

# פיזיקה 2 חשמל ומגנטיות מס קורס 400141

פרק 2 - חוק קולון

תוכן העניינים

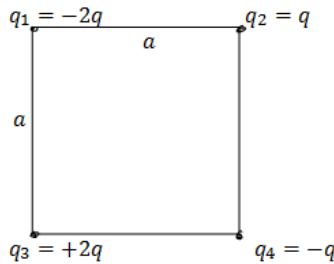
1. חוק קולון וסופרפוזיציה.....1
2. התפלגות מטען רציפה.....4

## חוק קולון וסופרפוזיציה:

### שאלות:

#### (1) מטען בפינת ריבוע

חשב את הכוח הפועל על המטען שבפינה התחתונה הימנית של הריבוע שבשרטוט.  $q$  ו- $a$  נתונים.



#### (2) מטענים בקודקודי משולש

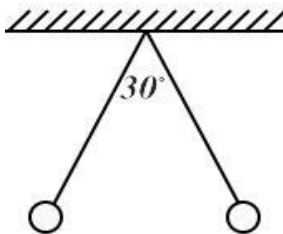
שלושה מטענים זהים נמצאים על קדקודיו של משולש שווה צלעות. גודל כל מטען הוא  $q = 2\mu C$  ואורך צלע המשולש היא  $4m$ .



מצא את הכוח שמרגיש כל מטען כתוצאה מהמטענים האחרים.

#### (3) שני כדורים תלויים

שני כדורים בעלי מסה  $m$  ומטען זהה תלויים מהתקרה ע"י חוטים בעלי אורך  $L$ . הזווית בין החוטים היא  $30^\circ$  מעלות. מצא את מטען הכדורים.

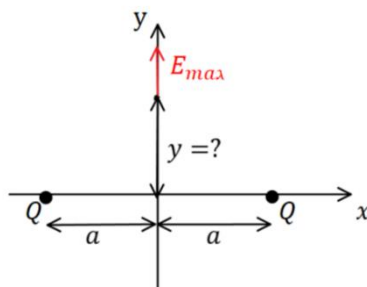


#### (4) שדה מקסימלי בין שני מטענים

שני מטענים בעלי מטען זהה  $Q$  נמצאים על ציר ה- $x$  בנקודות  $(a, 0)$  ו- $(-a, 0)$ . א. מצאו את הנקודה על ציר ה- $y$  כלומר  $(0, y)$  שבה השדה החשמלי מקסימלי.

ב. מה גודל השדה בנקודה זו?

ג. באיזה נקודה השדה מקסימלי בציר ה- $z$ ?



### 5) שפופרת טלויזיה

אלקטרונים נכנסים לשפופרת במהירות  $V$  נתונה.  
 בשפופרת יש שדה קבוע בשני הכיוונים הניצבים למהירות כניסת האלקטרונים.  
 אורך השפופרת הוא  $d$ .  
 חשב את נקודת הפגיעה של האלקטרונים במסך הנמצא במרחק  $L$  מקצה השפופרת.  
 הנח כי  $d \ll L$  וכי מסת ומטען האלקטרון ידועים.



### 6) דיפול מפעיל כוח על דיפול

דיפול חשמלי מורכב משני מטענים נקודתיים  $\pm q$

הנמצאים בנקודות  $\left(0, \pm \frac{d}{2}\right)$  (ראו איור).

א. חשבו את השדה החשמלי שיוצר הדיפול

בנקודה  $(y, 0)$  שעל ציר ה- $y$ .

ב. השתמשו בתוצאת הסעיף הקודם וחשבו את

הכוח שמפעיל הדיפול הנ"ל על דיפול נוסף

שמטעניו גם כן  $\pm q$  המרוחקים זה מזה

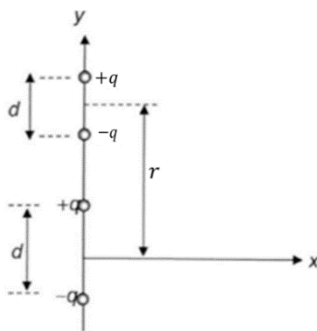
מרחק  $d$  (המצוי על ציר ה- $y$  גם כן) ואשר מרכזו

במרחק  $r$  ממרכז הדיפול הראשון. הניחו ש- $r > d$ .

ג. למה תצטמצם תשובתכם לסעיף קודם עבור  $r \gg d$ ?

הדרכה: השתמשו בפיתוח לטור טיילור (או מקלורן) של פונקציית

$$\text{החזקה: } (1+x)^n \approx 1+nx+\frac{n(n-1)}{2}x^2+\dots$$



## תשובות סופיות:

$$\frac{kq^2}{a^2} \left( 1 - \frac{1}{\sqrt{2}} \right) \quad (1)$$

$$3.897 \cdot 10^{-3} \text{ N} \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{mg}{k}} \tan(15^\circ) L^2 (2 - \sqrt{3}) \quad (3)$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} a \quad \text{ג.} \quad \frac{4kQ}{\sqrt{27}a^2} \quad \text{ב.} \quad \frac{1}{\sqrt{2}} a \quad \text{א.} \quad (4)$$

$$z \approx \frac{|e|E_z d \cdot L}{mv^2}, \quad \frac{|e|E_x d \cdot L}{mv^2} \quad (5)$$

$$\vec{E}(y) = kq \left[ \frac{1}{\left(y - \frac{d}{2}\right)^2} - \frac{1}{\left(y + \frac{d}{2}\right)^2} \right] \hat{y} \quad \text{א.} \quad (6)$$

$$\vec{F} = kq^2 \left[ \frac{2}{r^2} - \frac{1}{(r+d)^2} - \frac{1}{(r-d)^2} \right] \hat{y} \quad \text{ב.}$$

$$\vec{F} = -\frac{6d^2 kq^2}{r^4} \hat{y} \quad \text{ג.}$$

## התפלגות מטען רציפה:

### שאלות:

#### (1) התפלגות מטען רציפה-תיל מכופף



תיל אינסופי הטעון בצפיפות מטען ליח' אורך  $\lambda$  מכופף לחצי מעגל בעל רדיוס  $R$ . מצא את השדה במרכז חצי המעגל.

#### (2) שדה של טבעת ודיסקה



נתונה טבעת בעלת רדיוס  $R$  וצפיפות מטען ליחידת אורך  $\lambda$ .

א. חשב את השדה של טבעת ברדיוס  $R$  הטעונה בצפיפות מטען ליחידת אורך  $\lambda$  לאורך ציר הסימטריה של הטבעת.

ב. חשב את השדה החשמלי של דיסקה ברדיוס  $R$  הטעונה בצפיפות מטען  $\sigma$  לאורך ציר הסימטריה של הדיסקה.

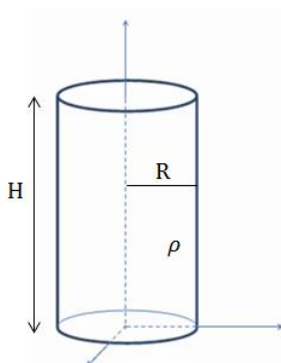
#### (3) טבעת חצי חצי



נתונה טבעת בעלת רדיוס  $R$ .

חציה האחד של הטבעת טעון בצפיפות מטען  $\lambda$  וחציה השני טעון בצפיפות  $-\lambda$ . מצא את השדה לאורך ציר הסימטריה של הטבעת.

#### (4) שדה של גליל מלא



גליל מלא בעל רדיוס  $R$  וגובה  $H$  טעון בצפיפות מטען אחידה ליחידת נפח  $\rho$ . מצא את השדה לאורך ציר הסימטריה של הגליל (בתוך ומחוץ לגליל).

**(5) טבעת עם צפיפות לא אחידה**

טבעת ברדיוס  $R$  טעונה בצפיפות מטען משתנה התלויה בזווית עם ציר ה- $x$ .

$$\lambda(\theta) = \lambda_0 \sin \theta$$

$\lambda_0$ ,  $R$  קבועים נתונים.

א. מהו סך המטען על הטבעת?

ב. מצא את השדה החשמלי בכל נקודה על ציר הסימטריה של הטבעת (גודל וכיוון).

ג. מצא מהו השדה החשמלי עבור  $z \gg R$ .

איזה שדה מאפיין מתקבל? ומדוע? (סעיף זה קשור לנושא של דיפולים).

**(6) שדה של תיל סופי**

תיל סופי באורך  $L$  טעון במטען כולל  $Q$  המפולג בצורה אחידה.

חשב את השדה החשמלי לאורך ציר המאונך לתיל והעובר במרכזו.

**(7) שדה של טבעת עם חלק חסר**

במערכת הבאה ישנה טבעת ברדיוס  $R$  שחציה הימני טעון בצפיפות מטען  $\lambda_1$  וחציה השמאלי טעון

בצפיפות מטען  $\lambda_2$ .

לחציה הימני חסר חלק באורך קשת הנשען מול הזווית  $2\alpha$ .

מצא את השדה במרכז הטבעת.

**(8) כוח של מוט על מוט**

שני מוטות בעלי אורך  $L$  טעונים

בצפיפות מטען אחידה ליחידת אורך  $\lambda$ .

שני המוטות מונחים על ציר ה- $x$

כפי שנראה בצור.

מצא את הכוחות שמפעילים המוטות אחד על השני.



**(9) כוח של מוט על דסקה**

במערכת הבאה ישנה דסקה (מלאה) ברדיוס  $R$  הטעונה בצפיפות מטען אחידה ליחידת שטח  $\sigma$ . מוט באורך  $L$  מונח לאורך ציר הסימטריה של הדסקה ובגובה  $d$  מעל מרכזה (ראה איור). המוט טעון בצפיפות מטען אחידה ליחידת אורך  $\lambda$ . מצא מה הכוח שמפעיל המוט על הדסקה.

**(10) חרוט קטום\*\***

מטען  $q$  נמצא בקודקודו של משטח בצורת חרוט בעל חצי זווית מפתח השווה ל- $\theta$  ואורך הקו היוצר הוא  $l$  (ראו איור). החרוט טעון בצפיפות מטען אחידה ליחידת שטח  $\sigma$ .

א. האם ניתן לחשב את הכוח על המטען אם המטען נמצא ממש בקצה החרוט?

ב. חשבו את הכוח הפועל על המטען מהחרוט. (הדרכה: השתמש בסופרפוזיציה של טבעות, השטח של טבעת אינפיניטסימלית בעובי  $dr$  הנמצאת במרחק  $r$  מקודקוד החרוט הוא:  $dS = 2\pi r \sin \theta dr$  בקואורדינטות כדוריות).

ג. עבור איזו זווית  $\theta$  הכוח מקסימאלי? מה קורה כאשר:  $\theta = \frac{\pi}{2}$ ?

## תשובות סופיות:

$$(1) \quad 0$$

$$(2) \quad \text{א.} \quad \frac{k\lambda R\pi z}{(R^2 + z^2)^{\frac{3}{2}}} \begin{cases} \hat{z} & z > 0 \\ -\hat{z} & z < 0 \end{cases}$$

$$\text{ב.} \quad 2\pi k\sigma z \left( \frac{1}{z} - \frac{1}{\sqrt{R^2 + z^2}} \right)$$

$$(3) \quad 2 \cdot \frac{-k\lambda R^2 2}{(R^2 + z^2)^{\frac{3}{2}}}$$

$$(4) \quad 2\pi\sigma k$$

$$(5) \quad \text{א.} \quad 0 \quad \text{ב.} \quad -\frac{k\pi\lambda_0 R^2}{(R^2 + z^2)^{\frac{3}{2}}} \quad \text{ג.} \quad -\frac{k\pi\lambda_0 R^2}{z^3}$$

$$(6) \quad \frac{kQ}{y \left( \left( \frac{L}{2} \right)^2 + y^2 \right)^{\frac{1}{2}}}$$

$$(7) \quad \frac{k}{R} [\lambda_1 (2 \sin \alpha - 2) + \lambda_2 \cdot 2]$$

$$(8) \quad kx^2 \ln \left| \frac{4}{3} \right|$$

$$(9) \quad 2\pi k\sigma\lambda \left[ L - \left( \sqrt{R^2 + (L+d)^2} \right) - \sqrt{R^2 + d^2} \right]$$

$$(10) \quad \text{א. לא, כי המרחק בין המטען למטענים בקודקוק הוא אפס ואי אפשר לחשב}$$

$$\text{ב.} \quad \vec{F} = q\pi\sigma k \sin(2\theta) \ln 2 \cdot \hat{z} \quad \text{כוח כאשר המרחק הוא אפס.}$$

$$\text{ג. החרוט הקטום הופך לדיסקה עם חור והשדה במרכז מתאפס.}$$