

פיזיקה לביולוגיה (1c)

פרק 19 - גוף קשיח

תוכן העניינים

| | |
|----|---------------------------------------------|
| 1 | . הגדרות, ציר סיבוב ותנע קווי |
| 2 | . תנע זוויתי של גוף קשיח |
| 5 | . אנרגיה סיבובית של גוף קשיח |
| 8 | . ניתוח לפי כוחות ומומנטים וגלגול ללא החלקה |
| 11 | . גלגול עם החלקה |
| 12 | . תרגילים מסכמים |

הגדירות, ציר סיבוב ותנועה קווי:

רקע:

הגדרה : המרחק בין כל שתי נקודות על הגוף תמיד קבוע.

אם גוף קשיח מסתובב סביב ציר סיבוב **כל נקודות על הגוף מבצעות תנועה מעגלית** באותה מהירות הזרויתית (אך לא באותה מהירות קוויות)

תנוע קווי של גוף קשיח :

$$\vec{p} = M \vec{v}_{c.m.}$$

תנע זוויתית של גוף קשיח:

רקע:

תנאי של גוף הנע בקו ישר (ללא סיבוב פנימי, כלומר לכל החלקים בגוף אותה מהירות קווית):

$$\vec{L} = \vec{r}_{c.m.} \times \vec{p}_{c.m.}$$

תנאי של גוף קשיח המסתובב סביב ציר קבוע:

$$\vec{L} = I\vec{\omega}$$

I - מומנט ההתמד ביחס לציר

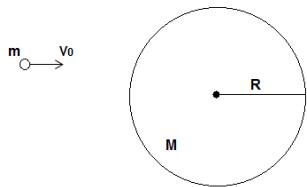
תנאי של תנועה משולבת (ציר שז, כולם הגוף גם זו וגם מסתובב):

$$\vec{L} = \vec{r}_{c.m.} \times \vec{p}_{c.m.} + \vec{L}_{c.m.}$$

כאשר $\vec{L}_{c.m.}$ הוא התנאי ביחס לציר העובר במרכז המסה ושווה ל-

$$\vec{L}_{c.m.} = I_{c.m.}\vec{\omega}$$

שאלות:



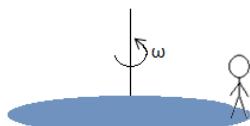
1) כדור מתנגן בדיסקה

דיסקה בעל מסה M ורדיוס R מחוברת באמצעות ציר העובר במרכזו לשולחן אופקי חסר חיכוך.

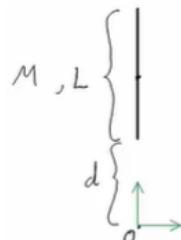
כדור פלטילינה בעל מסה m נעה במהירות v_0 לעבר הדיסקה.

הכדור פוגע בדיסקה משמאל, ובמרחק d ממרכזו (סביב הцентр במרכז הדיסקה). הדיסקה נמצאת במנוחה לפני הפגיעה וכוח הכולד אינו מושפע על הגוף (המערכת אופקית).

מצא את מהירות הזוויתית בה יסתובבו הגוף לאחר הפגיעה.

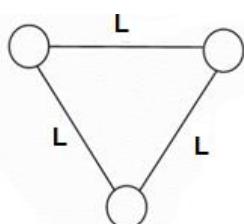


- 2) אדם קופץ מdiskה**
- נתונה דיסקה בעלייה רדיוס R המסתובבת סביב מרכזה ב מהירות זוויתית קבועה ω . בקצת הדיסקה עומד איש נקודתי ומסתובב ביחד עם הדיסקה. ברגע מסוים האיש קופץ מהדיסקה ונตอน כי מהירותו מיד לאחר הקפיצה היא v_0 בכיוון הרדיאלי, ביחס לקרקע. מצא את מהירות הזוויתית של הדיסקה לאחר הקפיצה אם נתונים מסת האיש m ומסת הדיסקה M .



3) דוגמה - תנועה זוויתית של תנועה משולבת

נתון מוט בעל אורך L ומסה M . המרחק בין הקצה התיכון של המוט עד ראשית הצירים הוא d . המוט מסתובב בכיוון השעון מסביב לראשית. חשב את התנועה הזוויתית.



4) שלושה כדורים

שלושה כדורים זהים בעלי מסה m מצויים בפינותיו של משולש שווה צלעות. ה כדורים מחוברים באמצעות שלושה מוטות חסרי מסה ואורך L (צלעות המשולש).

- א. חשבו את מיקום מרכזו המסה של המערכת. כת, נתון כי הגוף מסתובב ב מהירות זוויתית ω נתונה, סביב מרכזו המסה שלו. ברגע מסוים, כאשר הגוף נמצא במצב המתואר בציור, ה כדור התיכון ניתק מהגוף.
- ב. מצאו את מהירות ה כדור שניתק לאחר הניתוק.
- ג. מצאו את מהירות מרכזו המסה של החלק הנותר.
- ד. מצאו את מהירות הזוויתית של החלק הנותר סביב מרכזו המסה שלו.

5) מסמר נועץ דיסקה מסתובבת

דיסקה ברדיוס R ומסה m מונחת על שולחן אופקי במנוחה. מסובבים את הדיסקה ב מהירות זוויתית ω סביב מרכזו המסה של (סביב ציר Z). מסמר נופל מהשניים ופוגע בקצת של הדיסקה ונווץ אותה לשולחן.

- א. מהי מהירות הזוויתית של הדיסקה סביב המסמר לאחר הנעיצה?
- ב. ענו שוב על השאלה רק הפעם הנינו שבניוסף לסיבוב, מרכזו המסה של הדיסקה נע ב מהירות v לפני הנעיצה.

תשובות סופיות:

$$\omega = \frac{mv_0d}{I} \quad (1)$$

$$\omega' = \frac{\left(\frac{1}{2}M + m\right)\omega_0}{\frac{1}{2}M} \quad (2)$$

$$\left(\frac{L}{2} + d\right)^2 M\omega + I_{c.m.}\omega_{c.m.} = L \quad (3)$$

$$v_{1,2_{c.m.}} = \frac{1}{2}\omega R\hat{x} \quad .\lambda \quad v_3 = -\omega R\hat{x} \quad .\beth \quad y_{c.m.} = \frac{1}{2\sqrt{3}}, x_{c.m.} = \frac{L}{2} \quad .\aleph \quad (4)$$

$$I_{1,2,3}\omega = m|v_3|R + 2mv_{1,2}y_{c.m.} + 2m\left(\frac{1}{2}L\right)^2 \cdot \daleth$$

$$\frac{1}{3}\left(\omega + 2\frac{v}{R}\right) \cdot \beth \quad \frac{1}{3}\omega \cdot \aleph \quad (5)$$

אנרגייה סיבובית של גוף קשיח:

רקע:

אנרגייה קינטית סיבובית סביב ציר קבוע כלשהו :

$$E_k = \frac{1}{2} I \omega^2$$

אנרגiya קינטית עבור ציר לא קבוע (תנועה משולבת) העובר במרכז המסה :

$$E_k = \frac{1}{2} m v_{c.m.}^2 + \frac{1}{2} I_{c.m.} \omega^2$$

אנרגiya קינטית עבור ציר לא קבוע (תנועה משולבת) כלשהו :*

$$E_k = \frac{1}{2} m v_o^2 + \frac{1}{2} I_o \omega^2 + m \vec{r}_{c.m.,o} \cdot (\vec{v}_o \times \vec{\omega})$$

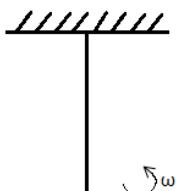
I_o - מומנט ההתמד ביחס לציר

\vec{r}_o - היא מהירות הציר

$\vec{r}_{c.m.,o}$ - מיקום מרכזו המסה ביחס לציר

*השימוש בנוסחה מאד נדרי

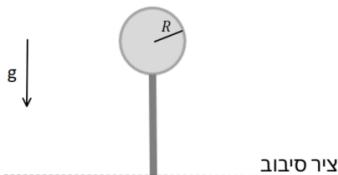
שאלות:



1) **מוט מסתובב**

מוט באורך L ומסה M מחובר לתקраה באמצעות ציר ויכול להסתובב.
למוט מהירות זוויתית התחלתית ω .

מהי הזרות המקסימלית אליה הגיע המוט?

**2) דיסקה מחוברת למוט נופלת במצב אנכי**

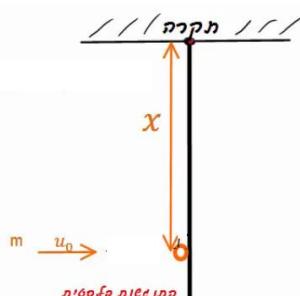
גוף קשיח מורכב ממוט בעל אורך L ומסה M המוחובר בקצת אחד לדיסקה מלאה בעלת מסה m המפולגת באופן אחיד ורדיוס R .

בקצת השני, המוט מחובר לציר אופקי.

המוט חופשי להסתובב סביב הציר (כלומר הגוף יכול לעשות סיבוב אנכי סביב הציר). הגוף מתחילה במצב המתוור באוויר (מצב אנכי לא יציב) ומקבל דחיפה קטנה לתוך הדף. מה תהיה המהירות הזוויתית של הגוף כאשר יגיע לנקודה הנמוכה ביותר?

3) כדור פוגע במוט שתלווי מהתקלה (כולל תנו)

כדור בעל מסה m פוגע במוט שתלווי מהתקלה במרחק x מציר הסיבוב של המוט. המוט בעל אורך L ובבעל מסה M . מהירותו ההתחלתית של הכדור היא u_0 והוא מתנגש פלסטית עם המוט.



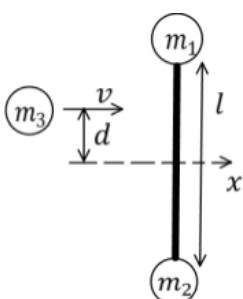
א. מהי המהירות הזוויתית של המערכת מיד לאחר ההתנגשות?

ב. מהי הזווית המקסימלית אליה יגיע המוט?

ג. מצא x כך שהכוח שפעילה התקלה על המוט יתאפס.

4) מסה מתנגשת בשתי מסות מחוברות למוט (כולל תנו)

שני גופים נקודתיים בעלי מסה M כל אחד מחוברים בשני קצוותיו של מוט דק חסר מסה באורך l . המערכת נמצאת במנוחה על גבי משטח אופקי חלק לאורך ציר y .



כדור נוסף שמסתו m פוגע במוט במאונך למווט ובמרחק d ממרכז המוט. מהירותו הcéדור הנוסף היא v וההתנגשות עם המוט היא אלסטיתית.

מה צריכה להיות מהירותו של הcéדור הנוסף, כך שיישאר במנוחה לאחר ההתנגשות.

תשובות סופיות:

$$\cos \theta = 1 - \frac{L\omega_0^2}{3g} \quad (1)$$

$$\omega = \sqrt{\frac{2MgL + 2mg(L+R)}{\frac{ML}{3} + \frac{1}{4}mR^2 + m(L+R)^2}} \quad (2)$$

$$\omega = \frac{mv_0x}{mx^2 + \frac{ML^2}{3}} \cdot \mathcal{N} \quad (3)$$

$$x_{c.m} = \frac{M\frac{L}{2} + mx}{M+m}, \quad I = \frac{ML^2}{3} + mx^2 : \text{ כאשר } \cos \theta = 1 - \frac{I\omega^2}{(M+m)gx_{c.m}} \quad \text{ב.}$$

ו- ω מצאנו בסעיף א'.

$$mu_0 = M\frac{L}{r} + mx \quad \text{ג.} \quad (4)$$

$$m = \frac{2M}{1 + \frac{4d^2}{l^2}} \quad (5)$$

ניתוח לפי כוחות ומומנטים וגלגול ללא חילקה:

רעיון:

טבלת השוואה בין תנועה סיבובית ל运动会 בקוויש

| 运动会 סיבובית | 运动会 בקוויש |
|---------------------------|------------------------------------------|
| x | θ |
| $v = \dot{x}$ | $\omega = \dot{\theta}$ |
| $a = \ddot{v} = \ddot{x}$ | $\alpha = \ddot{\omega} = \ddot{\theta}$ |
| m | I |
| p | L |
| F | τ |

כל הנוסחאות זהות בהחלפת אותיות

גלגול ללא חילקה :

מהירות הנקודה שנוגעת במשטח שווה לאפס

$$v_{c.m.} = \omega R$$

$$a_{c.m.} = \alpha R$$

בגלגול ללא חילקה החיכוך הוא סטטי ולכון אין איבוד אנרגיה.

?

את מה?

כוחות אינטראקטיביים?

$$\sum F_{ext} = 0 \quad P \quad .1$$

$$\sum F = ma_{c.m.} \quad .1$$

$$\sum F_{ext} = 0 \quad P \quad .2$$

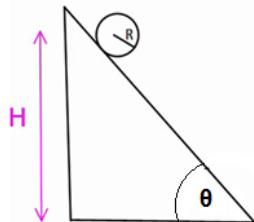
$$\sum \tau = I\alpha \quad .2$$

$$\sum \tau_{ext} = 0 \quad L \quad .3$$

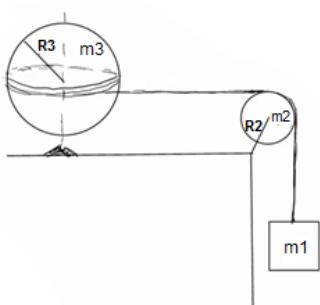
$$\text{orqueza na rotação?} \quad .3$$

4. **orqueza na rotação?**

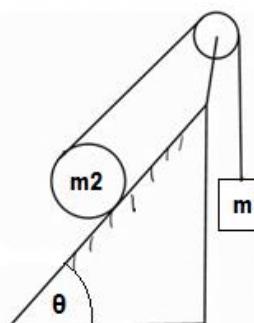
$$(v_{c.m.} = \omega R)$$

שאלות:

- 1) דוגמה - כדור על מדרון משופע**
 כדור בעל רדיוס R מונח בגובה H על מדרון משופע בעל זווית α . הכדור מתחילה להתגלגל ללא חילוקה.
 א. מצאו את מהירותו הראשית בתחתית המדרון.
 ב. מצאו את תאוצת הכדור.



- 2) גלובוס**
 גלובוס (כדור) מונח ומקובע לשולחן ויכול להסתובב סביב ציר המאונך לשולחן. מלפפים חוט סיבוב ממרכז הגלובוס (סיבוב קו המשווה) והחוט ממשיק מהגלובוס דרך גלגלת לא אידיאלית למסה תלויה m_1 .
 נתונים גם: m_2 ו- R_2 מסה ורדיוס הגלגלת, m_3 ו- R_3 מסה ורדיוס הגלובוס.
 המערכת מתחילה מנוחה.
 מצא את תאוצת כל הגוף, קוויית וזוויתית ואת המתייחסות בחוט.



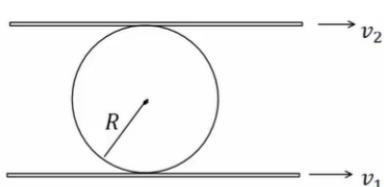
- 3) היוי במישור מחובר למסה**
 היוי (כדור שמלופף סביבבו חוט) בעל מסה m_2 ורדיוס R מונח על מישור משופע בעל זווית θ . החוט של היוי מחובר דרך גלגלת אידיאלית למסה m_1 . נתון כי היוי מתגלגל ללא חילוקה על המישור וכי קיימ חיכוך בין היוי למישור.
 א. מצא لأن תנועה המערכת וכיוון החיכוך הסטטי.
 ב. מצא את תאוצות הגוף וגודלו כוח החיכוך.

4) מוט אופקי נופל

מוט בעל מסה M (צפיפות אחידה) ואורך L תלוי בקצתו
לקיר וחופשי להסתובב סביב נקודת התלייה.
משחררים את המוט במצב אופקי.

L, M

- א. מצא את התאוצה הזוויתית ואת תאוצת מרכז
המסה של המוט ברגע השחרור.
כעת המוט נופל עד להגיעו במצב מאונך לקרקע.
- ב. מצא את הכוח שפעיל הציר שמחבר את המוט
לקיר על המוט, ברגע השחרור.
- ג. מצא את מהירות הזוויתית של המוט ברגע זה
(כשהוא מאונך לקרקע).
- ד. חזר על סעיפים א' ו-ב' עבור רגע זה.

**5) משטח מלמולה ומשטח מלמטה**

צדור בעל רדיוס R לחוץ בין שני משטחים נועים.
המשטח מתחתי לצדור נע במהירות v_1 והמשטח
מעליו נע במהירות v_2 .

- א. מהי מהירות מרכז המסה של הצדור אם
ידעו שהוא מתגלגל ללא חילקה ביחס לשני המשטחים?
- ב. חזר על סעיף א' אם המשטח העליון נע בכיוון ההפוך.

תשובות סופיות:

$$a = \frac{5}{7}g \sin \theta \quad \text{ב.} \quad mgH = \frac{1}{2}mv_{c.m.}^2 + \frac{1}{2}\left(\frac{2}{5}mR^2\right)\left(\frac{v_{c.m.}}{R}\right)^2 \quad \text{א.} \quad (1)$$

ראה סרטון.

ראה סרטון.

$$\sum F_y = ma_{y_{c.m.}}, \sum F_x = ma_{x_{c.m.}}, \quad a_{c.m.} = \frac{3}{4}g = a_y, a_x = a_r = 0, \alpha = \frac{3}{2}\frac{g}{L} \quad \text{א.} \quad (4)$$

$$mg \frac{L}{2} = \frac{1}{2}I\omega^2. \quad \text{ג.}$$

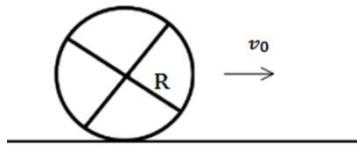
$$\sum F_y = ma_{y_{c.m.}}, \sum F_x = ma_{x_{c.m.}}, a_\theta = 0 = a_{x_{c.m.}}, a_y = a_r = -\omega^2 \frac{L}{2}, \alpha = 0. \quad \text{ד.}$$

$$v_{c.m.} = \frac{v_1 - v_2}{2} \quad \text{ב.}$$

$$v_{c.m.} = \frac{v_1 + v_2}{2} \quad \text{א.} \quad (5)$$

גלגל עם חלקה:

שאלות:



1) כדור מחליק ללא סיבוב

כדור הומוגני בעל מסה M מתחילה תנועתו עם מהירות v_0 ללא סיבוב (מהירות זוויתית).

מצא את מהירותו הסופית אם נתון מקדם החיכוך הקינטי.



2) כדור מסתובב מונח על רצפה

כדור הומוגני בעל מסה M מוחזק באוויר ומסתובב סביבמרכז המשאלו ב מהירות זוויתית ω_0 .

הכדור מונח על הרצפה בעודו מסתובב.

מצא את מהירותו הסופית אם נתון מקדם החיכוך הקינטי μ_k .

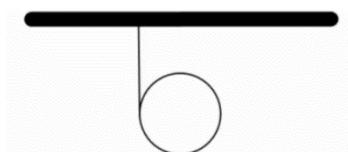
תשובות סופיות:

$$V_{\text{final}} = \frac{5}{7} V_0 \quad (1)$$

$$V_{\text{final}} = \frac{2}{7} \omega_0 R \quad (2)$$

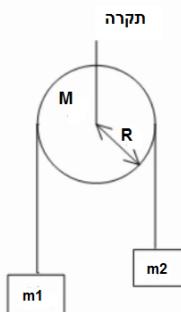
תרגילים מסכימים:

שאלות:

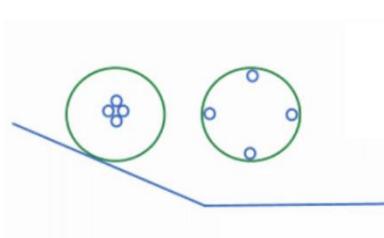


- 1) חישוק מתגלגל מחבל**
חבל מלופף סביב חישוק בעל רדיוס R ומסה m .
(החבל מחובר לתקלה).

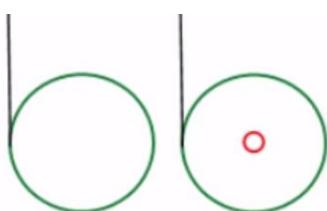
- א. מהי תאוצת מרכז המסה של החישוק?
ב. לאחר כמה זמן ירד החישוק לגובה של h אם התחילה תנועתו ממנוחה?



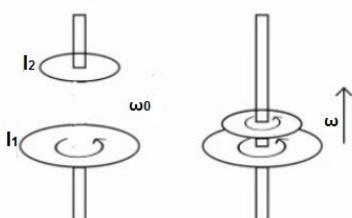
- 2) מסות וגלגלת**
שתי מסות שונות m_1 , m_2 תלויות משני הצדדים של גלגלת לא אידיאלית המקובעת במרכזזה. המסות משוחררות ממנוחה.
מצא את תאוצת המסות אם נתון:
 M מסת הגלגלת, R רדיוס הגלגלת
וכि החוט איינו מחליק על הגלגלת.



- 3) שתי דיסקות שונות במדרון**
בון המדע שבמכון ויצמן יש שתי דיסקות קלות אליון מודבקות 4 מסות כבדות כמתואר בשרטוט. את הדיסקות מניחים על שני מדרונים ובודקים מי תנועה בהגעה למישור מהר יותר.
הסביר כיצד ניתן לחשב מהירות זו על פי נתוני המערכת.



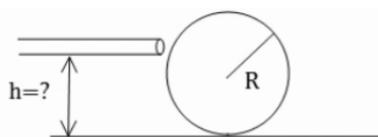
- 4) שני חישוקים מתגלגים מחבל**
חישוק בעל מסה m ורדיוס R תלוי מחבל מלופף סביבו.
א. מה תהיה מהירותו לאחר שנפל מגובה h ?
מה תהיה תאוצתו? כמה זמן תארך הנפילה?
חישוק אחר חסר מסה בעל רדיוס R מכיל מסה נקודתית במרכזה בעלי מסה m .
ב. מה תהיה מהירותו לאחר שנפל מגובה h ?
ג. מה תהיה מהירותו אם החבל יהיה ללא חיכוך?

5) מצמד

בכלי עבודה רבים קיים מנגנון הקרויה מצמד (קלאי').
תפקיד המצמד הוא להעביר את הכוח המניע אל החלק המונע בצורה הדרגתית (למשל להעביר את כוח המנוע ברכב אל הגלגלים מבלוי לגרום לתנועה מתאומית בגלגלים).
מצמד מופעל ע"י המצמד דסקה מסתובבת אל דסקה נייחת והעברת אנרגיה מזו לעזרת כוח החיכוך.
לפניך מצמד הבניי משתי דיסקות בעלות מומנט התumed שונה.
הدسקה התחתונה מסתובבת במהירות ההתחלתית נתונה.
בשלב מסוים הדסקה העליונה מונחת על הדסקה התחתונה ובעזרת כוח המשיכה וכוח החיכוך מתחילה לנוע בעצמה עד ששתי הדיסקות ינעו ביחד.

א. מצא את מהירות הסופית של הדיסקות.

ב. כמה אנרגיה אבדה בתהליך זה?



כדור סנווק ברדיוס R נמצא במנוח על שולחן
לא חיכוך (חיכוך נזוק מואוד).
מצא באיזה גובה מעל תחנית הcador יש לתת
מכה אופקית עם המקל כך שהcador יתגלגל ללא חילקה.

$$\text{מומנט התumed של הcador הוא : } I_{c.m} = \frac{2}{5}mR^2$$

הדרך : ערוך תרשימים כוחות ונתח את הבעה בשלב המכאה עצמה.

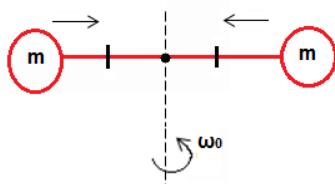
7) חוט מושך דיסקה ללא חילקה - תרגיל פשוט

חוט מלופף מסביב לגליל המונח על מישור
שאיינו חלק. רדיוס הגליל הוא R ומסתו M .
כוח F נתון מושך את הגליל.
מצא את תאוצת הגליל במקרים הבאים אם
ידעו שהגליל מתגלגל ללא חילקה :

א. הכוח פועל בכיוון אופקי.

ב. הכוח פועל בזווית θ ביחס לאופק וידעו שהגליל אינו מת蘼ם.

ג. מה כיוון החיכוך בכל מקרה?

**8) מחליקה על קרח סוגרת ידיים**

מחליקה על הקרח מסתובבת במהירות ω_0 . המחליקה בעלת מסה זניחה אך היא מחזיקה מסה m בכל יד. הידיים פרוסות לצדדים ואורך כל יד l .

לפתע המחליקה סוגרת את ידה לחצי מאורכו המקורי.

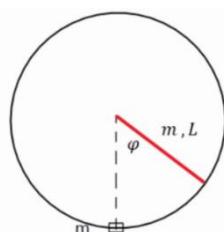
א. מה תהיה מהירות הסיבוב החדשה?

ב. כמה אנרגיה הושקעה בתהליך?

**9) גלגול עם חילקה**

אל עבר דסקה בעלת מסה M ורדיויס R נורה קליע בעל מסה m במהירות v .

הدسקה מונחת על משיר עליון מקדם חיכוך נתון. מצא כמה זמן תימשך החילקה.

**10) מוט משוחרר בזווית פוגע במסה**

מוט המוחדר לציר משוחרר ממנוחה מזויה נתונה. כשהמוט מגיע לנקודה הנמוכה ביותר הוא פוגע במסה וודוחף אותה במהירות לא ידועה לעבר מסילה מעגלית. נתון כי הקצת התחנון של המוט נע מיד לאחר ההתנגשות במהירות משיקית u .

א. מהי הזווית המקסימלית אליה יוכל המוט לאחר הפגיעה?

ב. מהי מהירות המסה מיד לאחר הפגיעה?

ג. מהו הכוח אותו מפעילה המסילה על המסה מיד לאחר ההתנגשות?

**11) צמד לוליאנים בטרפז**

בקרכס ישנו מכשיר הקורי טרפז. על הטרפז נתלה לוליין המחזיק בידו לוליין אחר. נתון כי צמד הלוליאנים התרחילה את תנועתם ממנוחה במצב מאוזן וניתקו ידיהם במצב מאונך. הניתקו כי אורך כל לוליין l ומסתו m .

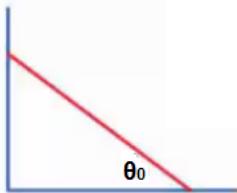
לאחר הניתוק הלוליין המנותק סוגר את גופו לחצי מאורכו.

א. מהי המהירות הזוויתית ברגע הניתוק?

ב. מהי המהירות הזוויתית של הלוליין המנותק מיד

לאחר הניתוק ולפניהם שסגר את גופו?

ג. מהי המהירות הזוויתית לאחר שסגר את גופו?

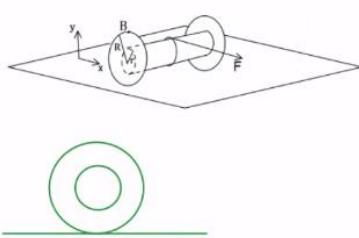
12) מוט מתגלגל - מציאת מהירות

מוט בעל מסה m ואורך 1 מונח על רצפה וקיר חלקים בזווית נתונה θ_0 . מיד לאחר שהניחו את המוט, המוט מתחילה להחליק עד הפגיעה ברצפה. אין חיכוך בין המוט לקיר או לרצפה. מצאו את מהירותו מרכזו המסה של המוט בזמן פגיעתו ברצפה.

13) יווי מתגלגל (חוט מלמعلלה)

יווי מורכב מגליל ברדיוס r ומסה m . משתי צידי הגליל מחוברות דסוקות ברדיוס $r > R$ ומסה M כל אחת. סביב הגליל ובמרכזו מלופף חוט. היוי מונח על משטח לא חלק ומושכים את החוט בכוח F קבוע בכיוון ציר ה- x .

נתנו כי היוי מתחילה את תנועתו מנוחה וכי הוא מתגלגל ללא חילקה (היוי זו בציר ה- x). כמו כן כל אותן בגוף השאלה נתונה.

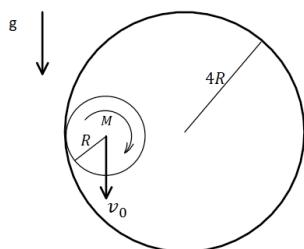


- א. מהו מומנט ההתמד של היוי?
- ב. מהי תאוצת מרכזו המסה של היוי?
- ג. מהו מיקום היוי כפונקציה של הזמן?
- ד. הנקודה B נמצאת על קצה הגליל ובודיק מעל מרכזו ב- $t=0$. מצא את מיקום הנקודה כתלות בזמן.

14) עיפרון נופל*

עיפרון באורך L ניצב אנכית על משטח. ברגע מסוים הוא מתחילה ליפול ימינה. כאשר הזווית בין האנך למשטח מגיעה ל- θ_1 העיפרון מתחילה להחליק.

- א. עברו זווית θ שבהן עדין אין החלקה $\theta_1 < \theta$.
- i. מצאו את המהירות הזוויתית של העיפרון ω .
- ii. מצאו את התאוצה הזוויתית של העיפרון α .
- iii. מצאו את התאוצה הקויה של מרכזו המסה של העיפון.
- v. מצאו את גודלו וכיוונו של כוח החיכוך.
- vii. מצאו את הכוח הנורמלי.
- ב. מצאו את מקדם החיכוך הסטטי μ_s .

15) גליל בתוך גליל*

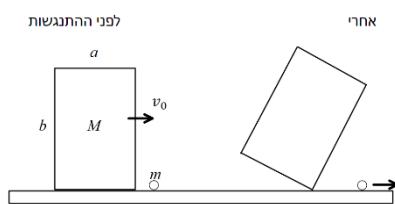
גליל מלא ברדיוס R ומסה M המפולגת אחידה מתגלגל ללא חילקה בתוך גליל גדול ודק שרדיוסו $4R$. הגליל הגדל מקובע במקומו.

- א. נתון מהירות מרכזו המסה של הגליל הקטן כאשר הוא בגובה מרכזו הגליל הגדל ובדרךו מטה היא v_0 . מהו גודלו וכיוונו של כוח החיכוך הפועל על הגליל בנקודת זו? ומהו התנאי על v_0 כך שיתאפשר גלגול ללא חילקה אם מקדם החיכוך μ נתון?

ב. מהי מהירות מרכזו המסה של הגליל הקטן כאשר הוא בתחתית הגליל הגדל?

ג. כאשר הגליל הקטן נמצא בתחתית הגליל, פוגע בו קליע נקודתי, גם הוא בעל מסה M הנע ישר כלפי מטה. הקליע נדבק לשפת הגליל לבדוק מעלה מרכזו ונע עמו (זמן התנגשות קצר מאוד וניתן להזניח את השפעת החיכוך עם הגליל הגדל בתנשאות).

- שים לב שלאחר הפגיעה הגלגול כבר לא חייב להיות ללא חילקה. מצא את מהירות מרכזו הגליל (לא מרכזו המסה) לאחר הפגיעה.

16) תיבה מתנגשת באבן*

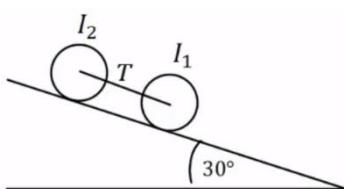
תיבה דו מימדיות בגודל $a \times b$ ומסה M נעה על משטח אופקי חלק ב מהירות v_0 .

ברגע מסויים התיבה מתנגשת בתנשאות אלסטית באבן עם מסה m הנמצאת במנוחה על המשטח. כתוצאה מההתנגשות התיבה ממשיכה בתנועה ימינה אך גם מתחילה להסתובב.

ניתן להניח שהפינה הימנית תחתונה של התיבה כל הזמן נוגעת בקרקע.

- א. מה התנאי על v_0 כך שהතיבה לא תתפרק?

- ב. מה קורה לתנאי של סעיף א' אם $b < a$?

**17) שני גלים מחוברים בחולות על מדרון משופע***

שני גלים בעלי מסה $m = 3\text{kg}$ ורדיוס $R = 20\text{cm}$ כל אחד, מחוברים בחולות אידיאלי וمتגלגלים יחד

לא חילקה במורד מדרון. זווית המדרון היא 30° .

התפלגות המסה של הגלים אינה אחידה ומומנטיהם הסתמאים שלם סביב מרכזו המסה נתונים: $I_1 = 50\text{kg} \cdot \text{cm}^2$, $I_2 = 90\text{kg} \cdot \text{cm}^2$

מהי המתייחסות בחולות המחבר בין הגלים?

תשובות סופיות:

$$t = \sqrt{\frac{4h}{g}} \text{ . ב. } \quad a = \frac{g}{2} \text{ . נ. } \quad (1)$$

$$a = \frac{(m_1 - m_2)g}{\frac{1}{2}M + m_1 + m_2} \quad (2)$$

ראה סרטון. (3)

$$g. \text{ נפילה חופשית. } mgh = \frac{1}{2}mv^2 \text{ . ב. } mgh = mv^2, a = \frac{g}{2}, t = \frac{1}{2}\left(\frac{g}{2}\right)t^2 \text{ . נ. } (4)$$

$$\Delta E = \frac{1}{2}I_l\omega_0^2 - \frac{1}{2}(I_l + I_2)\omega_l^2 \text{ . ב. } \quad \omega_l = \omega_0 \frac{I_l}{I_l + I_2} \text{ . נ. } (5)$$

$$h = \frac{2}{5}R \quad (6)$$

$$F \frac{1}{3}(1 + \cos \varphi), \frac{1}{3}F \cdot \lambda \quad a = \frac{4}{3} \frac{F}{m} \text{ . ב. } \quad a = \frac{4}{3} \frac{F}{m} \text{ . נ. } (7)$$

$$\Delta E = \frac{1}{2}I_l\omega_l^2 - \frac{1}{2}I_0\omega_0^2 \text{ . ב. } \quad \omega_l = \omega_0 \cdot 4 \text{ . נ. } (8)$$

ראה סרטון. (9)

ראה סרטון. (10)

$$b. \text{ אין שינוי. } g. \sqrt{\frac{8g}{3l}} \text{ . נ. } \sqrt{\frac{g}{6l}} \text{ . נ. } (11)$$

$$\sqrt{\frac{3}{4}gls \sin \theta_0} \quad (12)$$

$$F + \frac{Fr - I \frac{a}{R}}{R} = (m + 2M)(a) \text{ . ב. } \quad I = 2 \frac{1}{2}MR^2 + \frac{1}{2}mr^2 \text{ . נ. } (13)$$

$$B_x = \frac{1}{2}at^2 + R \sin\left(\frac{1}{2}\alpha t^2\right), B_y = R \cos\left(\frac{1}{2}\alpha t^2\right). \tau \quad x_{(t)} = \frac{1}{2}at^2 \cdot \lambda$$

$$\vec{a} = -\omega^2 r \hat{r} + \alpha r \hat{\theta} \text{ .iii} \quad \alpha = \frac{3g}{2L} \sin \theta \text{ .ii} \quad \omega = \sqrt{3 \frac{g}{L} (1 - \cos \theta)} \text{ .i. נ. } (14)$$

$$\sum F_y = m(-a_r \cos \theta - a_\theta \sin \theta) \text{ .v} \quad \sum F_x = m(-a_r \sin \theta + a_\theta \cos \theta) \text{ .iv}$$

$$f_{s_{\max}}(\theta_1) = \mu_s N(\theta_1) \text{ . ב.}$$

$$v_0 = \frac{1}{2}v_1 \cdot \lambda \quad v_1 = \sqrt{v_0^2 + 4gR} \text{ . ב.} \quad f_s = \frac{mg}{3}, v_0 \geq \sqrt{\frac{Rg}{\mu_s}} \text{ . נ. } (15)$$

$$v_0 = \frac{1}{b} \sqrt{\frac{g}{3} \left(\sqrt{a^2 + b^2} - b \right)} \cdot \left(\frac{2(a^2 + b^2)}{\sqrt{(2a)^2 + b^2}} + \frac{M\sqrt{4a^2 + b^2}}{2m} \right) . \text{ נ } (16)$$

$$v_0 = \sqrt{\frac{g}{6b}} \cdot a \cdot \left(2 + \frac{M}{2m} \right) . \text{ ב}$$

$$T \approx 0.22N \quad (17)$$