ה' - תלות בין מאורעות**

<u>שאלה 1</u>	<u>שאלה 2</u>
כן	א. תשובה : 0.28
	ב. תשובה : 0.18
<u>שאלה 3</u>	
א. תשובה : 0.5904	
ב. תשובה : 0.9984	

**פרק ו' - שאלות מסכמות**

<u>שאלה 1</u>	<u>שאלה 2</u>
א. תשובה : 0.94	א. תשובה : 15%
ב. תשובה : 0.255	ב. תשובה : 0.692
ג. תשובה : 0.03	ג. תשובה : לא זרים ותלויים
ד. תשובה : 0.168	
<u>שאלה 3</u>	
א. תשובה : 8%	
ב. תשובה : 0.733	
ג. תלויים	
ד. 1. תשובה : 0.478 2. תשובה : 0.15	

## פרק רביעי - המשתנה המקרי הרציף

### א. פונקציית הצפיפות וההתפלגות המצטברת של המשתנה הרציף

1. נתון משתנה מקרי רציף  $X$  שפונקציית הצפיפות שלו היא:

$$f(x) = \begin{cases} cx & 0 \leq x \leq b \\ 0 & \text{אחרת} \end{cases}$$

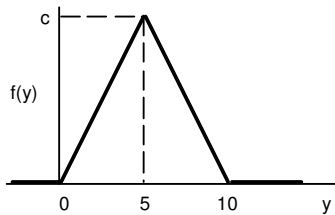
ידוע ש-  $P(0 < X < 1) = 1/4$ .

א. מצאו במפורש את פונקציית הצפיפות של  $X$ .

ב. מצאו את החציון של  $X$ .

ג. מה הסיכוי ש-  $X$  קטן מ- 0.5 ?

2. נתונה פונקציית צפיפות של משתנה מקרי  $Y$



א. מצאו את  $c$ .

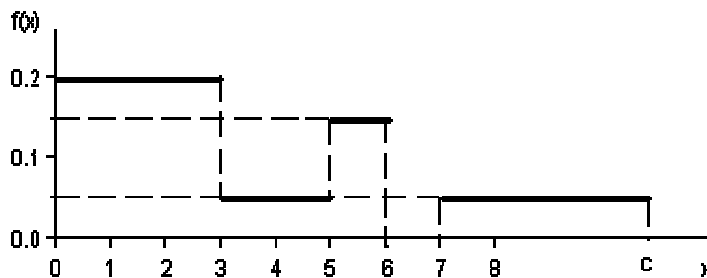
ב. מצאו את פונקציית ההתפלגות המצטברת של  $Y$ .

ג. חשבו את ההסתברויות:  $P(Y > 4)$ ,  $P(7.5 \leq Y \leq 15.5)$ ,  $P(Y \leq 3.0)$ ,  $P(Y = 7.0)$ .

ד. מצאו את העשירון התחתון  $y_{0.1}$ , הרבעון התחתון  $y_{0.25}$  והחציון של  $Y$ . הסיקו מהו העשירון

עליון  $y_{0.9}$ .

3. נתונה פונקציית צפיפות של משתנה מקרי  $X$ :



א. מצאו ערך  $c$  שעבורו תקבל פונקציית צפיפות.

ב. מצאו את פונקציית ההתפלגות המצטברת.

ג. חשבו את ההסתברויות הבאות:  $P(1.0 < X \leq 5.0)$ ,  $P(X \geq -2.0)$ ,  $P(X \geq 4)$ .

לפתרון מלא בסרטון וידאו היכנסו ל- [www.GooL.co.il](http://www.GooL.co.il)

כתב ופתר - ברק קנדל ©

**ב. התפלגויות מיוחדות:****התפלגות נורמלית**

1. הגובה של אנשים באוכלוסייה מסוימת מתפלג נורמלית עם ממוצע של 170 ס"מ וסטית תקן של 10 ס"מ.
  - א. מה אחוז האנשים שגובהם מתחת ל- 182.4 ס"מ?
  - ב. מה אחוז האנשים שגובהם מעל 190 ס"מ?
  - ג. מה אחוז האנשים שגובהם בדיוק 173.6 ס"מ?
  - ד. מה אחוז האנשים שגובהם מתחת ל- 170 ס"מ?
  - ה. מה אחוז האנשים שגובהם לכל היותר 170 ס"מ?
  
2. המשקל של אנשים באוכלוסייה מסוימת מתפלג נורמלית עם ממוצע של 60 ק"ג וסטית תקן של 8 ק"ג.
  - א. מה אחוז האנשים שמשקלם נמוך מ- 55 ק"ג?
  - ב. מהי פרופורציית האנשים באוכלוסייה שמשקלם לפחות 50 ק"ג?
  - ג. מהי השכיחות היחסית של האנשים באוכלוסייה שמשקלם בין 60 ל- 70 ק"ג?
  - ד. לאיזה חלק מהאוכלוסייה משקל הסוטה מהמשקל הממוצע בלא יותר מ- 4 ק"ג?
  - ה. מה אחוז האנשים באוכלוסייה הזו ששוקלים מתחת ל- 140 ק"ג?
  
3. ציוני מבחן אינטליגנציה מתפלג נורמלית עם ממוצע 100 ושונות 225.
  - א. מה העשירון העליון של הציונים במבחן האינטליגנציה?
  - ב. מה העשירון התחתון של ההתפלגות?
  - ג. מהו הציון ש- 20% מהנבחנים מקבלים מעליו?
  - ד. מהו האחוזון ה- 20?
  - ה. מה הרבעון התחתון?
  
4. אורך חיים של מכשיר מתפלג נורמלית. ידוע שמחצית מהמכשירים חיים פחות מ- 500 שעות, כמו כן ידוע ש- 67% מהמכשירים חיים פחות מ- 544 שעות.
  - א. מהו ממוצע אורך חיי מכשיר?
  - ב. מהי סטית בתקן של אורך חיי מכשיר?
  - ג. מה הסיכוי שמכשיר אקראי יחיה פחות מ- 460 שעות?
  - ד. מהו המאיון העליון של אורח חיי מכשיר?
  - ה. 1% מהמכשירים בעלי אורך החיים הקצר ביותר נשלח למעבדה לבדיקה מעמיקה. מהו אורך החיים המקסימלי לשליחת מכשיר למעבדה?

5. <sup>1</sup> הזמן שלוקח לאדם להגיע לעבודתו מתפלג נורמלית עם ממוצע של 40 דקות וסטית תקן של 5 דקות.

א. מה ההסתברות שמשך הנסיעה של האדם לעבודתו יהיה לפחות שלושת רבעי השעה?

ב. אדם יצא לעבודתו בשעה 08:10 מביתו. הוא צריך להגיע לעבודתו בשעה 09:00. מה הסיכוי שיאחר לעבודתו?

ג. אם ידוע שזמן נסיעתו לעבודה היה יותר משלושת רבעי השעה. מה ההסתברות שזמן הנסיעה הכולל יהיה פחות מ-50 דקות?

ד. מה הסיכוי שבשבוע (חמישה ימי עבודה) בדיוק פעם אחת יהיה זמן הנסיעה לפחות שלושת רבעי השעה?

6. <sup>1</sup> ההוצאה החודשית לבית אב בעיר "טרירה" מתפלגת נורמלית עם ממוצע של 2000 דולר וסטית תקן של 300 דולר. בחרו באקראי 5 בתי אב. ההסתברות שלפחות אחד מהם מוציא בחודש מעל ל-T דולר היא 0.98976.

א. מה ערכו של T.

ב. מה הסיכוי שההוצאה החודשית של בית אב בעיר תהיה לפחות סטיית תקן אחת מעל T?

ג. אם זוז שווה ל \$ 2, מצא את סטית התקן של ההוצאה החודשית לבית אב בזוים.

<sup>1</sup> השאלה רלבנטית רק למי שכבר למד הסתברות והתפלגות בינומית.

התפלגות אחידה

1. משך (בדקות) הפסקה בשיעור,  $X$ , מתפלג  $U(13, 16)$ .
- א. מהי התוחלת ומהי סטיית התקן של משך ההפסקה?
- ב. מהי ההסתברות שהפסקה תמשך יותר מ-15 דקות?
- ג. מהי ההסתברות שמשך ההפסקה יסטה מהתוחלת בפחות מדקה?
2. רכבת מגיעה לתחנה בשעות היום כל עשר דקות. אדם הגיע לתחנה בזמן אקראי.
- א. הסבר כיצד מתפלג זמן ההמתנה לרכבת?
- ב. אם זמן ההמתנה לרכבת ארך יותר מ-5 דקות, מהי ההסתברות שבסך הכל האדם ימתין לרכבת פחות מ-8 דקות?
- ג. מה תוחלת מספר הימים שיעברו עד הפעם הראשונה שהאדם ימתין לרכבת יותר מ-9 דקות?
3. מתקן המילוי במפעל ממלא בקבוקים באופן אחיד לפי פונקציה הצפיפות (סמ"ק):
- $$f(x) = \begin{cases} 0.8 & 120 \leq x \leq 121.25 \\ 0 & \text{אחרת} \end{cases}$$
- א. מה אחוז הבקבוקים שתכולתם מעל 120.4 סמ"ק?
- ב. דרישות התקן הן לדחות כל בקבוק עם תכולה השונה מן התכולה המוצהרת (121 סמ"ק) ביותר מחמישית סמ"ק. מהו אחוז הבקבוקים שלא יעמדו בתקן? (בקבוק כזה יושמד).
- ג. בקבוק תקני יימכר ב-8 שקלים. עלות הייצור לבקבוק היא 2 שקל. מה הרווח הממוצע במכירת בקבוק?

### התפלגות מעריכית (אקספוננציאלית)

1. הזמן שעובר בכביש מסוים עד להתרחשות תאונה מתפלג מעריכית עם תוחלת של 24 שעות.
  - א. מהי סטיית התקן של הזמן עד להתרחשות תאונה?
  - ב. מה ההסתברות שהתאונה הבאה תתרחש תוך פחות מיממה?
  - ג. מהי ההסתברות שהתאונה הבאה תתרחש תוך לפחות יומיים?
  
2. משך הזמן  $X$  (בדקות) שסטודנטים יושבים ליד מסוף מחשב מתפלג מעריכית עם תוחלת של 30 דקות.
  - א. מה הסיכוי שעבודת סטודנט על המחשב תארך פחות מרבע שעה?
  - ב. מה הסיכוי שעבודת סטודנט על המחשב תארך בין רבע שעה לחצי שעה?
  - ג. אם סטודנט עובד ליד המסוף כבר יותר מ- 10 דקות, מה ההסתברות שמשך כל עבודתו ליד המסוף יעלה על 30 דקות?
  
3. בממוצע מגיעים לחדר מיון 4 חולים בשעה בזרם פואסוני.
  - א. שולה המזכירה הגיעה לחדר המיון. מה ההסתברות שזמן ההמתנה שלה לחולה הבא יהיה יותר מ- 20 דקות?
  - ב. אם שולה המתונה יותר מרבע שעה לחולה הבא. מה ההסתברות שתמתין בסך הכל יותר מחצי שעה?
  - ג. מה ההסתברות שבין החולה הראשון לשני יש להמתין יותר מרבע שעה ובין החולה השני לשלישי יש להמתין פחות מרבע שעה?

## ג. תשובות סופיות למשתנה המקרי הרציף

פרק א' – פונקציות צפיפות והתפלגות מצטברת

שאלה 1	שאלה 2
א. $b=2$ $c=0.5$	א. 0.2
ב. 1.41	ג. 0, 0.125, 0.18, 0.32
ג. 0.0625	ד. העשירון התחתון: 2.24 הרבעון התחתון: 3.54 החציון: 5 העשירון העליון: 7.76
שאלה 3	
א. 10	
ג. 0.5, 1, 0.35	

## פרק ב' – התפלגויות מיוחדות

התפלגות נורמלית

שאלה 1	שאלה 2
א. 89.25%	א. 26.43%
ב. 2.28%	ב. 89.44%
ג. 0	ג. 39.44%
ד. 50%	ד. 0.383
ה. 50%	ה. 100%
שאלה 3	שאלה 4
א. 119.23	א. 500
ב. 80.77	ב. 100
ג. 112.63	ג. 0.3446
ד. 87.37	ד. 732.6
ה. 89.89	ה. 267.4
שאלה 5	שאלה 6
א. 0.1587	א. 1924.1
ב. 0.0228	ב. 0.2266
ג. 0.8563	ג. 600
ד. 0.3975	



התפלגות אחידה

<u>שאלה 1</u>	<u>שאלה 2</u>
א. תוחלת: 14.5	א. $X \sim U(0,10)$
ב. שונות: 0.866	ב. 0.6
ג. 1/3	ג. 10
א. 2/3	
<u>שאלה 3</u>	
א. 68%	
ב. 68%	
ג. 0.56	

התפלגות מעריכית

<u>שאלה 1</u>	<u>שאלה 2</u>
א. 24 שעות	א. 0.632
ב. 0.632	ב. 0.239
ג. 0.135	ג. 0.513
<u>שאלה 3</u>	
א. 0.264	
ב. 0.368	
ג. 0.233	